उदा. (2) व्याजाच्या काही दराने 8000 रु. मुद्दलावर 3 वर्षांचे व्याज 640 रु. होते, तर त्याच दराने 40,000 रुपयांवर 3 वर्षांचे व्याज किती होईल ? मुदत तीच आहे. ∴ जितके पट मुद्दल, तितके पट व्याज. 40,000 रु. हे 8000 रुपयांच्या 5 पट आहेत. ∴ व्याज 640 रुपयांच्या 5 पट होईल.

∴ व्याज 640 × 5 = 3200 रु. होईल.

带着你你你你你你你你你你的吗??? 法你你你你你你你你你

पुढील सारणीत व्याजाचा दर आणि मुद्दल दिले आहे. प्रत्येक बाबतीत
 वर्षांचे व्याज किती होईल, ते काढा.

उदाहरणे	1	2	3	4	5	6
व्याजाचा दर (द.सा.द.शे.)	10	14	9	6	3	11
मुद्दल (रु.)	6,000	500	15,000	12,000	25,000	8,000

सोडवा.

- (1) व्याजाच्या काही दराने 5,000 रु. मुद्दलावर 4 वर्षांत 1200 रु. व्याज होते, तर त्याच दराने त्याच मुदतीत 15,000 रु. मुद्दलाचे व्याज किती होईल ?
- (2) व्याजाच्या काही दराने 18,000 रु. मुद्दलाचे 2 वर्षांचे व्याज 3,240 रु. होते, तर त्याच दराने त्याच मुदतीचे 6,000 रु. मुद्दलाचे व्याज किती होईल ?

# मुद्दल आणि मुदतीनुसार व्याज

उदा. (1) द. सा. द. शे. 8 दराने 5,000 रु. मुद्दलाचे 3 वर्षांचे व्याज किती होईल ?

व्याजाचा दर द. सा. द. शे. 8 आहे, म्हणजे 100 रुपये मुद्दलाचे 1 वर्षांचे व्याज 8 रुपये होते.

प्रथम 5,000 रु. मुद्दलाचे 1 वर्षांचे व्याज कादू. 5,000 रु. हे 100 रुपयांच्या 50 पट आहेत.

: 5,000 रुपयांचे 1 वर्षांचे व्याज 8 रु. च्या 50 पट होईल.

#### 116

∴ 5,000 रुपयांचे 1 वर्षाचे व्याज 8 × 50 = 400 रु. आता 3 वर्षे ही मुदत 1 वर्ष मुदतीच्या तिष्पट आहे.

.: 5,000 रुपयांचे 3 वर्षांचे व्याज 400 रुपयांच्या तिप्पट होईल.

:. 5,000 रुपयांचे 3 वर्षांचे व्याज 400 × 3 = 1200 रु.

हे उदाहरण सोडवताना प्रथम मुद्दलाचा आणि नंतर मुदतीचा विचार केला. आधी मुदतीचा आणि नंतर मुद्दलाचा विचार करूनही या प्रकारचे उदाहरण सोडवता येते, हे पुढील उदाहरणावरून लक्षात घ्या.

उदा. (2) द. सा. द. शे. 12 दराने 14,000 रुपयांचे 3 वर्षांचे व्याज काढा. व्याजाचा दर द. सा. द. शे. 12 आहे.

: 100 रु. मुद्दलाचे 1 वर्षांचे व्याज 12 रु. होते.

.: 100 रु. मुद्दलाचे 3 वर्षांचे व्याज 36 रु. होते.

14,000 रु. हे 100 रुपयांच्या 140 पट आहेत.

: 14,000 रुपयांचे 3 वर्षांचे व्याज 36 × 140 = 5040 रु.

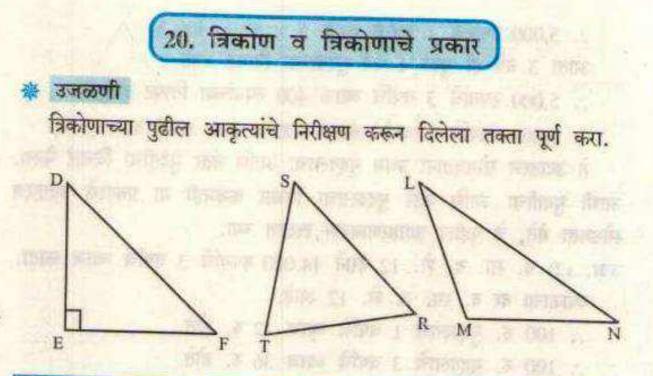
 पुढील सारणीत मुद्दल, मुदत व व्याजाचा दर या बाबी दिल्या आहेत. त्यावरून व्याज काढा.

उदाहरणे	मुद्दल (रु.)	मुदत (वर्षे)	व्याजाचा दर (द. सा. द. शे.)
1.	400	5	6
2.	1,500	3	4 -
3.	15,000	4 R	18 X 8 8 19
4.	20,000	diata 2 mail	10
5.	3,500	6	5

Downloaded from https:// www.studiestoday.com

a ver state endored and the

billio ministratio me teta ministration

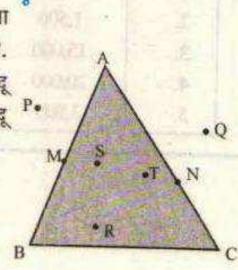


त्रिकोणाचे नाव	त्रिकोणाच्या शिरोबिदूंची नावे	त्रिकोणाच्या तीन बाजूंची भावे	त्रिकोणाच्या कोनांची नावे
Δ DEF		करने अधिक ने	with why divid
		L. T. AND A	the reaction
S. D. S. Grieber	A Startes	N. West	H ATTACK

त्रिकोणाच्या बाजू व त्रिकोणाचे कोन यांना त्रिकोणाचे घटक म्हणतात. त्रिकोणाचा अंतर्भाग व बाह्यभाग

त्रिकोण या आकृतीमुळे त्रिकोणाच्या प्रतलातील बिंदूंचे तीन भागांत विभाजन होते. प्रतलातील काही बिंदू त्रिकोणावर, काही बिंदू त्रिकोणाच्या अंतर्भागात व उरलेले बिंदू त्रिकोणाच्या बाह्यभागात असतात.

आकृतीत M व N हे बिंदू त्रिकोण ABC वर आहेत. बिंदू S, R व T त्रिकोण ABC च्या अंतर्भागात आहेत. बिंदू P व Q त्रिकोण ABC च्या बाह्यभागात आहेत.



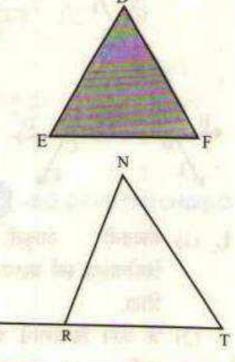
<sup>118</sup> 

# त्रिकोणी क्षेत्र

बाजूच्या आकृतीत △ DEF चा अत्तर्भाग छायांकित करून दाखवला आहे. △ DEF व त्याचा अंतर्भाग मिळून त्रिकोणी क्षेत्र तयार होते.

#### त्रिकोणाचा बाह्यकोन

आकृतीत  $\Delta$  NTR आहे. किरण TR काढला असता R या शिरोबिंदूजवळ  $\angle$ NRT व  $\angle$ NRS हे रेषीय जोडीतील कोन तयार होतात.  $\angle$ NRS हा  $\Delta$  NTR चा बाह्यकोन आहे.  $\angle$ NRT हा  $\Delta$  NTR चा आंतरकोन आहे.



# त्रिकोणाच्या कोनाशी रेषीय जोडी तयार करणाऱ्या कोनाला त्या त्रिकोणाचा बाह्यकोन म्हणतात.

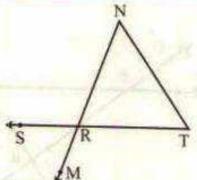
सोबतच्या आकृतीत किरण NR काढला असता  $\angle$ TRM हा  $\triangle$  NTR चा आणखी एक बाह्यकोन मिळतो, म्हणजेच  $\triangle$  NTR च्या R या एकाच शिरोबिंदूजवळ दोन बाह्यकोन तयार होतील.

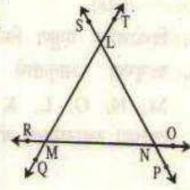
त्याचप्रमाणे ∆ NTR च्या N व T या शिरोबिंदूंजवळ प्रत्येकी दोन बाह्यकोन तयार होतील.

यावरून त्रिकोणाच्या प्रत्येक शिरोबिंदूजवळ दोन याप्रमाणे त्रिकोणाला एकूण सहा बाह्यकोन असतात.

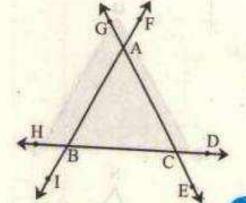
बाजूच्या आकृतीत ∆ LMN च्या एका शिरोबिंदूजवळील दोन बाह्यकोन लिहिले आहेत. राहिलेले बाह्यकोन लिहा.

- (1) ZLNO, (2) ZMNP (3) .....
- (4) ..... (5) ..... (6) .....





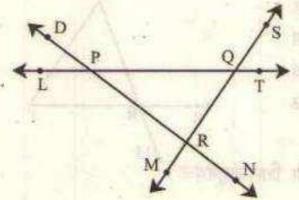
119



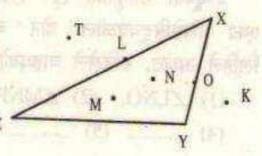
बाजूच्या आकृतीत ∠DCE, ∠HBI, ∠GAF, हे ∆ABC चे आंतरकोन तसेच बाह्यकोन नाहीत. हे कोन त्रिकोणाच्या कोनांचे विरुद्ध कोन आहेत.

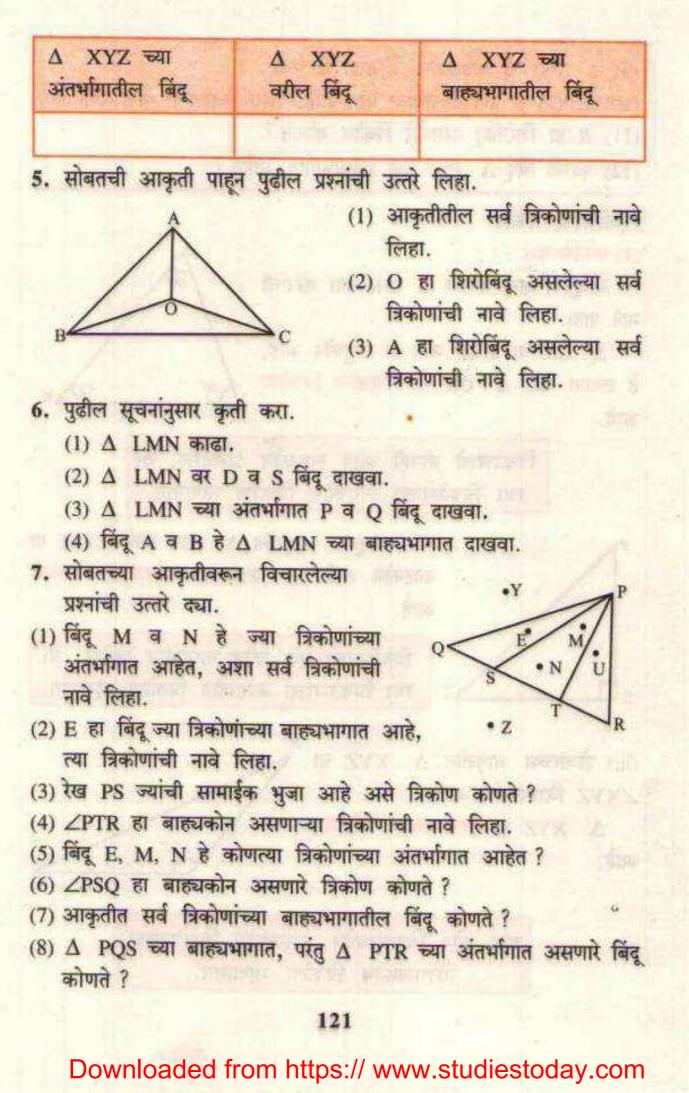
**基等等你你你你你你你**你。 3CIE4UHUE

- (1) सोबतची आकृती पाहा.
   त्रिकोणाच्या सर्व बाह्यकोनांची नावे लिहा.
  - (2) जे कोन त्रिकोणाचे कोन नाहीत
     आणि बाह्यकोनही नाहीत,
     ¥ F
- 2. खालील आकृतीवरून पुढील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.



- शिरोबिंदू P असलेल्या बाह्यकोनांची नावे लिहा.
- (2) ∠PRQ या कोनाशी रेषीय जोडी तयार करणाऱ्या कोनांची नावे लिहा.
- (3) ∠SQT हा △ PQR चा बाह्यकोन आहे का ? सकारण लिहा.
- (4) बाह्यकोन PQS शी रेषीय जोडी तयार करणारा △ PRQ चा कोन लिहा.
- 3. त्रिकोणाला एकूण किती बाह्यकोन असतात ?
- बाजूच्या आकृतीचे निरीक्षण करून M, N, O, L, K T बिंदूंची नावे त्यांच्या स्थानानुसार योग्य स्तंभात लिहा.





(9) △ PST चे बाह्यकोन ओळखा व लिहा.
(10) ∠PQS हा ज्या त्रिकोणांचा कोन आहे, अशा त्रिकोणांची यादी तयार करा.
(11) R हा शिरोबिंदू असणारे त्रिकोण कोणते ?
(12) कोणते बिंदू △ PST च्या बाह्यभागात आहेत ?

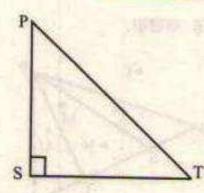
# त्रिकोणाचे प्रकार

#### (1) कोनांवरून

बाजूच्या आकृतीवरून ∆ ШК च्या कोनांची मापे पाहा.

Δ IJK चा प्रत्येक कोन हा लघुकोन आहे, हे लक्षात येते. Δ IJK हा लघुकोन त्रिकोण आहे.

> त्रिकोणाचे तीनही कोन लघुकोन असतील, तर त्या त्रिकोणाला लघुकोन त्रिकोण म्हणतात.



बाजूच्या आकृतीत △ PST मध्ये ∠PST हा काटकोन आहे. △ PST हा काटकोन त्रिकोण आहे.

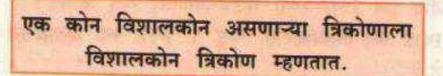
70°

त्रिकोणाचा एक कोन काटकोन असेल, तर त्या त्रिकोणाला काटकोन त्रिकोण म्हणतात.

130"

(iii) शेजारच्या आकृतीत △ XYZ चा
 ∠XYZ विशालकोन आहे.

△ XYZ हा विशालकोन त्रिकोण आहे.





दिलेल्या आकृतीत ∆ STP च्या तीनही बाजू समान लांबीच्या आहेत.

△ STP हा समभुज त्रिकोण आहे.

त्रिकोणाच्या तीनही बाजूंची लांबी समान असेल, तर त्या त्रिकोणाला समभुज त्रिकोण म्हणतात.

एखाद्या आकृतीच्या बाजूंवर सारख्या खुणा दाखवल्या असतील, तर त्या बाजू समान लांबीच्या असतात. (तसेच समान खुणा असलेल्या कोनांची मापे समान आहेत असे समजतात.)

बाजूच्या आकृतीत ∆ PQR च्या बाजू PQ व बाजू PR यांची लांबी समान आहे, हे सारख्या खुणांवरून लक्षात येते.

3.5 सेमी

3.3 सेमी

2.3 सेमी

T

Δ PQR हा समद्विभुज त्रिकोण आहे.

C

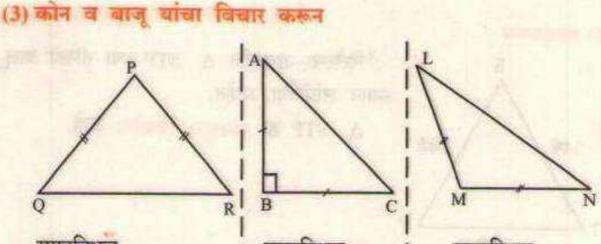
त्रिकोणाच्या दोन बाजूंची लांबी समान असेल, तर अशा त्रिकोणास समद्विभुज त्रिकोण म्हणतात.

> बाजूच्या आकृतीत ∆ STC च्या बाजू भिन्न लांबीच्या आहेत.

Δ STC हा विषमभुज त्रिकोण आहे.

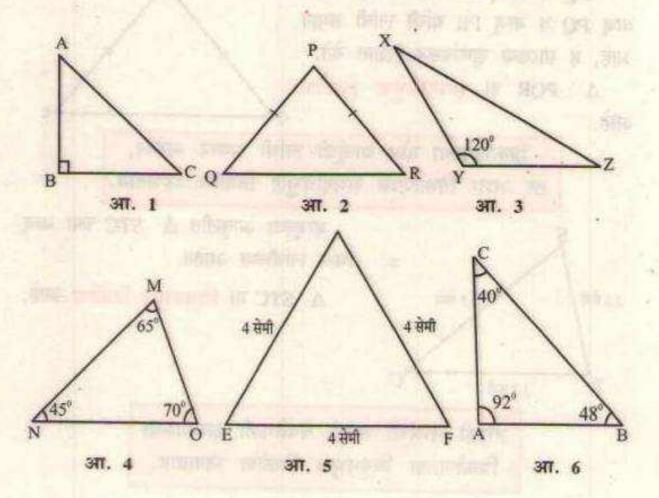
तीनही बाजूंची लांबी वेगवेगळी असणाऱ्या त्रिकोणाला विषमभुज त्रिकोण म्हणतात.

<sup>123</sup> 



समद्विभुज | समद्विभुज | समद्विभुज लघुकोन त्रिकोण | काटकोन त्रिकोण | विशालकोन त्रिकोण याप्रमाणे विषमभुज लघुकोन त्रिकोण, विषमभुज काटकोन त्रिकोण, विषमभुज विशालकोन त्रिकोण असेही प्रकार होतात.

- केकिकिकेकिकेकेके उदावरणामगह 75 के
- 1. खाली दिलेल्या त्रिकोणांच्या आकृत्यांवरून प्रत्येक त्रिकोणाचा प्रकार लिहा.



124

- 2. पुढील प्रत्येक उदाहरणात दिलेल्या माहितीवरून त्रिकोणाचा प्रकार लिहा.
  - (1)  $\Delta$  ABC मध्ये  $m∠A = 63^{\circ}$  आहे.  $m∠B = 52^{\circ}$  व  $m∠C = 65^{\circ}$
  - (2) △ RST मध्ये रेख RS व रेख ST यांची लांबी समान आहे.
  - (3) △ LMN मध्ये ∠LNM हा काटकोन आहे.
  - (4) △ SDO मध्ये ∠OSD चे माप 135° आहे.

和新闻明朝 國家 建气的现在分词 医小花病生 相望

THE BADY HISTORY, BUT HIS WE WANT

- (5) Δ RTO च्या तीनही बाजू समान लांबीच्या आहेत.
- (6) △ DEF च्या बाजू 5.3 सेमी, 4.2 सेमी व 6.6 सेमी लांबीच्या आहेत.

traffe theards " if the ments Bridts offers bright re-

HERE REPORT THE THE PROPERTY AND

stringing inter the termine were

AND THE ALL AND THE SHEET AND

125

# 21. त्रिकोणाचे गुणधर्म

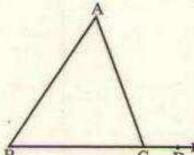
त्रिकोणाच्या तीन कोनांचा गुणधर्म

सोबतच्या आकृतीत △ ABC दाखवला आहे. त्याच्या कोनांची मापे 48°, 40° व 92° आहेत. या तीनही मापांची बेरीज, 48 + 40 + 92 = 180° येते. याप्रमाणे तुम्ही स्वत: निरनिराळे त्रिकोण काढा. प्रत्येकाच्या कोनांची मापे मोजून त्यांची बेरीज करा. प्रत्येक त्रिकोणाच्या तीन कोनांच्या मापांची बेरीज 180° येते, असे आढळून येईल.

> कोणत्याही त्रिकोणाच्या तीन कोनांच्या मापांची बेरीज 180° असते.

# त्रिकोणाच्या बाह्यकोनाचा गुणधर्म

हा गुणघर्म समजण्यासाठी आपण प्रथम असंलग्न किंवा दूरस्थ आंतरकोन म्हणजे काय हे समजून घेऊ.



सोबत दिलेली आकृती पाहा.

येथे ∠ACD हा ∆ ABC चा एक बाह्यकोन आहे.

आता सोबतची आकृती पाहा. आकृतीत ∠ACD हा  $\Delta$  ABC चा बाह्यकोन आहे. त्रिकोणाचे दूरस्थ आंतरकोन CAB व ABC आणि बाह्यकोन ACD यांची मापे मोजून लिहिली आहेत. या मापांवरून दिसते, की  $\sum_{D=C}^{50} \frac{30^{\circ}}{C}$  B ∠A व ∠B यांच्या मापांची बेरीज 20 + 30 = 50°

बाह्यकोन ACD चे माप 50° आहे.

यावरून  $m \angle A + m \angle B = m \angle ACD$ 

त्रिकोणाच्या बाह्यकोनाचे माप त्याच्या दूरस्थ आंतरकोनांच्या मापांच्या बेरजेएवढे आहे.

या त्रिकोणाचा आणखी एक बाह्यकोन काढा. या बाह्यकोनाचे माप मोजा. त्याच्या दूरस्थ आंतरकोनांच्या मापांची बेरीज करा. तुम्हाला आढळेल, की त्रिकोणाच्या बाह्यकोनाचे माप त्याच्या दूरस्थ (असंलग्न) आंतरकोनांच्या मापांच्या बेरजेएवढेच आहे.

> त्रिकोणाच्या कोणत्याही बाह्यकोनाचे माप त्याच्या दूरस्थ आंतरकोनांच्या मापांच्या बेरजेएवढे असते.

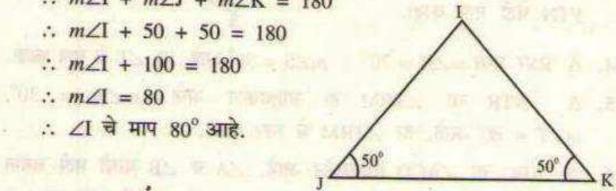
उदा. (1) आकृतीत  $m∠L = 55^\circ$ ,  $m∠P = 45^\circ$  आहे. ∠LMN हा बाह्यकोन आहे, तर ∠LMN चे माप किती ? त्रिकोणाच्या बाह्यकोनाच्या गुणधर्मावरून  $m \angle LMN = m \angle P + m \angle L$ 55 = 45 + 55 = 100 45°  $\therefore m \angle LMN = 100^{\circ}$ M उदा. (2) आकृतीत दिलेल्या माहितीवरून ∠ I चे माप काढा. त्रिकोणाच्या तीन कोनांच्या मापांची बेरीज 180° असते.

 $\therefore m \angle I + m \angle J + m \angle K = 180$ 

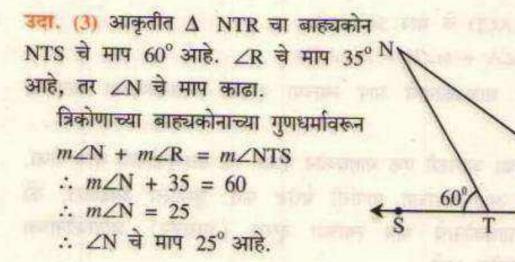
 $\therefore m \angle I + 50 + 50 = 180$ 

- $: m \angle 1 + 100 = 180$
- $\therefore m \angle I = 80$ 
  - ∴ ∠I चे माप 80° आहे.

THERE PART AND BALL IN ILS R

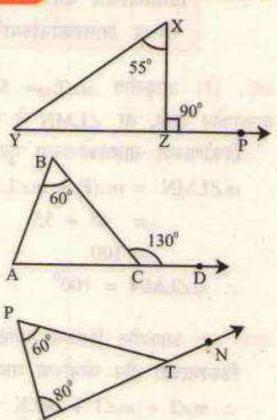


तत्वाहरणां काम्ब



# 1. $\triangle$ XZY चा बाह्यकोन XZP चे माप 90° आहे. ∠YXZ चे माप 55° आहे, तर ∠XYZ चे माप काढा.

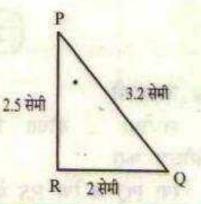
- 2.  $\Delta$  ABC चा बाह्यकोन BCD चे माप 130° आहे.  $m\angle ABC = 60^\circ$  आहे, तर ∠BAC चे माप काढा.
- बाजूच्या आकृतीत दिलेल्या माहितीवरून ∠PTS चे माप काढा. तसेच बाह्यकोन PTN चेही माप काढा.



- 4. △ RST मध्ये  $m \angle R = 70^{\circ}$ ,  $m \angle S = 30^{\circ}$  आहे. तर  $\angle T$  चे माप काढा.
- 5. △ NTR चा  $\angle$ TRM हा बाह्यकोन आहे.  $m\angle$ N = 30°,  $m\angle$ T = 80° आहे, तर  $\angle$ TRM चे माप काढा.
- 6. △ ABC चा ∠ACD बाह्यकोन आहे. ∠A व ∠B यांची मापे समान आहेत. जर  $m \angle ACD = 140^\circ$ , तर ∠A व ∠B यांची मापे काढा.

#### त्रिकोणाच्या बाजूंसंबंधी गुणधर्म

सोबतची आकृती △ PQR ची आहे. △ PQR च्या बाजू PQ, बाजू QR आणि बाजू PR यांची लांबी मोजून पुढील तक्त्यात लिहिली आहे.



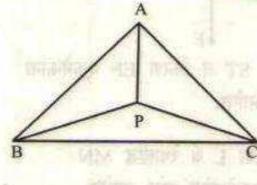
1 त्रिकोणाचे नाव	2 एका बाजूची लांबी सेमी	3 दुसऱ्या बाजूची लांबी सेम्रा	4 तिसऱ्या वाजूची लांबी सेमी	5 पहिल्या दोन बाजूंच्या लांबीची बेरीज सेमी	6 रकाना 4 च 5 तुलना सेमी
Δ PQR	l (QR) = 2	l (PR) = 2.5	1 (PQ) = 3.2	4.5	4.5 > 3.2
	l (PR) = 2.5	l (PQ) = 3.2	l(QR) = 2	5.7	5.7 × 2
102 10	l (PQ) = 3.2	l (QR) = 2	1 (PR) = 2.5	5.2	5.2 > 2.5

्तक्त्यातील स्तंभ क्रमांक 5 व 6 वरून त्रिकोणाच्या दोन बाजूंच्या लांबीची बेरीज तिसऱ्या बाजूच्या लांबीपेक्षा जास्त आहे, असे दिसते.

त्याचप्रमाणे Δ EFG, Δ HKI, Δ ANT हे त्रिकोण काढा. त्यांच्या प्रत्येक बाजूची लांबी मोजा आणि वरीलप्रमाणे तक्ते करून ते पूर्ण करा व निष्कर्ष काढा.

> त्रिकोणाच्या कोणत्याही दोन बाजूंच्या लांबीची बेरीज ही तिसऱ्या बाजूच्या लांबीपेक्षा जास्त असते.





- शेजारील आकृतीच्या आधारे पुढील विधाने पूर्ण करा.
- (1) l(AP) + l(BP) > -----
- (2) l (AP) + l (CP) ----- l (AC)
- (4) l (AB) + ---- > l (BC)

#### 129

22. भौमितिक रचना

🔆 उजळणी

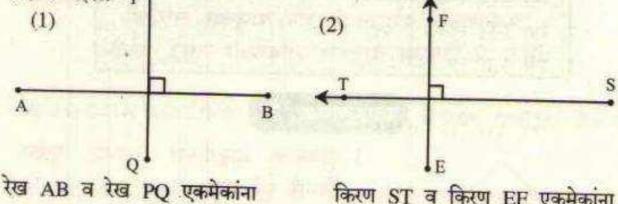
लंबरेषा : सोबत दिलेल्या आकृतीचे निरीक्षण करा.

रेषा PQ व रेषा RS एकमेकींना N बिंदूत <mark>। N प्र</mark> छेदतात. छेदनबिंदू N पाशी ∠RNQ, ∠RNP, P Q ∠PNS व ∠SNQ असे चार काटकोन तयार होतात.

येथे रेषा PQ व रेषा RS एकमेकांशी काटकोन करून छेदतात, म्हणून या रेषा एकमेकींना लंब आहेत.

जर दोन रेषा परस्परांना काटकोनात छेदत असतील, तर त्या रेषा परस्परांना लंब आहेत असे म्हणतात. लंबरेषाखंड व लंबकिरण

ज्याप्रमाणे दोन रेषा एकमेकींना लंब असतात त्याचप्रमाणे दोन रेषाखंड किंवा दोन किरण देखील एकमेकांना लंब असतात, हे खालील आकृत्यांवरून तुमच्या लक्षात येईल. P.



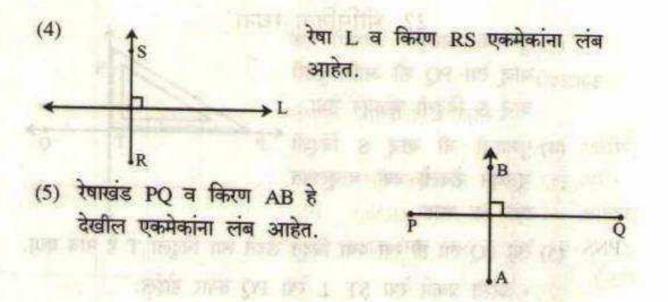
रख AB व रख PQ एकमेकांना लंब आहेत. ↑L (3)

M N

किरण ST व किरण EF एकमेकांना लंब आहेत.

> रेषा L व रेषाखंड MN एकमेकांना लंब आहेत.

130



रेषा AB व रेषा CD एकमेकींना लंब आहेत,' हे थोडक्यात रेषा AB ⊥ रेषा CD' किंवा रेषा CD ⊥ रेषा AB' असे लिहितात.

रेषा AB 1 रेषा CD' याचे वाचन रेषा AB लंब रेषा CD' असे करतात.

तसेच 'किरण PQ ⊥ रेख ST' याचे वाचन 'किरण PQ लंब रेख ST' असे करतात.

#### उदाहरणसंग्रह 78

- 1. खाली दिलेली विधाने चिन्ह वापरून लिहा.
  - (1) रेख MR लंब किरण ST
  - (2) रेषा LM लंब रेख PQ
  - (3) रेषा HP लंब किरण OK
  - (4) रेख KG लंब रेख VJ
  - (5) रेषा AD लंब रेषा EF

रचना 1 : दिलेल्या रेषेला रेषेबाहेरील बिंदूतून लंबरेषा काढणे.

उदा. : रेषा PQ काढा. रेषेबाहेर S बिंदू घ्या. S बिंदूतून PQ वर लंब काढा. पद्धत 1. गुण्याचा उपयोग करून

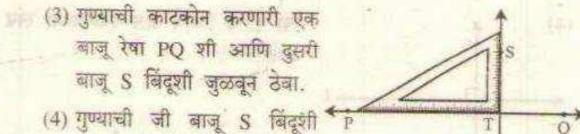
- कृती : (1) रेषा PQ काढा.
  - (2) PQ रेषेबाहेर कोठेही
    - S बिंदू घ्या.



0

131

P



- जुळवून ठेवली त्या बाजूलगत एक रेषा काढा.
- (5) रेषा PQ ला ही रेषा ज्या बिंदूत छेदते त्या बिंदूला T हे नाव दया.
  - अशा प्रकारे रेषा ST ⊥ रेषा PQ तयार होईल.

पद्धत 2. कंपासचा उपयोग करून

उदा. रेषा AB ला रेषेबाहेरील C बिंदूतून लंबरेषा काढा. 👘 💷 📖 👘

कृती : (1) रेषा AB काढा. का का का का का का मार्ग के का का

e ()

- (2) AB रेषेबाहेर कोठेही का का कर कर के दिनों का कर C बिंदू च्या.
  - (3) कंपासमध्ये सोईस्कर अंतर घ्या.
  - (4) कंपासचे अणकुचीदार टोक
     C वर ठेवा आणि रेषा
     AB ला छेदतील असे दोन
     कंस काढा. हे कंस रेषा AB ला ज्या चिंदूंत ठेदतील, त्या बिंदूंना
     Q व P ही नावे द्या.
  - (5) कंपासमध्ये येतलेले अंतर कायम ठेवा. कंपामचे टोक आधी P वर व नंतर Q वर ठेवून रेषा AB च्या ज्या अंगास बिंतू C असेल त्याच्या विरुद्ध अंगास एकमेकांना छेदणारे दोन कंस काढा. या कंसांच्या छेदनबिंदूस N हे नाब द्या.

(6) विंदू C व बिंदू N मधून जाणारी रेषा CN काढा.

• अशा प्रकारे रेषा CN 1 रेषा AB तयार होईल.

#### 132

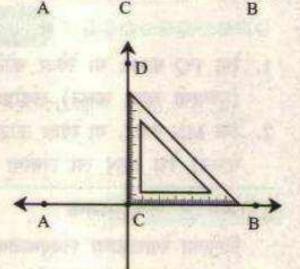
िक्षेक्षेक्षेक्षे स्वाहणसंग्रह 79

- रेषा XY काढा. रेषेबाहेर S बिंदू घ्या. गुण्याचा वापर करून बिंदू S मधून 1. जाणारी रेषा XY ला लंबरेषा काढा.
- रेषा AB काढा. रेषेबाहेर कोठेही C बिंदू घ्या. कंपासचा वापर करून 2. बिंदू C मधून जाणारी रेषा AB ला लंबरेषा काढा.

रचना 2 : दिलेल्या रेषेला त्या रेषेवरील विंदूतून लंबरेषा काळ्ये उदा. रेषा AB काढा. त्या रेषेवर कोठेही C बिंदू घ्या. C बिंदूतून रेषा AB ला लंबरेषा काढा.

पद्धत 1. गुण्याचा उपयोग करून कृती :

- (1) रेषा AB काढा.
- (2) रेषा AB वर कोठेही C बिंदू घ्या.
- (3) गुण्याची काटकोन करणारी एक बाजू रेषा AB शी जुळवून ठेवा. गुण्याच्या काटकोन करणाऱ्या दोन्ही बाजू ज्या टोकावर मिळतात ते टोक C बिंदूशी जुळवा.
- (4) गुण्याच्या काटकोन करणाऱ्या ु दुसऱ्या बाजूलगत C मधून जाणारी रेषा CD काढा.



• अशा प्रकारे रेषा CD ⊥ रेषा AB तयार होईल.

पद्धत 2. कंपासचा उपयोग करून कती : 作為 情 復居 四 二 使我 斯 國人 調

- (1) रेषा AB काढा.
- (2) रेषा AB वर कोठेही बिंदू C घ्या.
- (3) कंपासमध्ये सोईस्कर अंतर घ्या. A
- (4) बिंदू C वर कंपासचे अणकुचीदार टोक ठेवा आणि C बिंदूच्या दोन्ही बाजूंना

रेषा AB ला छेदणारे दोन कंस काढा. हे कंस AB रेषेला ज्या दोन बिंदूंत छेदतील त्या बिंदूंना S व T ही नावे द्या.

- (5) बिंदू S व बिंदू T यांमधील अंतराच्या निम्म्यापेक्षा जास्त अंतर अंदाजाने कंपासमध्ये घ्या.
- (6) प्रथम बिंदू S वर व नंतर बिंदू T वर कंपासचे टोक ठेवून रेषा AB च्या एका अंगास एकमेकांना छेदणारे दोन कंस काढा. आकृतीत दाखवल्याप्रमाणे या कंसांच्या छेदनबिंदूला D हे नाव द्या.
- (7) रेषा CD काढा.
  - अशा प्रकारे रेषा CD ⊥ रेषा AB तयार होईल.
- रेषा PQ काढा. या रेषेवर कोठेही R बिंदू घ्या. R बिंदूतून रेषा PQ ला (गुण्याचा वापर करून) लंबरेषा काढा.

SCIEFUINIE 80

 रेषा MN काढा. या रेषेवर कोठेही L बिंदू घ्या. L बिंदूतून (कंपासचा वापर करून) रेषा MN ला लंबरेषा काढा.

# दुभाजक व लंबदुभाजक

दिलेल्या रेषाखंडाचा लंबदुभाजक काढणे, या रचनेचा अभ्यास करण्यासाठी दुभाजक व लंबदुभाजक म्हणजे काय हे पाह.

दुभाजक : सोबत 4 सेमी लांबीचा रेषाखंड काढला आहे. या रेषाखंडावर बिंदू M असा आहे, की

रेख AM ची लांबी = रेख MB ची लांबी A 2 सेमी = 2 सेमी. येथे M हा रेषाखंड AB चा मध्यबिंदू आहे, म्हणजेच बिंदू M हा

A M B 4 संगी B

C

रेख AB ला दुभागतो. रेषाखंडाचे दोन समान लांबीचे भाग करणे म्हणजेच 'रेषाखंड दुभागणे' होय. वरील आकृतीत रेषाखंड AB चा मध्यबिंदू

134

M मधून N, L व P या रेषा काढल्या आहेत. या सर्व रेषा रेषाखंड AB च्या दुभाजक आहेत. अशा प्रकारे रेख AB चे असंख्य दुभाजक काढता येतील, हे लक्षात घ्या.

लंबदुभाजक : वरील आकृतीत रेषाखंड AB ला N, L व P यांपैकी कोणत्या रेषा लंब आहेत, हे गुण्याचा वापर करून ठरवा. असे दिसून येईल, की रेषा L ⊥ रेख AB तसेच रेषा L ही रेख AB चा दुभाजक देखील आहे, म्हणून रेषा I ही रेख AB ची लंबदुभाजक आहे. यावरून कोणत्याही रेषाखंडाचा दुभाजक त्या रेषाखंडाला लंब असेल तर त्याला लंबदुभाजक म्हणतात. लक्षात घ्या, की एका रेषाखंडाला असंख्य दुभाजक असतात, पण लंबदुभाजक मात्र एकच असतो.

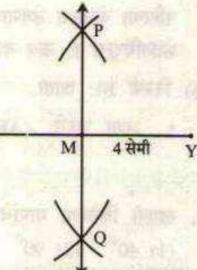
रचना 3 : दिलेल्या रेषाखंडाचा लंबदुभाजक काढणे.

उदा. 4 सेमी लांबीच्या रेषाखंड XY चा लंबदुभाजक काढा. कृती :

- (1) 4 सेमी लांबीचा रेषाखंड XY काढा.
- (2) कंपासमध्ये रेख XY च्या लांबीच्या निम्म्यापेक्षा जास्त (म्हणजे येथे 2 सेमीपेक्षा जास्त) अंतर घ्या.
- (3) बिंदू X ला केंद्र घेऊन रेख XY च्या दोन्ही X अंगास एकेक कंस काढा.
- (4) कंपासमध्ये तेच अंतर ठेवून व बिंदू Y ला केंद्र घेऊन रेख XY च्या दोन्ही अंगास, आधी काढलेल्या कंसांना छेदणारे एकेक कंस काढा. छेदनबिंदूंना P व Q नाबे द्या.
- (5) रेषा PQ काढा.
  - अशा प्रकारे रेख XY चा लंबदुभाजक PQ तयार होईल.
- खाली दिलेल्या लांबीचे रेषाखंड काढून त्यांचे लंबदुभाजक काढा.
   (1) 8 सेमी
   (2) 6.5 सेमी
   (3) 7 सेमी
   (4) 5.7 सेमी
   (5) 9.2 सेमी

उदाहरणसंग्रह 81





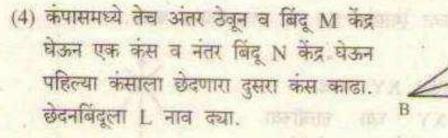
रचना 4 : दिलेला कोन तुभागणे. 🤄 महात्र १० १० १ न 🗋 ल सुम्ब स

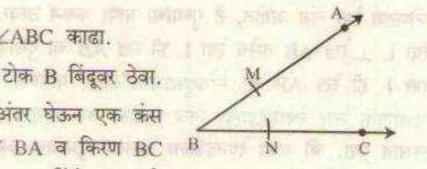
उदा. ः कोणत्याही मापाचा ∠ABC काढा. कंपास व पट्टीच्या साहाय्याने ∠ABC चा दुभाजक काढा. कृती :

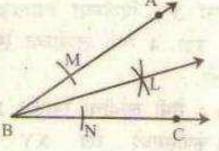
(1) कोणत्याही मापाचा ∠ABC काढा.

(2) कंपासचे अणकुचीदार टोक B बिंदूवर ठेवा.

(3) दोन्ही टोकांत योग्य अंतर घेऊन एक कंस काढा, हा कंस किरण BA व किरण BC <sup>B</sup> यांना ज्या बिंदूंत छेदेल त्या बिंदूंना अनुक्रमे M व N नावे क्या.







(5) किरण BL काढा.

• अशा प्रकारे ∠ABC चा कोनदुभाजक किरण BL तयार होईल.

उदाहरणसंग्रह 82

खाली दिलेल्या मापांचे कोन काढा. प्रत्येक कोनाचा दुभाजक काढा.
 (1) 40°
 (2) 90°
 (3) 120°
 (4) 55°
 (5) 105°
 (6) 146°
 रचना 5 : दिलेल्या कोनाएवढा कोन काढणे.

उदा. : ∠ABC एवडा ∠PQR काढा.

सोबतच्या आकृतीत दिलेला ∠ABC पाहा. कृती :

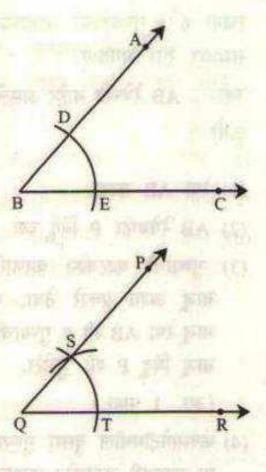
(1) किरण QR काढा.

(2) कंपासमध्ये सोईस्कर अंतर घ्या.

136

1

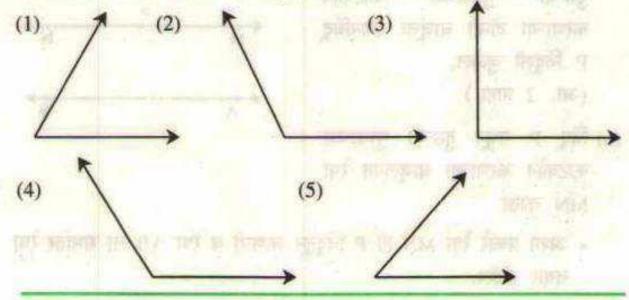
- (3) कंपासचे टोक ∠ABC च्या बिंदू B वर ठेवा आणि किरण BA व किरण BC यांना छेदणारा कंस काढून या छेदनबिंदूंना D व E नावे द्या.
- (4) कंपासमध्ये घेतलेले अंतर कायम ठेवा. बिंदू Q वर कंपासचे टोक ठेवून एक कंस काढा. हा कंस रेषा QR ला ज्या बिंदूत छेदेल त्या बिंदूस T नाव द्या.
- (5) आता कंपासचे टोक E बिंदूवर ठेवून कंपासमधील पेन्सिलीचे टोक D बर पडेल इतके अंतर कंपासमध्ये घ्या.
- (6) कंपासचे टोक T वर ठेवा आणि पूर्वी काढलेल्या कंसाला छेदणारा दुसरा कंस काढा. दोन्ही कंसांच्या छेदनबिंदूस S नाव द्या.



(7) किरण QS काढा. या किरणावर आकृतीत दाखवल्याप्रमाणे P बिंदू घ्या.
 अशा प्रकारे, दिलेल्या ∠ABC एवढा ∠PQR तयार होईल.

उदाहरणसंग्रह 83

1. खाली दिलेल्या प्रत्येक कोनाएवढा कोन कंपासच्या साहाय्याने काढा.



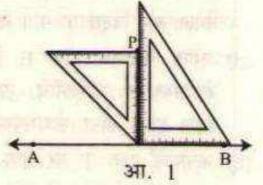
रचना 6 : गुण्यांच्या साहाय्याने दिलेल्या रेषेला त्या रेषेबाहेरील चिंदूतून समांतर रेषा काढणे.

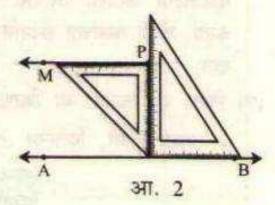
उदा. : AB रेषेच्या बाहेर असलेल्या P बिंदूतून रेषा AB ला समांतर रेषा काढा. कृती :

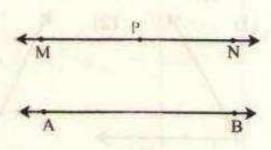
- (1) रेषा AB काढा.
- (2) AB रेषेबाहेर P बिंदू घ्या.
- (3) गुण्याची काटकोन करणारी एक बाजू अशा प्रकारे ठेवा, की ही बाजू रेषा AB शी व गुण्याची दुसरी बाजू बिंदू P शी जुळेल.

(आ. 1 पाहा.)

- (4) कंपासपेटीमधील दुसरा गुण्या घ्या. या गुण्याची काटकोन करणारी एक बाजू पहिल्या गुण्याच्या काटकोन करणाऱ्या बाजूस जुळेल अशा प्रकारे ठेवा.
- (5) पहिला गुण्या न हालवता दुसरा गुण्या अशा प्रकारे ठेवा, की दुसऱ्या गुण्याच्या काटकोन करणाऱ्या दोन्ही बाजूंचा छेदनबिंदू P बिंदूशी जुळेल. (आ. 2 पाहा.)







- (6) बिंदू P मधून दुसऱ्या गुण्याच्या काटकोन करणाऱ्या बाजूलगत रेषा MN काढा.
  - अशा प्रकारे रेषा MN ही P बिंदूतून जाणारी व रेषा \B ला समांतर रेषा तयार होईल.

138

रचना 7 : दोन रेपाखंडांच्या लांबींच्या वेरजेएवढ्या लांबीचा रेषाखंड उदा. : रेख MN व रेख CD काढा. यांच्या लांबींच्या बेरजेएवढी लांबी असणारा रेषाखंड कर्कटकाच्या साहाय्याने काढा. कृती : ((4) 時前 第二人) 第一時時間(18)) प्रथम रेख MN व रेख CD काढा. M या दोन रेषाखंडांच्या लांबीच्या ALTER STORING IN THE LEVEL बेरजेएवढ्या लांबीचा रेषाखंड .\_\_\_\_\_ काढायचा आहे. (1) प्रथम रेषा L काढून तिच्यावर P बिंदू घ्या. (2) कर्कटकाच्या दोन्ही टोकांत रेख MN च्या लांबीएवढे अंतर घ्या. (3) कर्कटकाच्या टोकांतील अंतर न बदलता त्याचे एक टोक P वर ठेवा व त्याचे दुसरे टोक रेषेवर जेथे पडेल तेथे Q नाव दया. (4) कर्कटकाच्या दोन्ही टोकांत रेख CD च्या लांबीएवढे अंतर घ्या.

(5) कर्कटकाच्या टोकांतील अंतर न बदलता त्याचे एक टोक Q वर ठेवा. Q च्या ज्या बाजूस P नाही, त्या बाजूस कर्कटकाचे दुसरे टोक रेषा L वर ठेवा. त्या बिंदूस R नाव द्या.

P Q R

 अशा प्रकारे रेख MN व रेख CD यांच्या लांबींच्या बेरजेएवढी लांबी असलेला रेख PR तयार होईल.

रचना 8 : दोन रेषाखंडांच्या लांबींच्या वजाबाकीएवढी लांबी असणारा रेषाखंड कर्कटकाच्या साहाय्याने काढणे.

उदा. : रेख AB व रेख CD काढा. त्यांच्या लांबींच्या वजाबाकीएवढी लांबी असणारा रेषाखंड काढा.

139

Downloaded from https:// www.studiestoday.com

如果 254 前的 非常确定 的许 他的自己就是也

THAT'S SHOT

B

#### कृती :

- (1) रेख AB व रेख CD हे असमान लांबीचे रेषाखंड काढा.
- (2) एक रेषा M काहा.
- (3) रेषा M वर E बिंदू घ्या.
- (4) दिलेल्या रेख AB व रेख CD पैकी ज्या रेषाखंडाची लांबी जास्त असेल, त्याच्या लांबीएवढे अंतर कर्कटकाच्या दोन्ही टोकांत घ्या. येथे रेख CD ची लांबी ही रेख AB च्या लांबीपेक्षा जास्त दिसते, म्हणून प्रथम रेख CD च्या लांबीइतके अंतर कर्कटकाच्या टोकांत घ्या.
- (5) कर्कटकाच्या टोकांतील अंतर न बदलता त्याचे एक टोक बिंदू E वर ठेवा ब दुसरे टोक रेषा M वर जेथे पडेल तेथे F नाब E द्या.
- (6) नंतर कर्कटकाच्या टोकांत रेख AB च्या लांबीएवढे अंतर घ्या.
- (7) कर्कटकाचे एक टोक बिंदू F वर ठेवा आणि बिंदू E H F F च्या ज्या बाजूस बिंदू E असेल त्याच बाजूस कर्कटकाचे दुसरे टोक रेषा M वर ठेवा. हे टोक जेथे पडेल तेथे H नाव द्या.
- अशा प्रकारे रेख CD व रेख AB यांच्या लांबींच्या वजाबाकीएवढी लांबी असलेला रेख EH तयार होईल.

#### उदाहरणसंग्रह 84

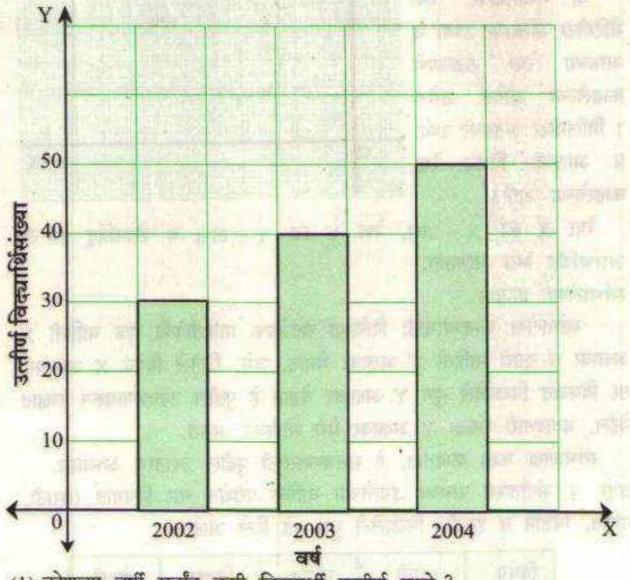
- रेषा XY काढा. या रेषेबाहेर कोठेही बिंदू R घ्या. बिंदू R मधून जाणारी रेषा XY ला समांतर रेषा ST काढा.
- रेख ST व रेख KL काढा. या दोन्ही रेषाखंडांच्या लांबींच्या बेरजेएवढा रेख DE काढा.
- रेख ST व रेख PQ असमान लांबींचे काढा. त्यांच्या लांबींच्या वजाबाकीएवढी लांबी असलेला रेख MN काढा.

#### 140

23. स्तंभालेख

#### • उजळणी

पाचव्या इयत्तेत आपण काही स्तंभचित्रांचा अभ्यास केला आहे. उदा. नूतन विद्यालयाच्या 2002 ते 2004 या वर्षांत गणित प्रावीण्य परीक्षेत उत्तीर्ण झालेल्या विद्यार्थ्यांची संख्या खालील स्तंभचित्रात दाखवली आहे. स्तंभचित्राचे निरीक्षण करून पुढील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.

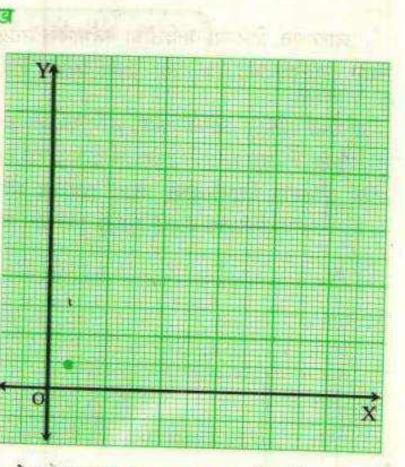


(1) कोणत्या वर्षी सर्वांत कमी विद्यार्थी उत्तीर्ण झाले ?(2) 2004 या वर्षी किती विद्यार्थी उत्तीर्ण झाले ?

(3) 2003 या वर्षी उत्तीर्ण झालेल्या विद्यार्थ्यांपेक्षा 2004 या वर्षी किती जास्त विद्यार्थी उत्तीर्ण झाले ?

#### 141

आलेख कागदाची ओळख स्तंभचित्र सहजपणे काढता यावे. यासाठी आलेख कागदाचा उपयोग आणि करतात त्यावर काढलेल्या स्तंभचित्राला स्तंभालेख देखील म्हणतात. या कागदावर एक सेंटिमीटर अंतरावर उभ्या व आडव्या रेघा ठळकपणे काढलेल्या आहेत. तसेच 1 मिलिमीटर अंतरावर उभ्या व आडव्या फिकट रेषा काढलेल्या आहेत.



रेषा X ला X - अक्ष, रेषा Y ला Y - अक्ष व छेदनबिंदू O ला आरंभबिंदू असे म्हणतात.

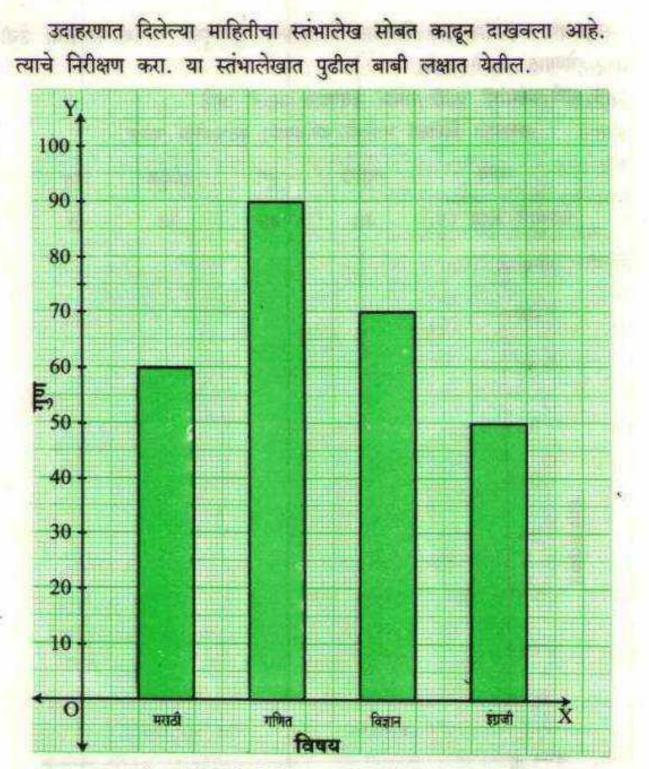
# स्तंभालेख काढणे

स्तंभालेख काढण्यासाठी दिलेल्या सांख्यिक माहितीपैकी एक माहिती X अक्षावर व दुसरी माहिती Y अक्षावर घेतात. जसे, दिलेले विषय X अक्षावर, तर विषयांत मिळालेले गुण Y अक्षावर घेतात हे पुढील उदाहरणावरून लक्षात येईल. बदलणारी संख्या Y अक्षावर घेणे सोईस्कर असते.

स्तंभालेख कसा काढतात, हे समजण्यासाठी पुढील उदाहरण अभ्यासा. उदा. 1. संगीताला पाचव्या इयत्तेच्या वार्षिक परीक्षेत चार विषयांत (मराठी, गणित, विज्ञान व इंग्रजी) मिळालेले गुण पुढे दिले आहेत.

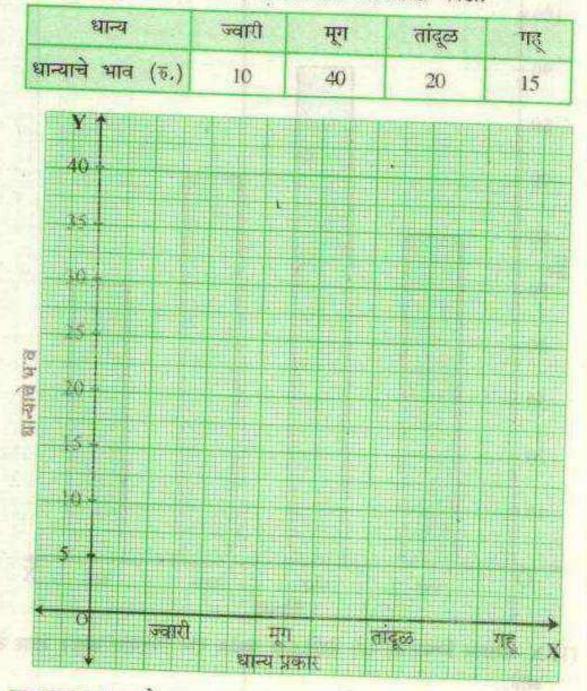
विषय	मराठी	गणित	विज्ञान	इंग्रजी
गुण	60	90	70	50
	00	90	70	50

येथे गुण Y अक्षावर व विषय X अक्षावर घेतले आहेत.



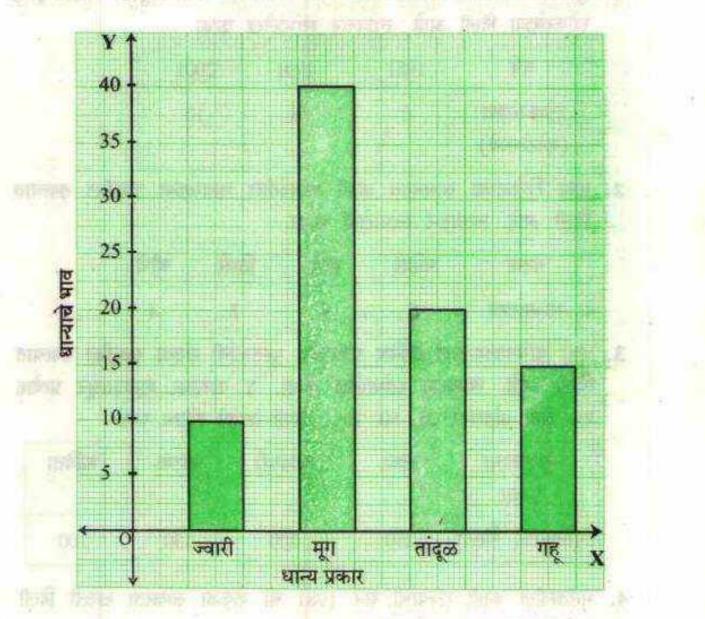
- X अक्षावर विषयांची नावे लिहिताना प्रत्येक दोन विषयांत समान अंतर ठेवले आहे.
- (2) Y अक्षावर गुण लिहिताना प्रत्येक सेंटिमीटर अंतरावर 0, 10, 20, ----, 90 याप्रमाणे गुण लिहिले आहेत.
- (3) मराठी विषयात 60 गुण मिळाले, म्हणून मराठी विषयाचा स्तंभ 6 सेमी उंचीचा घेण्यात आला आहे.

- (4) याच पद्धतीने इतर विषयांत मिळालेल्या गुणांनुसार प्रत्येक स्तंभाची उंची घेण्यात आली आहे.
- (5) सर्व स्तंभांची जाडी समान ठेवण्यात आली आहे.
- उदा. 2. तक्त्यात दिलेली माहिती दर्शवणारा स्तंभालेख काढा.



(1) उदाहरणात धान्याचे एकूण चार प्रकार आहेत. दोन स्तंभांमध्ये एक सेमी अंतर ठेवायचे आहे. त्यासाठी X अक्षावर आरंभबिंदूपासून एकूण आठ खुणा केल्या आणि आंरभबिंदूपासून एक सेमी अंतरावर एकानंतर एक धान्यांची नावे लिहिली.

(2) उदाहरणात दिलेले धान्याचे भाव लक्षात घेऊन Y अक्षावर आरंभविंदूपासून. एक सेमी अंतराने 0, 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 40 या संख्या लिहिल्या.



(3) X अक्षावरील धान्याचा प्रकार व Y अक्षावरील धान्याचा भाव विचारात घेऊन X अक्षावर प्रत्येक धान्यप्रकारासाठी विशिष्ट उंचीचे स्तंभ काढले. स्तंभ आकर्षक दिसण्यासाठी ते छायांकित केले आहेत. अशा प्रकारे वरील उदाहरणातील माहिती दर्शवणारा स्तंभालेख तयार झाला.

145

#### उदाहरणसंग्रह 85

 पुढील तक्त्यात निरनिराळ्या वर्षी केलेल्या जनगणनेनुसार महाराष्ट्राची लोकसंख्या दिली आहे. त्यावरून स्तंभालेख काढा.

वर्षे	1981	1991	2001
लोकसंख्या (कोटीमध्ये)	6	8	<b>,</b> 10

 एका क्रिकेटच्या सामन्यात काही षटकांतील धावसंख्या खालील तक्त्यात दिली आहे. त्यावरून स्तंभालेख काढा.

षटक	पहिले	दुसरे	तिसरे	चौथे
धावसंख्या	6	8	7	4

 एका वाचनालयातील विविध प्रकारच्या पुस्तकांची संख्या खालील तक्त्यात दिली आहे. त्यावरून स्तंभालेख काढा. Y अक्षावर शून्यापासून प्रत्येक एक सेमी अंतरावर 25, 50, 75,... अशा क्रमाने संख्या घ्या.

पुस्तकाचा प्रकार	कथा	कादंबरी	नाटक	कविता
पुस्तकांची संख्या	250	200	150	100

 भारतातील काही राज्यांची सन 1981 ची शेकडा साक्षरता खाली दिली आहे. त्यावरून स्तंभालेख काढा.

राज्य	महाराष्ट्र	गोवा	गुजरात	आंध्रप्रदेश
साक्षरता (शेकडा)	45	65	40	60

146

 पंकज, धीरज व नीरज या कंपन्यांच्या दुचाकी वाहनांची एक लीटर पेट्रोलमध्ये वाहन किती अंतर जाते, अशी क्षमता दिली आहे. त्यावरून स्तंभालेख काढा.

कंपनीचे ना	ৰ	पंकज	धीरज	नीरज
एक लीटरमध	गील	60	80	50
क्षमता (किमी	मध्ये)	Section 1990	The figure	ne tribanic

 वडगावमध्ये सन 2006 यावर्षी पुढील सारणीत दर्शवल्याप्रमाणे पाऊस पडला. त्यावरून स्तंभालेख काढा.

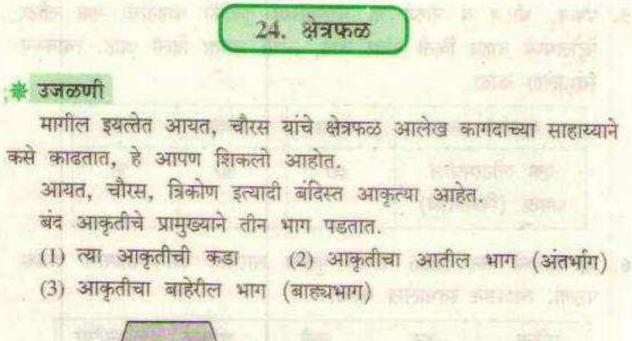
महिना	जून	जुलै	ऑगस्ट	सप्टेंबर
पाऊस	5	20	15	10
(सेमी)			100	

्रत्यकां को सिंह आयुक्ति प्राप्त हम्मूरियांचा अंतायां आवां कित आहे. अत्यकीया आयर्थन प्राप्त करा, को ही फिल्ह उयल सीथाल भाग

अवहानांचे समाद एन्ट्राम्स्यूज्यान दन्दर्भाना माण, दलम्पान तम अत्युत्वीचे अंत भोव, को सेतन क्षेत्र उपयोग त्यांचे स्वयंगर होते. भारत राज, भेरता प्रस्त यहेल्या सांस्टेनी तीर्वाचि उव्याप्तम कोड्यान मार्थन राज, परिवर्त मार्टने स्वयंग्र सांस्टर्ग कीर्वाची, धानसंदे मंग्र, को इन्हांची जेवल स्वयं प्रत्यांगर्ने वार्य स्वयंत प्रायं सांस्टर्ग सेन्द्र केंद्र केंद्र सांस्टर्न सांगते. इस, वार्यने व्याप्तने क्रां स्वयंत प्रायं सांस्टर्ग सेन्द्र केंद्र केंद्र सांस्टर्न सांगते. इस, वार्यने व्याप्तने क्रां स्वयंत प्रायं कोंद्र केंद्र केंद्र केंद्र केंद्र केंद्र

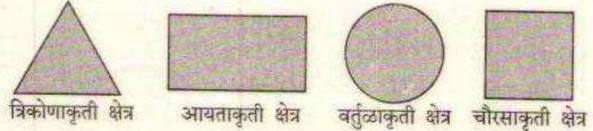
the free miste

रके जिल्लाकों रहे के लिल्लाकों के





खालील बंदिस्त आकृत्या पाहा. आकृत्यांचा अंतर्भाग छायांकित केला आहे. आकृतीचा अंतर्भाग व तिची कडा, दोन्ही मिळून तयार होणारा भाग म्हणजेच आकृतीचे क्षेत्र.



आकृतीने सपाट पृष्ठभागावरील व्यापलेली जागा, म्हणजेच त्या आकृतीचे क्षेत्र होय. या क्षेत्राचे माप म्हणजेच त्याचे क्षेत्रफळ होय.

थोडक्यात, जेव्हा फक्त कडेच्या लांबीशी संबंधित उदाहरण सोडवायचे असेल तेव्हा परिमिती काढावी लागेल. उदा., कुंपणाची लांबी, धावलेले अंतर, फेरे इत्यादी. जेव्हा संपूर्ण पृष्ठभागाचे माप लक्षात घ्यावे लागते, तेव्हा क्षेत्रफळ काढावे लागते. उदा., फरशी बसवणे, मुरूम पसरणे, शेतात पेरणी करणे, सतरंजी घालणे, छताला किंवा भिंतीला रंग लावणे इत्यादी.

क्षेत्रफळ काढण्यासाठी आपण पाचव्या इयत्तेत दोन सूत्रे वापरली आहेत, जर आयताची लांबी = 1, रुंदी = b व चौरसाची बाजू = x असेल, तर आयताचे क्षेत्रफळ= लांबी  $\times$  रुंदी =  $l \times b$ चौरसाचे क्षेत्रफळ = बाजू  $\times$  बाजू = बाजू<sup>2</sup> =  $x^2$ उदा. (1) आयत ABCD ची लांबी 15 सेमी व रुंदी 8.5 सेमी असल्यास आयत ABCD चे क्षेत्रफळ काढा. दिलेल्या बाबी : आयताची लांबी (1) = 15 सेमी आयताची रुंदी (b) = 8.5 सेमी आयताचे क्षेत्रफळ =  $l \times b$  $1 = 15 \times 8.5$  where every prime in the same prime in the = 127.5 चौसेमी उदा. (2) 37 मी बाजू असलेल्या चौरसाचे क्षेत्रफळ काढा. दिलेल्या बाबी : चौरसाची बाजू (x) = 37 मी चौरसाचे क्षेत्रफळ =  $x^2$ = 37<sup>2</sup> active to the 2 - V terms deficition = 37 × 37 = 1369 चौमी

 आयताची लांबी व रुंदी दिली आहे. सूत्राचा उपयोग करून आयताचे क्षेत्रफळ काढा.

अकेकीकीकीकीकीकी उदाहरणसग्रह 86 ज

(1) 12 सेमी, 10 सेमी (2) 40 मी, 15 मी (3) 15 सेमी, 8 सेमी

(4) 25 मी, 11 मी (5) 13 सेमी, 9 सेमी (6) 12.5 मी, 10 मी

 चौरसाच्या बाजूची लांबी दिली आहे. सूत्राचा उपयोग करून चौरसाचे क्षेत्रफळ काढा.

(1) 6 सेमी(2) 9 सेमी(3) 11 मी(4) 10 सेमी(5) 23 सेमी(6) 1.2 मी(7) 3.5 मी(8) 3.1 मी(9) 0.5 मी(10) 2.7 सेमी

#### 149

# शाब्दिक उदाहरणे

उदा. (1) 5 मी लांब व 3 मी रुंद असलेल्या खोलीला फरशी बसवायची आहे. त्यासाठी 25 सेमी बाजू असलेल्या चौरसाकृती आकाराच्या किती फरश्या लागतील ?

दिलेल्या बाबी : खोलीची लांबी (l) = 5 मी खोलीची रुंदी (b) = 3 मी फरशीची बाजू (x) = 25 सेमी

विचारलेल्या बाबी : फरश्यांची संख्या

काय करावे लागेल : फरश्यांची संख्या काढण्यासाठी, खोलीचे क्षेत्रफळ व एका फरशीचे क्षेत्रफळ काढावे लागेल आणि खोलीच्या क्षेत्रफळाला एका फरशीच्या क्षेत्रफळाने भागावे लागेल. फरशीची बाजू सेंटिमीटर या एककात आहे, म्हणून खोलीची लांबी व रुंदी आपण सेंटिमीटर या एककात काढू.

रीत

खोलीचे क्षेत्रफळ  $= l \times b$ खोलीची लांबी, 1 = 5 मी = 500 सेमी खोलीची रुंदी, b = 3 मी = 300 सेमी ∴ खोलीचे क्षेत्रफळ = 500 × 300 = 150000 चौसेमी एका चौरसाकृती फरशीचे क्षेत्रफळ  $= x \times x$ = 25 × 25 = 625 चौसेमी खोलीचे क्षेत्रफळ फरश्यांची संख्या एका फरशीचे क्षेत्रफळ PRINTE FROM PERSY BILL 150000 625 = 240

दिलेल्या खोलीसाठी 240 फरश्या लागतील.

उदा. (2) रंग देण्याचा खर्च प्रत्येक चौरस मीटरला 26.50 रु. आहे. 6 मी लांबी व 3 मी रुंदी असणाऱ्या आयताकार छताला रंग लावण्याचा खर्च काढा.

रंग देण्याचा खर्च प्रत्येक चौरस मीटरला 26.50 रु.

विचारलेल्या बाबी : छताला रंग लावण्याचा खर्च जाय करावे लागेल : छताला रंग लावण्याचा खर्च काढण्यासाठी छताचे क्षेत्रफळ काढून त्या क्षेत्रफळाला प्रति चौरस मीटरला येणाऱ्या खर्चाने गुणावे लागेल. गीन

410	5 900	A ANALA MANAGEMENT INC. (ST. )
	छताचे क्षेत्रफळ	$= l \times b$
	REALISTIC JUST TOTAL ISSUE	= 6 × 3
		= 18 चौमी
दर	चौरस मीटरला येणारा खर्च	= 26.50 <b>v</b> .
18	चौरस मीटरला येणारा खर्च	= 26.50 × 18
	Contraction Of Contraction (1971)	= 477.00 %.

छताला रंग लावण्याचा खर्च 477 रु. येईल.

#### उदाहरणसंग्रह 87

- आयताकार वाफ्याची लांबी 5 मी व रुंदी 3 मी आहे, तर वाफ्याचे क्षेत्रफळ काढा.
- 2. एका बागेची लांबी 12 मी व रुंदी 9 मी आहे, तर बागेचे क्षेत्रफळ काढा.
- खोलीची रुंदी 5 मी व लांबी 5.2 मी आहे, तर खोलीची पूर्ण जमीन झाकण्यासाठी लागणाऱ्या सतरंजीचे क्षेत्रफळ काढा.
- एक चौरस मीटर भूखंडाची किंमत 600 रु. असल्यास 35 मी लांब व 20 मी रुंद अशा आयताकार भूखंडाची किंमत काढा.
- 5. एका चौरसाकार मैदानाची प्रत्येक बाजू 100 मी आहे. मैदान सपाट करण्याचा खर्च दर चौरस मीटरला 5 रुपये आहे, तर मैदान सपाट करण्यास किती खर्च येईल ?

#### 151

- 6. भिंतीला रंग लावण्याचा खर्च दर चौरस मीटरला 15 रु. आहे, तर 5 मी लांब व 3 मी उंच भिंतीला रंग लावण्यास किती खर्च येईल ?
  - रतनलालला शेताचे दोन समान भाग करायचे आहेत. शेताची लांबी 160 मी व रुंदी 120 मी आहे, तर प्रत्येक भागाचे क्षेत्रफळ किती ?
- 8. एका चौरसाकृती दिवाणखान्याची बाजू 6 मी लांबीची आहे. त्या दिवाणखान्यात जमिनीवर सतरंजी घालायची आहे. दर चौरस मीटरला 40 रु. प्रमाणे सतरंजीची किंमत किती होईल ?
  - प्लायवुडचा भाव दर चौरस मीटरला 100 रु. असल्यास 2.5 मी लांब व 1 मी रुंद प्लायवुडची किंमत किती ?
  - 10.25 मी लांब व 15 मी रुंद असलेल्या सभागृहात एका बाजूला 10 मी लांबीचा व 4 मी रुंदीचा ओटा घातला आहे. ओटा सोडून उरलेल्या सभागृहाचे क्षेत्रफळ काढा.
  - 11. खेळाचे एक मैदान 120 मी लांब व 52 मी रुंद आहे. दुसरे मैदान 110 मी लांब ब 62 मी रुंद आहे, तर कोणते मैदान मोठे आहे ?

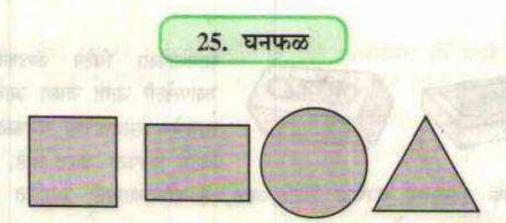
STAN IN COL AND TREAMANT OF DETINAT

Statistics survey at a set of the state of a set of a set

- the main which a state of the weat of the state of the st
- TSIN REALE DIVISION IN THE REAL PROPERTY IS THE REAL
- र, प्यतः विभिन्न सार्थः मृत्युक्तम्बा प्रश्नम् विभागः सार्थाः कतः प्रथमः स्वर्णमानम् मृत्युक्तम् विभागः सार्थः स्वर्णः स्वर्णः स्वर्णः स. त्यतः सीर्थमान्त्रार् स्वर्ण्यानी प्रत्येकः मार्थ् स्वर्णः क्रिंग्रेन सर्थाः

and the state when the state was subjected by the instantion

152



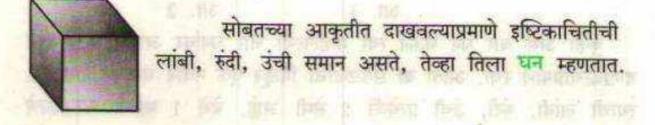
वरील प्रत्येक आकृती प्रतलातील काही जागा व्यापते. त्या व्यापलेल्या जागेच्या मापाला आपण क्षेत्रफळ म्हणतो. क्षेत्रफळ चौरस एककात मोजतात. वरील सर्व आकृत्या प्रतलीय आहेत.

पुढील आकृत्यांचे निरीक्षण करा. त्या प्रतलीय नाहीत.

लांबी



वरील दोन आकृत्यांना इष्टिकाचिती असे म्हणतात. कंपासपेटी, डस्टर, पुस्तक ही इष्टिकाचितीची काही उदाहरणे तुमच्या परिचयाची आहेत.



### 153

BRIDE & STREET BRIDE ALLAR ON FIGHT AND STREET BRIDE

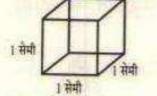




साबणापेक्षा विटेने अवकाशात व्यापलेली जागा जास्त आहे, म्हणजेच साबणाच्या घनफळापेक्षा विटेचे घनफळ जास्त आहे.

प्रत्येक आकृतीचे घनफळ किती आहे, हे शोधण्यासाठी प्रमाणित एकक असणे आवश्यक आहे.

घनफळाचे प्रमाणित एकक

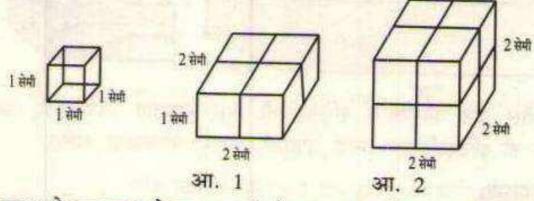


सोबत दिलेली घनाची आकृती पाहा. या घनाची लांबी, रुंदी व उंची प्रत्येकी 1 सेमी आहे. त्याने अवकाशात व्यापलेली जागा 1 घनसेंटिमीटर असते. 1 घनसेंटिमीटर, थोडक्यात 1 घसेमी असे लिहितात.

ज्या घनाची लांबी, रुंदी व उंची प्रत्येकी 1 मीटर असते, त्याचे घनफळ 1 घनमीटर असते. हे थोडक्यात 1 घमी असे लिहितात.

घनफळ मोजण्याची प्रमाणित एकके घनसेंटिमीटर व घनमीटर ही आहेत. घनाचे घनफळ काढण्याचे सुत्र कती 1

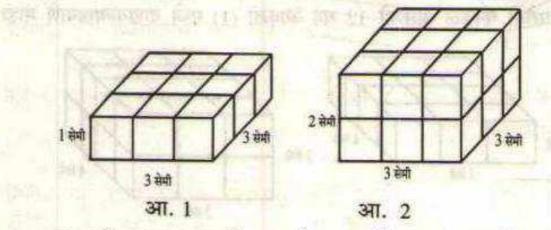
1 सेमी बाजू असणारे चार घन घ्या. ते आकृती (1) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे मांडा.



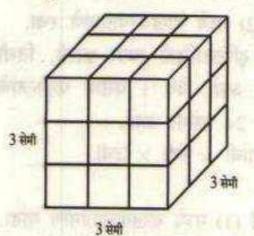
पुन्हा असे चार घन घेऊन त्या मांडलेल्या चार घनांवर आकृती (2) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे रचा. आता या सगळ्यांचा मिळून एक नवीन घन तयार झाला. त्याची लांबी, रुंदी, उंची प्रत्येकी 2 सेमी आहे. येथे 1 घसेमी घनफळाचे एकूण 8 घन वापरले आहेत, म्हणून या नवीन घनाचे घनफळ 8 घसेमी आहे.  $8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$  हे लक्षात घ्या.

#### 154

कृती 2 1 घसेमी घनफळ असणारे 9 घन आकृती (1) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे मांडा.



पुन्हा असे 9 घन घ्या. ते आकृती (2) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे रचा.



आता रचलेल्या घनांवर पुन्हा 9 घन घेऊन आकृती (3) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे रचा. या सगळ्यांचा मिळून एक नवीन घन तयार झाला. त्याची लांबी, रुंदी, उंची प्रत्येकी 3 सेमी आहे. येथे 1 घसेमी घनफळाचे एकूण 27 घन वापरले आहेत, म्हणून या नवीन घनाचे घनफळ 27 घसेमी आहे.

 $27 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  हे लक्षात घ्या.

वरील दोन्ही कृतींवरून असे लक्षात येते, की

घनाचे घनफळ = बाजू × बाजू × बाजू = बाजू घनाची बाजू / असल्यास त्याचे घनफळ = 1<sup>3</sup>

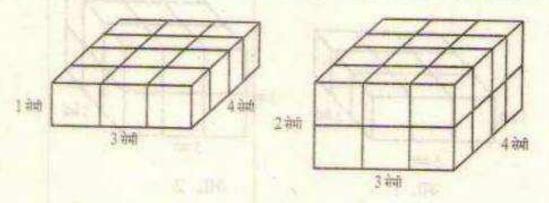
उदाहरणसंग्रह 88 अक्षिकेकेके

धनाच्या बाजू खालीलप्रमाणे असताना घनफळ काढा.
 (1) 2 मी (2) 5 मी (3) 8 सेमी (4) 4 सेमी (5) 10 सेमी
 खोलीची प्रत्येक बाजू 4 मी असल्यास तिच्यात किती घनमीटर हवा असेल ?
 2 सेमी बाजूचे किती घनाकार ठोकळे एकमेकांवर रचून 20 सेमी बाजू असणारा घन तयार होईल ?

इष्टिकाचितीचे घनफळ

कृती 1 superverte fors its france per la territor server there it

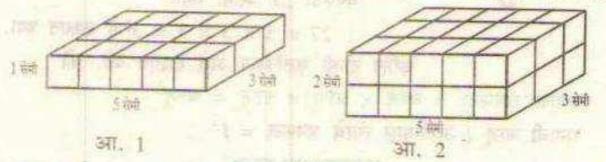
1 घसेमी घनफळ असणारे 12 घन आकृती (1) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे मांडा.



आ. । पुन्हा असे 12 चन च्या व ते आकृती (2) मध्ये वाखवल्याप्रमाणे रचा. आता या सगळ्यांची मिळून एक नवीन इष्टिकाचिती तयार झाली. तिची लांबी 4 सेमी, ढंदी 3 सेमी व उंची 2 सेमी आहे. येथे 1 घसेमी घनफळाचे 24 घन वापरले आहेत, म्हणून तिचे घनफळ 24 घसेमी आहे.

लक्षात घ्या,  $24 = 4 \times 3 \times 2 =$ लांबी  $\times$  रुंदी  $\times$  उंची कृती 2

। धसेमी घनफळ असणारे 15 घन आकृती (1) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे मांडा.



पुन्हा असे 15 घन घेऊन त्या मांडलेल्या 15 घनांवर आकृती (2) मध्ये दाखवल्याप्रमाणे रचा. या सगळ्यांची मिळून एक नवीन इष्टिकाचिती तयार झाली. तिची लांबी 5 सेमी, रुंदी 3 सेमी व उंची 2 सेमी आहे. येथे 1 घसेमी घनफळाचे 30 घन वापरले आहेत, म्हणून तिचे घनफळ 30 घसेमी आहे.

लक्षात घ्या,  $30 = 5 \times 3 \times 2 =$  लांबी  $\times रुंदी \times उंची$ 

कृती 1 व 2 वरून असे लक्षात येते, की इष्टिकाचितीची लांबी l, रुंदी b व उंची h असल्यास इष्टिकाचितीचे घनफळ =  $l \times b \times h$ 

उदा. (1) एका इष्टिकाचितीची लांबी 6 सेमी, रुंदी 4 सेमी व उंची 3 सेमी असल्यास तिचे घनफळ किती ?

इष्टिकाचितीचे घनफळ  $= l \times b \times h$ 

 $= 6 \times 4 \times 3$ 

= 72 घसेमी

उदा. (2) एका विटेची लांबी 20 सेमी, रुंदी 10.5 सेमी व उंची 8 सेमी असल्यास तिचे धनफळ किती ?

विटेचे घनफळ = इष्टिकाचितीचे घनफळ

 $= l \times b \times h$  $= 20 \times 10.5 \times 8$  $= 20 \times 84.0$ = 1680.0 घरोमl

उदा. (3) इष्टिकाचिती साबणाचे घनफळ 150 घसेमी आहे. त्याची लांबी 10 सेमी आणि रुंदी 5 सेमी आहे, तर उंची किती आहे ?

इष्टिकाचितीचे घनफळ =  $l \times b \times h$ 

 $150 = 10 \times 5 \times h$  $150 = 50 \times h$ 3 = h

साबणाची उंची = 3 सेमी न जोग जिला जिला जिला कि गए कि ?

उदा. (4) 5 मी लांब, 2.5 मी उंच व 0.5 मी रुंदी असलेली भिंत बांधायची आहे. यासाठी 25 सेमी लांबी, 10 सेमी रुंदी व 10 सेमी उंचीच्या किती विटा लागतील ?

भिंतीची लांबी 5 मी म्हणजे 500 सेमी उंची 2.5 मी म्हणजे 250 सेमी संदी 0.5 मी म्हणजे 50 सेमी ∴ भिंतीचे घनफळ = l × b × h= 500 × 50 × 250 एका विटेचे घनफळ = l × b × h= 25 × 10 × 10

#### 157

विटांची संख्या काढण्यासाठी भिंतीच्या घनफळास एका विटेच्या घनफळाने भागावे लागेल.

SSISAUD 5 80

: 
$$azi=1$$
 संख्या =  $\frac{500 \times 250 \times 50}{25 \times 10 \times 10}$  = 2500

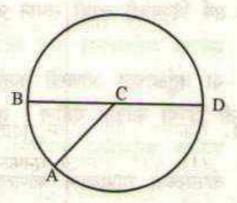
- 1. रिकाम्या जागा भरून पुढील विधाने पूर्ण करा.
  - (1) इष्टिकाचितीचे घनफळ = \_\_\_\_ × \_\_\_\_ × \_\_\_\_
  - (2) एका इष्टिकाचिती आकाराच्या डब्यात 40 घन तंतोतंत मावले आहेत. घनाची प्रत्येक बाजू 1 सेमी आहे, तर डब्याचे घनफळ = \_\_\_\_\_
- एका काडीपेटीची लांबी 5 सेमी, रुंदी 3 सेमी व उंची 1 सेमी असल्यास तिचे घनफळ किती ?
- पाण्याच्या टाकीची लांबी 5 मी, रुंदी 3 मी व उंची 1 मी आहे, तर तिचे घनफळ किती ?
- 4. 5 मी लांब, 2.5 मी रुंद व 1.5 मी खोल खड्डा खणल्यास त्यातून किती घनमीटर माती निघेल ?
- 5. 1 घमी म्हणजे किती घनसेंटिमीटर ?
- 6. पावसाचे पाणी साठवण्यासाठी एका बसाहतीत 2.5 मी लांब, 2 मी रुंद व 3 मी उंच मापाची पत्र्याची टाकी तयार करून घेतली, तर त्या टाकीत किती घमी पाणी मावेल ?
- किसनने 2 मी लांब, 1.2 मी रुंद व 1.8 मी उंच धान्याची कोठी तयार करून घेतली, तर कोठीचे घनफळ किती ?
- 8. 4 मी लांबी, 3 मी उंची व 0.4 मी रुंदी असलेली एक भिंत बांधायची आहे. ही भिंत बांधण्यासाठी 20 सेमी लांबी, 12 सेमी रुंदी व 10 सेमी उंचीच्या किती विटा लागतील ?

26. वर्तुळ

the Rowself Price of the

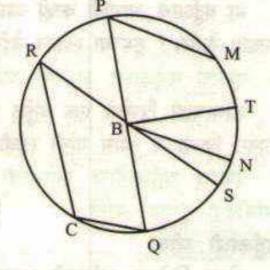
#### उजळणी

सोबत दिलेली वर्तुळाची आकृती पाहा. या वर्तुळाचे केंद्र C असून त्याची रेख CA ही त्रिज्या व रेख BD हा व्यास आहे. व्यासाची लांबी ही त्रिज्येच्या लांबीच्या दुप्पट असते. कंपासच्या मदतीने दिलेल्या त्रिज्येचे वर्तुळ काढता येते.



#### उवाहरणसंग्रह 90

- B केंद्र असलेल्या वर्तुळाची सोबतची आकृती पाहा व पुढील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.
- आकृतीमधील सर्व त्रिज्या व व्यास यांची नावे लिहा.
- (2) वर्तुळावरील सर्व बिंदूंची नावे लिहा.
- (3) खालील विधाने बरोबर आहेत,
   की चूक हे पुढील कंसात लिहा.
  - (a) रेख PM हा व्यास आहे. (
  - (b) रेख RS व्यास आहे. (
  - (c) रेख CQ त्रिज्या आहे. (
  - (d) रेख RC व्यास नाही. (



- खाली काही वर्तुळांच्या त्रिज्या दिल्या आहेत. त्यांचे व्यास किती ?
   (1) 7 सेमी
   (2) 5 सेमी
   (3) 2 मी
   (4) 2.5 सेमी
- खाली दिलेल्या त्रिज्यांची वर्तुळे कंपासच्या साहाय्याने काढा.
   (1) 4 सेमी (2) 5 सेमी (3) 3.5 सेमी (4) 4.5 सेमी (5) 2 सेमी

159

### त्रिज्या व व्यास सांचे गुणधर्म

कोणत्याही त्रिज्येचे एक वर्तुळ काढा. या वर्तुळाच्या पाच-सहा त्रिज्या काढा. कर्कटकाच्या साहाय्याने या त्रिज्यांची लांबी मोजा. असे दिसून येईल, की या सर्व त्रिज्यांची लांबी समान आहे.

# • एकाच वर्तुळाच्या सर्व त्रिज्या समान लांबीच्या असतात.

या वर्तुळाच्या आणखी काही त्रिज्या काढा. या वर्तुळात जास्तीत जास्त किली त्रिज्या काढता येतील ? तुमच्या लक्षात येईल, की

# • एकाच वर्तुळाला असंख्य त्रिज्या असतात.

कंपासच्या साहाय्याने कोणत्याही त्रिज्येचे आणखी एक वर्तुळ काढा. या वर्तुळात पाच-सहा व्यास काढा.

कर्कटक वापरून या सर्व व्यासांची लांबी मोजा. असे दिसून येईल, की या सर्व व्यासांची लांबी समान आहे.

# • एकाच वर्तुळाचे सर्व व्यास समान लांबीचे असतात.

या वर्तुळाचे आणखी काही व्यास काढा. असे जास्तीत जास्त किती व्यास काढता येतील ? तुमच्या लक्षात येईल, की असे असंख्य व्यास काडता येतील.

# • एकाच वर्तुळाला असंख्य व्यास असतात.

कोणत्याही त्रिज्येचे एक वर्तुळ काढा. या वर्तुळात काही त्रिज्या व व्यास काढा. त्रिज्या व व्यास यांची लांबी मोजा. असे आढळून येते, की

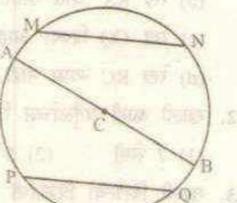
एकाच वर्तुळातील व्यासाची लांबी ही त्या वर्तुळाच्या त्रिज्येच्या लांबीच्या दुप्पट असते. वर्तळाची जीवा

सोबत दिलेल्या वर्तुळाची आकृती पाहा. या वर्तुळाचे केंद्र C आहे. वर्तुळावर M, A, P, Q, B व N ब्रिंदू आहेत.

M व N या दोन्ही बिंदूंना जोडणारा रेषाखंड MN आहे.

A व B बिंदूंना जोडणास रेपाखंड AB आहे.

P a Q जिंदूंना जोडणारा रेषाखंड PQ आहे. रेख MN, रेख AB व रेख PQ या सर्व वर्तुळाच्या जीवा आहेत.



160

वर्तुळावरील कोणत्याही दोन बिंदूंना जोडणाऱ्या रेषाखंडास जीवा म्हणतात.

येथे जीवा AB अशी आहे, की ती वर्तुळकेंद्र C मधून जाते, म्हणून जीवा AB ही वर्तुळाचा व्यासदेखील आहे. जीवा MN व जीवा PQ या वर्तुळ-केंद्रातून जात नाहीत, म्हणून त्या व्यास नाहीत.

• वहीत अशाच प्रकारची आकृती काढा. सर्व जीवांची लांबी मोजा. असे दिसून येते, की व्यास ही सर्वांत जास्त लांबीची जीवा असते.

• कोणत्याही त्रिज्येचे वर्तुळ वहीत काढा. त्या वर्तुळात काही जीवा काढा. त्या वर्तुळात जास्तीत जास्त किती जीवा काढता येतील ? तुमच्या लक्षात येईल, की

एकाच वर्तुळाला असंख्य जीवा असतात. उदा. सोबतच्या आकृतीमधील वर्तुळकेंद्र, त्रिज्या, जीवा व व्यास यांची नावे लिहा.

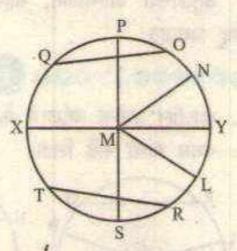
वर्तुळकेंद्र : बिंदू M

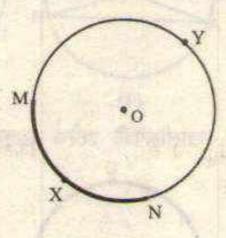
- त्रिज्या : रेख MN, रेख ML, रेख MY X रेख MX, रेख MP, रेख MS,
- जीवा : रेख QO, रेख TR, रेख PS, रेख XY

व्यास : रेख XY, रेख PS

### वर्तुळकंस

सोबत दिलेली वर्तुळाची आकृती पाहा. या वर्तुळावर M व N हे दोन बिंदू घेतले आहेत. या M दोन बिंदूंमुळे वर्तुळाचे दोन भाग झाले आहेत. प्रत्येक भागास **वर्तुळकंस** किंवा **कंस** म्हणतात. येथे दोन कंस झाले आहेत. 'कंस MN' या नावाने यांपैकी नेमका कोणता कंस हे स्पष्ट होत



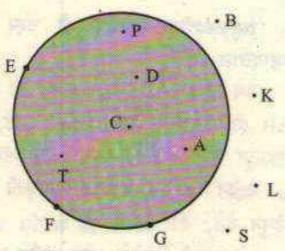


नाही. ते स्पष्ट होण्यासाठी प्रत्येक कंसावर आणखी एक बिंदू घेतला आहे. येथे बिंदू X एका कंसावर व बिंदू Y दुसऱ्या कंसावर घेतला आहे. त्या बिंदूंचा वापर करून कंसाला तीन अक्षरी नाव देता येते. येथे कंस MXN किंवा कंस NXM व कंस MYN किंवा कंस NYM हे दोन कंस आहेत.

#### 161

### वर्तुळाचा अंतर्भाग व बाह्यभाग

शेजारील C केंद्र असलेले वर्तुळ पाहा. E येथे आकृतीमधील E, F व G हे बिंदू वर्तुळावर आहेत. छायांकित केलेल्या भागास वर्तुळाचा अंतर्भाग म्हणतात. येथे P, D, T, C, व A हे बिंदू वर्तुळाच्या अंतर्भागात आहेत.

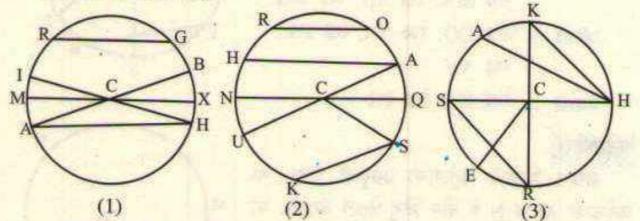


जो भाग छायांकित केलेला नाही, त्यास वर्तुळाचा बाह्यभाग म्हणतात. येथे B, K, L व S हे बिंदू वर्तुळाच्या बाह्यभागात आहेत.

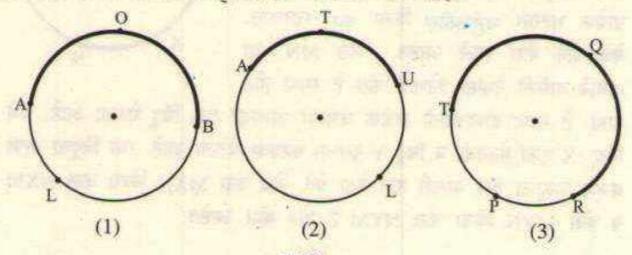
वर्तुळाच्या अंतर्भागात, वर्तुळावर, तसेच वर्त्तुळाच्या बाह्यभागात असंख्य बिंदू असतात.

### **非希望希望你你你你你你你?** उदाहरणसंग्रह 91 希德德<del>尔德希德德</del>金德

### खालील प्रत्येक वर्तुळाचे केंद्र C आहे. प्रत्येक वर्तुळाची त्रिज्या, जीवा व व्यास यांची नावे लिहा.

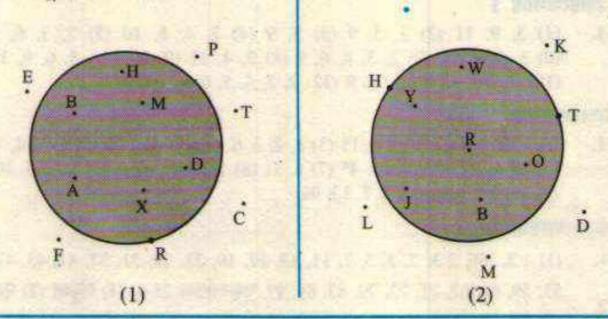


2. खालीलपैकी प्रत्येक आकृतीमधील कंसांची नावे लिहा.



162

 खालील प्रत्येक वर्तुळाच्या अंतर्भागातील, बाह्यभागातील व वर्तुळावरील बिंदूंची नावे लिहा.



和 法国际管理法 在公司人生代。

1228 61 200

2.18

163



#### उदाहरणसंग्रह 1

**1.** (1) 3, 9, 11 (2) 3, 5, 9 (3) 3, 9 (4) 2, 4, 5, 10 (5) 2, 3, 6, 9 (6) 3, 5, 9, 11 (7) 2, 3, 4, 6, 9 (8) 2, 4, 11 (9) 2, 3, 4, 5, 6, 9, 10 (10) 2, 3, 4, 6, 9 (11) 3, 9 (12) 2, 3, 4, 5, 6, 9, 10, 11

#### उदाहरणसंग्रह 2

**1.** (1) 1, 2, 3, 6 (2) 1, 3, 5, 15 (3) 1, 2, 3, 6, 9, 18 (4) 1, 23 (5) 1, 2, 4, 7, 14, 28 (6) 1, 3, 5, 9, 15, 45 (7) 1, 71 (8) 1, 5, 17, 85 (9) 1, 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50, 100 (10) 1, 7, 13, 91

#### उदाहरणसंग्रह 3

(1) 1 2. एक. 2 3. 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97. एक्रूणसंख्या 25 4. (1) संयुक्त (2) मूळ (3) मूळ (4) संयुक्त (5) मूळ (6) संयुक्त (7) संयुक्त (8) मूळ (9) संयुक्त (10) संयुक्त (11) संयुक्त (12) संयुक्त (13) संयुक्त (14) मूळ (15) मूळ 5. 101, 103, 107, 109, 113, 127, 131, 137, 139, 149, 151, 157, 163, 167, 173, 179, 181, 191, 193, 197, 199. 6. नाही. 21 = 7 × 3. 21 ने भाग जात नाही कारण 7 ने भाग जात नाही. 7. 101, 997.

#### उदाहरणसंग्रह 4

**1.** 3, 5; 5, 7; 11, 13; 17, 19; 29, 31; 41, 43; 59, 61; 71, 73 **2.** 27, 35; 4, 5; 17, 19; 21, 16

#### उदाहरणसंग्रह 5

1. (1)  $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5$  (2)  $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$ (3)  $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 11$  (4)  $2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7$  (5)  $5 \times 5 \times 37$ (6)  $5 \times 11 \times 13$  (7)  $2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 7 \times 17$  (8)  $11 \times 19 \times 41$ 

### उदाहरणसंग्रह 6

1. (1) 2 (2) 3 (3) 6 (4) 15 (5) 10 (6) 14 (7) 30 (8) 24

#### उदाहरणसंग्रह 7

- **1.** (1) 10 (2) 14 (3) 15 (4) 72 (5) 58 (6) 25 (7) 3 (8) 7 (9) 1 (10) 21 (11) 45 (12) 1
- 2. (1) 12 (2) 15 (3) 9 (4) 23 (5) 11 (6) 18

#### उदाहरणसंग्रह 8

- 1. (1) 12 (2) 30 (3) 24 (4) 36 (5) 28 (6) 195
- **2.** (1) 63 (2) 44 (3) 210 **3.** (1) 30 (2) 48 (3) 102

#### 164

#### उदाहरणसंग्रह 9

- 1. (1) 24 (2) 120 (3) 60 (4) 180 (5) 180 (6) 180 (7) 195 (8) 3528 (9) 1365 (10) 990 (11) 12600 (12) 4320
- 2. (1) 50, 750 (2) 96, 192 (3) 1, 1184 (4) 44, 264 (5) 45, 2025 (6) 1, 82110

#### उदाहरणसंग्रह 10

- 1. (1) 24 (2) 1280 (3) 80 (4) 80 (5) 10 (6) 56 (7) 180 (8) 120 (9) 9 (10) 225 (11) 293 (12) 1940 (13) 78 (14) 54 (15) 2
- 2. (1)  $18 \div (6 \div 3)$  (2)  $4 \times (13 \div 2) \div 40$  (3)  $(100 \div 20) \div 5$  

   (4)  $100 \div (20 \div 5)$  (5)  $13 (9 \div 2)$  (6) 30 (10 10)
  - (7) (30 10) + 10 (8) 50 (35 + 15)

उदाहरणसंग्रह 11

 1.
 (1) x - 5 (2) 5 - x (3) x + 6 (4)  $\frac{x}{24}$  (5)  $\frac{24}{x}$  

 (6) 4x (7) 4x (8) x (9) 10 x (10)  $\frac{100}{x}$ 

#### उदाहरणसंग्रह 12

- **1.** (1) आयताची परिमिती = 2l + 2b (2) चौरसाची परिमिती = 4a
  - (3) त्रिकोणाची परिमिती = a + b + c (4) p = s c
- 2. (1)  $a \times b = b \times a$  (2)  $n \times l = n$

#### उदाहरणसंग्रह 13

 (1) रेख LM, रेख MN, रेख NO (2) रेख OT, रेख OY, रेख TY, रेख OZ, रेषा WV, किरण OX, किरण OV, किरण ZX, किरण OW

#### उदाहरणसगढ 14

- 1. एकरेषीय बिंदू : X, Y, Z नैकरेषीय बिंदू : T, Y, Z
- 2. T बिंदूतून जाणाऱ्या असंख्य रेषा काढता येतील. 3. तीन रेषा काढता येतील.
- 4. S व R या दोन बिंदूंना सामावणारी एक आणि एकच रेषा काढता येईल.
- 5. एकरेषीय बिंदू : L, M, K ; B, M, D

नैकरेषीय बिंदू: L, M, B; K, M, B; K, L, B; L, M, D;

K, M, D ; K, L, D ; B, L, D ; B, K, D

#### . उदाहरणसंग्रह 15

- 1. (1) रेषा PQ, रेषा QR, रेषा QS (2) रेषा PS, रेषा SR, रेषा QS
- 2. (1) (B, C, D) (2) (A, B, C), (A, C, D), (A, B, C, D), (A, B, D) (3) रेषा AB, रेषा AC, रेषा AD, संपातबिंदु : A

#### 165

#### उदाहरणसंग्रह 16 \*

(1) ∠UVW (2) ∠PQR 1.

(1)  $m\angle XYZ = 49^{\circ}$ ,  $m\angle UVW = 90^{\circ}$  (2)  $m\angle ABC = 25^{\circ}$ ,  $m\angle PQR = 107^{\circ}$ 2.

3.	आकृती	कोनावरील बिंदू	कोनाच्या अंतर्भागातील बिंदू	कोनाच्या बाह्यभागातील बिंदू		
	(1)	S, X, N, U, T	L, W	A, P		
1	(2)	E, F, G	Z, M	A, Y, V		

#### उदाहरणसंग्रह 17

- (1) 53° (2) 42° (3) 35° (4) 11° (5) 22° (6) 80° (7) 65° (8) 50° (9) 1° (10) 73° 1.
- (1)  $115^{\circ}$  (2)  $156^{\circ}$  (3)  $90^{\circ}$  (4)  $133^{\circ}$  (5)  $101^{\circ}$  (6)  $122^{\circ}$  (7)  $26^{\circ}$ 2. (8) 55° (9) 40° (10) 15°

कोटिकोनांच्या जोड्या : 26°, 64° ; 50°, 40° ; 45°, 45° ; 35°, 55° 3. पुरककोनांच्या जोड्या : 69°, 111° ; 90°, 90° ; 163°, 17° ; 168°, 12°

(1) 60°  $(2) 120^{\circ}$ 4. (1) ∠AOD  $(2) 120^{\circ}$ 5.  $(4) 60^{\circ}$ (6) 60°

(5) 30°

(3) 120°

(3) ∠BOD आणि ∠AOC

(7) ∠BOC, ∠AOD

दिलेला कोन 100 60° 6. 45° 78° 25° 80° 37° कोटिकोन 45° 30° 12° 80° 65° 53° 10° 129° दिलेला कोन 32° 90° 110° 165° 65° 7. 137°

	पूरककोन	148°	90°	70°	43°	150	51°	11:
14	(1) 600 (0) 7	00 (0)	100 11	0				1.1

(1) 53° (2) 70° (3) 48° (4) 45° ð.

#### उदाहरणसंग्रह 18

- आ. (1) मध्ये कारण रेषा Z दोन भिन्न बिंदूंत छेदते. 1.
- संगतकोनांच्या जोड्या : ∠KGB व ∠GMP, ∠BGM व ∠PMT 2. ∠KGS ₹ ∠GMV, ∠SGM ₹ ∠VMT

व्युत्क्रमकोनांच्या जोड्या : ZSGM व ZGMP, ZBGM व ZGMV आंतरकोनांच्या जोड्या : ∠BGM व ∠GMP, ∠SGM व ∠VMG

3. (1)  $m \angle MGK = 85^{\circ}$  (2)  $m \angle VHD = 95^{\circ}$  (3)  $m \angle PHG = 95^{\circ}$  (4)  $m \angle HGS = 85^{\circ}$ 

4. (1)  $m \angle EFB = 70^{\circ}$  (2)  $m \angle GFY = 70^{\circ}$  (3)  $m \angle BCG = 55^{\circ}$ 

#### उदाहरणसंग्रह 19

- 1. (1) 273 + 100 = 373(2) 800 + 593 = 1393(3) 150 + 650 = 800(4) 5450 + 2950 = 8400
- **2.** (1)  $48 \times 10 = 480$  (2)  $90 \times 67 = 6030$  (3)  $100 \times 213 = 21300$ (4)  $3109 \times 100 = 310900$  (5)  $1000 \times 568 = 568000$  (6)  $400 \times 408 = 163200$

#### उदाहरणसंग्रह 20

1.	(1) $9 \times 3 + 9$	× 14 (2) 25 ×	$23 + 25 \times 16$	(3) $20 \times 58 + 20 \times 109$
2.	(1) 15 (3 + 7)	(2) 9 (38	+ 12) (3)	125 (69 + 31)
3.	(1) 450	(2) 12,500	(3) 2,97,000	(4) 4,050
4.	(1) 2,601	(2) 5,625	(3) 10,404	ALL DE MURRISON

#### उदाहरणसंग्रह 21

1.	क्रमांक	घातांक रूप	गुणाकार रूप	पाया	घातांक
	(1)	13	1×1×1	1	3
	(2)	37	3 × 3 × 3 × 3 × 3 × 3 × 3	3	7
	(3)	79	7×7×7×7×7×7×7×7×7×7	7	9
	(4)	2 <sup>6</sup>	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	2	6
	(5)	34	3 × 3 × 3 × 3	3	4
	(6)	4 <sup>3</sup>	$4 \times 4 \times 4$	4	3 8
	(7)	2 <sup>8</sup>	$2 \times 2 \times 2$	2	8
	(8)	15 <sup>2</sup>	15 × 15	15	2
	(9)	3	3	3	1
	(10)	105	$10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10$	10	5
2.	(1) 64	(2) 24	(3) $7^2$ (4) $3^5$ (5) $6^3$	(	6) 9 <sup>3</sup>
3.	(1) 11	× 11 × 11 ×	× 11 (2) 6 × 6 (3) 10 >	< 10 ×	$10 \times 10$

 3. (1)  $11 \times 11 \times 11 \times 11$  (2)  $6 \times 6$  (3)  $10 \times 10 \times 10 \times 10$  

 (4)  $5 \times 5 \times 5$  (5)  $8 \times 8 \times 8 \times 8 \times 8$ 

#### उदाहरणसंग्रह 22

**1.** (1) 729 (2) 216 (3) 64 (4) 1 (5) 625 (6) 64 (7) 1,00,000 (8) 1,00,000 (9) 2401 (10) 64

#### उदाहरणसंग्रह 23

1. (1)  $5^3$  (2)  $2^5$  (3)  $5^4$  (4)  $3^5$  (5)  $10^2$  (6)  $10^7$  (7)  $9^2$  (8)  $3^4$ 

167

	उदाहरणसंग्रह 2	-				
	and share as the					
	1. (1) 25	(2) 100	(3) 256	(4) 625	(5) 12,100	
	वाहरणसंग्रह 2	5				
1	. (1) 36		(2) 121	(3	) 196	
	(4) 4225		(5) 3025		) 324	
110	(7) 4489	S. G. COLE	(8) 11,881		14,641	
	(10) 12,54		(11) 8281		2) 40,000	
	दाहरणसंग्रह 26	2 2 3			RU-ERVIE	
1.	<ul><li>(1) 7,225</li><li>(7) 34,225</li></ul>	<ul><li>(2) 3,025</li><li>(8) 11,025</li></ul>	(3) 5,625	(4) 9,025	(5) 13,225 (6)	42,025
30	ाहरणसंग्रह 27					
1.	(1) 21	(2) 24	(3) 55	(4) 80		1
	(6) 108	(7) 125	(8) 105	(4) 88	and the second se	
उद	ाहरणसंग्रह 28		(0) 105	(9) 121	(10) 99	
1.	(1) 48.382	(2) 26.69	(3) 2516	2 10 000		
	(6) 7.5276	(7) 3278	and the second sec	AVE NO. S. COLORADO		6
	(10) 39,93	(11) 20.8		(8) 91.48 (12) 1522	ALC: A DEMONSTR	
उदा	हरणसंग्रह 29			(1=) 1021		
1.	(1) 3.29	(2) 290.57	(3) 1610.9	9852 (4) 36	(122)	1
	(6) 103.9	(7) 10.39	Webbi Bruchate	(9) 3.1		
1	(11) 0.727	(12) 0.0560	4			
उदा	हरणसंग्रह 30			21.8 19		
	(1) 6.9	(2) 62.1	(3) 6	90 (4)	435.2 (5) 199	14
19	(6) 1.99	(7) 43.25	(8) 1	80 (0)	1962	
	(10) 66.66	(11) 256.5	5 (12) 3	305.5	187 LA 1983	
	रणसंग्रह 31					
1.	(1) 10:9 ; 9:	10 (2	) 7:22 ; 22;	7 (3) 2	2:5 ; 5:2	
	(4) 7:11 ; 11	:7 (5	) 13:17 ; 17	7-13	A CONTRACTOR OF	
2.	(1) सातास नउ	६ (2) दहास र	सहा (3) तिसा	स दहा (4) पाच	वास वीस (5) एकार	न चार
3.	(1) 5:2 (2)	1:3 (3) 5:	9 (4) 2:5	(5) 2:1 (6)	1:5 (7) 7:9 (8)	1:2

### 168

उदा	हरणसंग्रह 32			28. 82				
1.	4:3	2. 5:	3	1 Starter				
3.	(1) 1:4	(2) 9:	10 (	3) 5:3	(4) 1:2	(5)	5:3 (6	) 1:4
4.	(1) 3:8	(2) 5:		3) 5:3				
उदा	हरणसंग्रह 33							Star PLE
1.	12		2.	36		3. 6		2 (ST )
उदा	हरणसंग्रह 34							No.
1.	(1) आहेत	(2) आहे	त (3) न	गहीत	2. (1)	3 (2)	40 (3)	4 (4) 6
	हरणसंग्रह 35						R+d	110
1.	85 7. 2. 2	25 रू.	3. 525	0 7. 4.	5600 कि	मी 5.6	25 ग्रॅम 6	. 8 किमी
उदा	हरणसंग्रह 36	12MR		an Ma	加建设	14.45		
1.	क्रमांक	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
	नफा(रु.)	40	_	45		820	150	
1								
-	तोटा (रु.)		50		20		-	80
उदाह	त्रणसंग्रह 37					and an	5 - 3	2125
1.	45 रु. नफा		2. 10	) रु. तोटा		3. 2.50	र. नफा	
4.	50 रु. नफा		5. 84			6. 144		
उदाह	रणसंग्रह 38						ज सा	
1.	160 ₹.	2.	3 %.	3, 3,8	7.500 रू.		L 110 5.	
उदाह	रणसंग्रह 39				10.1			
			.4 मी (3	) 214 से	मी 2 45	र सेमी 3	20 मेमी	4 20.2 7
	1. (1) 30 सेमी (2) 18.4 मी (3) 21.4 सेमी 2. 48 सेमी 3. 20 सेमी 4. 20.3 मी उदाहरणसंग्रह 40							
	1. 50 मी     2. 6 मी     3. 1060 मी     4. 750 रु     5. 17 मी							
	रणसंग्रह 41		*	3. 100	1 41		а э.	
		20 70		*A 4 24	-			
	15 सेमी 2.	20 सम	3. 24	41 4. 20	) समा 5	. 20 मा	6. 4 मी	7. 40 सेम
	रणसंग्रह 42	100	18 Fran		TROTT ST	with the		
2	(1) + 2 (1)	(2) - (	) (3 	) - 10	(4) 0	(5)	+ 18	(6) - 23
-	(1) ऋण नऊ	(2) धन	भाष (	) त्राण अत	श्ठावास (	4) 末町 3	गभर (5) १	रन एक्याऐश
		- 72						a se alle se ave

(6) ऋण चार (7) ऋण एक (8) घन एक (9) धन बाहत्तर 5. 5 (10) ऋण अठ्ठेचाळीस (11) धन पासष्ट (12) ऋण पंचाण्णव 4 0 च्या डावीकडील संख्या : - 9, - 28, - 100, - 4, - 1, 3. 3 2 - 48, - 95 1 0 च्या उजवीकडील संख्या : + 5, + 81, + 1, + 72, + 65 0 4. (1) 0 (2) + 1 (3) G (4) J (5) - 2 (6) + 2 -1 -2 उदाहरणसंग्रह 43 -3 (1) < (2) < (3) > (4) < (5) >1. (6) < -4 (7) > (8) < (9) > (10) < (11) < (12) <-5 2. (1) + 5, + 6, + 7(2) - 4, -5, -6, -7, -8(3) - 3, -2, -1, 0, +1(4) - 8 (7) + 7पूर्णांक संख्यासमूहातील सर्वांत लहान आणि सर्वांत मोठी संख्या लिहिता येत 3. नाही. उदाहरणसंग्रह 44 (1) 38 1. (3) 0 (2) 23 (4) 5 (5) 14 (प्रथम मोठी किंमत, नंतर फरक, या क्रमाने) 2. (1) 8, 2 (2) 8, 2 (3) 11, 9 (4) 20, 5 (5) 45, 10 (6) 45, 13 (7) दोन्ही किमती समान, 0 (8) 4, 4 (1) - 2 (2) 2 (3) + 223. (4) - 22(5) + 15(6) - 15(7) - 59 (8) + 59(9) - 50 (10) - 4 (11) + 50(12) + 4(13) - 8 (14) - 20 (15) - 20 (16) + 20(17) + 20(18) + 19(19) + 19 (20) 0 (21) 0 (22) 0(23) 0 (24) 0उदाहरणसंग्रह 45 (1) - 5 (2) + 2 (3) + 15 (4) - 27 (5) - 101. उदाहरणसंग्रह 46 1. (1) 13 मधून - 8 ही संख्या वजा करणे, म्हणजे 13 मध्ये - 8 ची विरूद्ध संख्या मिळविणे. (2) - 4 मधून - 11 ही संख्या वजा करणे, म्हणजे - 4 मध्ये - 11 ची विरूद्ध संख्या मिळविणे. (3) 6 मधून - 6 ही संख्या वजा करणे, म्हणजे 6 मध्ये - 6 ची विरूद्ध संख्या मिळविणे.

(4) 9 मधून 9 ही संख्या वजा करणे, म्हणजे 9 मध्ये 9 ची विरूद्ध संख्या मिळविणे.

	(5) - 5 4	158 04276		ा वजा कर	णे, म्हणजे	- 5 मध्ये	- 5 ची	विरूद्ध
	Contraction in the second	मिळविणे				Ale pet		
	(6) 14 मध मिळवि	72	संख्या व	जा करणे,	म्हणजे 14	4 मध्ये 0	ची विरूद	ध संख्या
	<ul><li>(7) 0 मधू</li><li>मिळवि</li></ul>	and the second second	संख्या व	जा करणे,	म्हणजे 0	मध्ये 14 र	ची विरूद	ध संख्या
	(8) 0 मधू मिळवि	न – 14 ई	ो संख्या व	वजा करणे,	म्हणजे 0	मध्ये – 14	ची विरूद	्ध संख्या
	(9) 20 मध मिळवि	रून 12 ही	। संख्या व	ाजा करणे,	म्हणजे 20	) मध्ये 12	ची विरूद	्ध संख्या
2.			. 3	(3) 13	(4	) - 13	(5) -	- 7
	(6) 7	- C. (2)		(8) 25	41.00	) 10	(10)	
	(11) 0	11 - C - C - C - C - C - C - C - C - C -		(13) 7		4) 74	(15)	- 34
	(16) 14	(17)	85	(18) 35	(1	9) 100	(20)	- 54
उता	हरणसंग्रह 4'	7						
	(1) - 36		- 24	(3) 75	(4) 280	(5) 7	6 (6)	- 915
2.	(1) 3	(2) 19	(3) 15	5 (4)	15 (5)	6 (6)	) - 3	(7) - 6
उदा	हरणसंग्रह 4	8						
	(1) - 2		70	(3) 40	(4) - 5	5 (5) 0	) (6)	- 2
उदा	हरणसंग्रह 4	9	15					
1000	(1) - 11		- 2	(3) 25	(4) 3			
2.						22 Bit	) - 80	
	(6) - 80							
3.	(1) - 90	(2) - 9	0 (3) -	192 (4)	- 192 (	5) 8 (6) 8	8 (7) - 9	9 (8) - 9
4.	(1) - 8	(2) -	8 (3)	15	(4) 15			
उदा	हरणसंग्रह 5	0						
1.	क्रमांक	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	
	सहगुणक	15	1	<u>25</u> 7	1	- 9	- 5	A Case
-					2			a at

171

b

- a, x

p

# Downloaded from https:// www.studiestoday.com

x

चल

p

y

उदाहरणसंग्रह 51 1. (1)  $5x_1 - 8x_2 = -7y_1 + 6y_1 - y_2 = -3m_1 + m_2 = 2z_1 + 5z_2$ (2)  $4x^2$ ,  $-10x^2$ ;  $-7y^3$ ,  $-y^3$ ,  $5y^3$ (3) 2  $x^2yz$ ,  $7yzx^2$ ;  $xyz^2$ ,  $-6xyz^2$ ; xzy, -xyzउदाहरणसंग्रह 52 1. (1) त्रिपदी (2) एकपदी (3) द्विपदी (4) त्रिपदी (5) एकपदी (6) एकपदी (7) एकपदी (8) द्विपदी (9) त्रिपदी उदाहरणसंग्रह 53 

 1. (1) 1
 (2) 3
 (3) 1
 (4) 36
 (5) 18

 2. (1) 12
 (2) 9
 (3) 54
 (4) 48
 (5) 15

 (6) 15 **3.** (1) 26 (2) 5 (3) 21 (4) 7 **4.** (1) 34 (2) 4 (3) 30 (4) 20 उदाहरणसंग्रह 54 1. (1) 19c (2)  $12 bc^2$  (3) xyz (4)  $-10a^2b^2$  (5)  $9p^2q$  (6)  $-13a^3$ **2.** (1) 15x (2)  $7y^2$  (3)  $9a^2bc$  (4) 0 उदाहरणसंग्रह 55 1. (1) 15x + 7y (2)  $23 m^2n - 9nm$  (3)  $12a^2b + 13ab^2$  (4)  $5a^2 + 19b^2 + c^2$ (5) 4m - 8n (6) 3ab - 2bc (7)  $11d^2 + 10d$  (8)  $20x^2 - 10y^2$  (9) 4a + b + c(10)  $4a^3 - 5a^2 + 3a$ उदाहरणसंग्रह 56 1. (1) 11p + 12q (2)  $10m^2 + 18n^2$  (3)  $2a^2 + 3b^2$ 2. (1) 4xy + 8yz + 10zx (5) 2x + 3y + 3z (6) -3p + 7q + 4c $(1) 4xy + 8yz + 10zx (2) 4x + 13y - z (3) 3a^2b - 15b^2c + 11c^2a (4) 7mn + 14cb + 14cb$ (4) 7mn + 14ab + 8abcउदाहरणसंग्रह 57 1. (1)  $2x^2 + 19y$  (2) 9mn + 2ab (3) 5x - 9y + 3z(4)  $11x^2 + 8y^2 - 7z^2$  (5)  $y^2z^2 - 2z^2x^2$ उदाहरणसंग्रह 58 1. उदा. क्र. (1), (2) व (4) मधील चौकर्टीत '=' हे चिन्ह येईल. उदाहरणसंग्रह 59 1. (1) गुणाकार गुणधर्म (2) बेरीज गुणधर्म (3) भागाकार गुणधर्म (4) वजाबाकी गुणधर्म उदाहरणसंग्रह 60 1. (1) समीकरण (2) समीकरण (3) समानता (4) समीकरण (5) समीकरण (6) समानता 172 Downloaded from https:// www.studiestoday.com

(2) मुद्दल = 8,000 रु., व्याज = 480 रु., मुदत = 6 महिने

(3) मुद्दल = 6,00,000 रु., व्याज = 2,40,000 रु., मुदत = 5 वर्ष

उदाहरणसंग्रह 70

- 1. (1) जिजामाता सहकारी पतसंस्थेकडून एखाद्याने 1 वर्षासाठी 100 रु. कर्जाऊ घेतले. तर वर्षाअखेरीस त्याने त्या पतसंस्थेला व्याज म्हणून 12 रुपये दघावेत.
  - (2) राजगड सहकारी बँकेकडून एखाद्या शेतकऱ्याने 1 वर्षासाठी 100 रु. कर्जाऊ घेतले. तर वर्षाअखेरीस त्याने त्या बँकेला व्याज म्हणून 8 रूपये दचावेत.
  - (3) जिल्हा मध्यवर्ती बँकेकडून सर्जेरावांनी 1 वर्षासाठी 100 रु. कर्जाऊ घेतले, तर वर्षाअखेरीस त्यांनी त्या बँकेला व्याजनम्हणून 10 रुपये दघावेत.

उदाहरणसंग्रह 71

(1) 40 (2) 36 (3) 100 (4) 36 (5) 14 (6) 28 2. (1) 3,600 ₹. (2) 9,900 ₹. 1. उदाहरणसंग्रह 72

1. (1) 600 毫. (2) 70 毫. (3) 1350 毫. (4) 720 毫. (5) 750 毫. (6) 880 毫. 2.

(1) 3,600 天. (2) 1,080 苓.

उदाहरणसंग्रह 73

(1) 120 毫. (2) 180 毫. (3) 4800 毫. (4) 4000 毫. (5) 1050 毫. 1. उदाहरणसंग्रह 74

- (1) ZAXY, ZBXZ, ZCZX, ZDZY, ZFYZ, ZEYX 1. (2) ZAXB, ZEYF, ZCZD
- (1) ∠DPQ च ∠LPR 2. (2) ∠PRM ব ∠QRN (3) नाही, कारण तो कोन त्रिकोणाच्या कोनाशी रेषीय जोडी तयार करीत नाही. (4) ∠PQR 3. सहा

4.	∆XYZ च्या	∆ XYZ	∆ XYZ च्या	
	अंतर्भागातील बिंदू	वरील बिंदू	बाह्यभागातील बिंदू	
	M, N	L, 0	T, K	

- (1)  $\triangle$  ABC,  $\triangle$  ABO,  $\triangle$  ACO,  $\triangle$  BOC (2)  $\triangle$  OAC,  $\triangle$  OAB,  $\triangle$  OBC 5. (3)  $\triangle$  AOB,  $\triangle$  AOC,  $\triangle$  ABC
- (1)  $\triangle$  PQR,  $\triangle$  PQT,  $\triangle$  PRS,  $\triangle$  PST (2)  $\triangle$  PST,  $\triangle$  PSR,  $\triangle$  PTR 7. (3)  $\Delta PSQ \neq \Delta PST$ , (4)  $\Delta$  PTS,  $\Delta$  PTQ

	SHOWER AT A SHOWER	The second second second
	(5) $\Delta$ PQT , $\Delta$ PQR	(6) $\triangle$ PST, $\triangle$ PSR
	(7) बिंदू Y, Z	(8) बिंदू U
	· (9) ∠PSQ व ∠PTR	(10) $\Delta$ PQS, $\Delta$ PQT, $\Delta$ PQR
	(11) $\triangle$ PQR, $\triangle$ PSR, $\triangle$ PTR	(12) बिंदू Y, E, U, Z, Q, R
उदा	हरणसंग्रह 75	
1.	आ. 1 काटकोन त्रिकोण	आ. 2 समद्विभुज त्रिकोण
	आ. 3 विशालकोन त्रिकोण	आ. 4 लघुकोन त्रिकोण
	आ. 5 समभुज त्रिकोण	आ. 6 विशालकोन त्रिकोण
2.	(1) लघुकोन त्रिकोण (2	) समद्विभुज त्रिकोण (3) काटकोन त्रिकोण
	(4) विशालकोन त्रिकोण (5	) समभुज त्रिकोण (6) विषमभुज त्रिकोण
उदा	हरणसंग्रह 76	the press la cel man a
1.	35° 2. 70° 3. 40°, 140	• 4. 80° 5. 110° 6. 70° , 70°
उदा	हरणसंग्रह 77	R . 204 65 MANON - 346
1.	(1) $l$ (AB) (2) > (2)	3) <i>l</i> (BP) (4) <i>l</i> (AC)
उदा	हरणसंग्रह 78	
1.	(1) रेख MR 1 किरण ST.	(2) रेषा LM 上 रेख PQ
	(3) रेषा HP ⊥ किरण OK	(4) रेख KG ⊥ रेख VJ
	(5) रेषा AD 上 रेषा EF	
उदा	हरणसंग्रह 86	Transfer - 115 and - 118 and
1.	(1) 120 चौसेमी (2	) 600 चौमी (3) 120 चौसेमी
	(4) 275 चौमी (5)	) 117 चौसेमी (6) 125 चौमी
2.	(1) 36 चौसेमी (2) 81 चौसेमी	(3) 121 चौमी (4) 100 चौसेमी (5) 529 चौसेमी
		(8) 0 61 = Thill (0) 0 25 = Thill (10) 7 20 = Think

(6) 1.44 चौमी (7) 12.25 चौमी (8) 9.61 चौमी (9) 0.25 चौमी (10) 7.29 चौसेमी उदाहरणसंग्रह 87

 15 चौमी 2. 108 चौमी 3. 26 चौमी 4. 4,20,000 रु. 5. 50,000 रु. 6. 225 रु.
 7. 9,600 चौमी 8. 1440 रु. 9. 250 रु. 10. 335 चौमी 11. दुसरे मैदान उदाहरणसंग्रह 88

 1. (1) 8 घमी (2) 125 घमी (3) 512 घसेमी (4) 64 घसेमी (5) 1000 घसेमी

 2. 64 घमी
 3. 1000 ठोकळे

### उदाहरणसंग्रह 89

(1) लांबी, रुंदी, उंची (2) 40 घसेमी
 2. 15 घसेमी
 3. 15 घमी
 4. 18.75 घमी
 5. 1000000 घसेमी
 6. 15 घमी
 7. 4.32 घमी
 8. 2000 विटा

### उदाहरणसंग्रह 90

- (1) त्रिज्या : रेख BP, रेख BT, रेख BN, रेख BS, रेख BQ, रेख BR व्यास : रेख PQ, रेख RS (2) बिंदू : R, P, M, T, N, S, Q, C (3) (a) चूक (b) बरोबर (c) चूक (d) बरोबर
- 2. (1) 14 सेमी (2) 10 सेमी (3) 4 मी (4) 5 सेमी

### उदाहरणसंग्रह 91

- 1. (1) त्रिज्या : रेख CB , रेख CX , रेख CH , रेख CI , रेख CM , रेख CA जीवा : रेख RG , रेख AB , रेख IH , रेख MX , रेख AH व्यास : रेख AB , रेख MX , रेख IH
  - (2) त्रिज्या : रेख CA , रेख CQ , रेख CS , रेख CU , रेख CN जीवा : रेख RO , रेख AH , रेख AU , रेख NQ , रेख KS व्यास : रेख AU , रेख NQ
  - (3) त्रिज्या : रेख CH , रेख CK , रेख CS , रेख CE , रेख CR

     जीवा : रेख KH , रेख AH , रेख KR , रेख SH , रेख SR

     व्यास : रेख RK , रेख SH
- 2. (1) केस AOB व केस ALB

Partial operations of former Las

- (2) कंस ATU व कंस ALU
- (3) कंस TQR व कंस TPR
- (1) वर्तुळाच्या अंतर्भागातील बिंदू : A, B, H, M, X, D वर्तुळाच्या बाह्यभागातील बिंदू : P, T, C, F, E वर्तुळावरील बिंदू : R
  - (1) वर्तुळाच्या अंतर्भागातील बिंदू : B, J, R, O, Y, W वर्तुळाच्या बाह्यभागातील बिंदू : L, M, D, K वर्तुळावरील बिंदू : H, T

#### 176

### Downloaded from https:// www.studiestoday.com