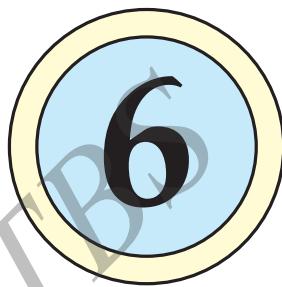




ಕರ್ನಾಟಕ ಸರ್ಕಾರ

# ಗಣೀತ



ಆರನೇ ತರಗತಿ

ಭಾಗ - ೨



ನಿರ್ದಿಷ್ಟ  
ಪಾಠ್ಯ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ

ರಾಷ್ಟ್ರೀಯ ಶೈಕ್ಷಣಿಕ ನಂಶೀಲಾಧನೆ ಮತ್ತು ತರಬೇತಿ ನಂಖೆ  
ಶ್ರೀ ಅರಜಿಂದ್ರೇ ಮಾಗಡ ನವದೀಪ 110016

**ಕರ್ನಾಟಕ ಪರ್ಯಾಪ್ತಸ್ತಕ ನಂಜ (ಿ)**

100 ಅಡಿ ವರ್ತುಲ ರಸ್ತೆ, ಬನಾರಸ ಕಾಲ 3ನೇಯ ಹಂತ,  
ಬೆಂಗಳೂರು - 560085

## ಪರಿವಿಡಿ

### ಭಾಗ - ೨

ಕ್ರ.ಸಂ	ಘಟಕದ ಹೆಸರು	ಮಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆ
7	ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು	1 – 32
8	ದಶಮಾಂಶಗಳು	33 – 54
9	ಅಂಕಿಅಂಶಗಳ (ದತ್ತಾಂಶಗಳ) ನಿರ್ವಹಣೆ	55 – 77
10	ಕೇತ್ತಿ ಗಣಿತ	78 – 96
11	ಬೀಜಗಣಿತ	97 – 122
12	ಅನುಪಾತ ಮತ್ತು ಸಮಾನುಪಾತ	123 – 141
13	ಸಮಿಮಿತಿ	142 – 155
14	ಪ್ರಾಯೋಗಿಕ ರೇಖಾಗಣಿತ	156 – 178
	ಮೆದುಳಿಗೆ ಕಸರತ್ತು	179 – 183
	ಉತ್ತರಗಳು	184 – 198

# ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

7 - ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

## 7.1 ಹೀಗೆ

ಸುಭಾಷ್ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ IV ಮತ್ತು V ನೇ ತರಗತಿಗಳಲ್ಲಿ ಕಲಿತಿರುವುದರಿಂದ ಎಲ್ಲೆಲ್ಲಿ ಸಾಧ್ಯವೋ ಅಲ್ಲಿ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸುತ್ತಿದ್ದನು. ಒಂದು ಬಾರಿ ಅವನು ಉಟಿದ ಬುತ್ತಿಯನ್ನು ಮನೆಯಲ್ಲೇ ಮರೆತು ಬಂದನು. ಅವನ ಗೆಳತಿ ಫರೀದಾ ಉಟಿವನ್ನು ಪರಸ್ಪರ ಹಂಚಿಕೊಳ್ಳುವಂತೆ ಹೇಳಿದಳು.

ಅವಳ ಬುತ್ತಿಯಲ್ಲಿ ಇದು ಮೂರಿಗಳಿದ್ದವು. ಆದುದರಿಂದ ಸುಭಾಷ್ ಹಾಗೂ ಫರೀದಾ ತಲಾ ಎರಡರಂತೆ ಮೂರಿಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡರು.

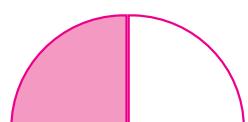
ಅನಂತರ ಫರೀದಾ 5ನೇ ಮೂರಿಯನ್ನು ಎರಡು ಸಮಾಲುಗಳನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿ, ಒಂದು ಅರ್ಥವನ್ನು ಸುಭಾಷ್‌ನಿಗೆ ಹೊಟ್ಟು ಇನ್ನೊಂದು

2 ಮೂರಿಗಳು + ಅರ್ಥ ಮಾರಿ - ಸುಭಾಷ್

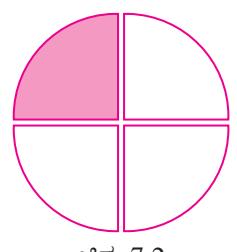
2 ಮೂರಿಗಳು + ಅರ್ಥ ಮಾರಿ - ಫರಿದಾ

ಅರ್ಥವನ್ನು ತಾನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡಳು. ಹೀಗೆ ಸುಭಾಷ್ ಹಾಗೂ ಫರೀದಾ ಇಬ್ಬಿಗೂ 2 ಮೂರಣ ಮೂರಿಗಳು ಹಾಗೂ ಒಂದು ಅರ್ಥ ಮಾರಿ ದೊರೆಯಿತು.

ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನೊಂದ ಸನ್ನಿವೇಶಗಳು ನಿಮ್ಮ ಬದುಕಿನಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲೆಲ್ಲಿ ಬರುತ್ತದೆ? ಅರ್ಥವನ್ನು  $\frac{1}{2}$  ಎಂದು ಬರೆಯುವುದೆಂದು ಸುಭಾಷ್‌ಗೆ ತಿಳಿದಿತ್ತು. ಮೂರಿಯನ್ನು ತಿನ್ನುತ್ತಿದ್ದಾಗು ಅವನು ಅವನಲ್ಲಿದ್ದ ಅರ್ಥ ಮೂರಿಯನ್ನು ಮತ್ತೆ ಎರಡು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ ಆ ತುಂಡು, ಮೂರಣ ಮೂರಿಯ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಎಂದು ಪ್ರಶ್ನಿಸಿದನು (ಚಿತ್ರ 7.1). ಏನನ್ನು ಉತ್ತರಿಸದೆ ಫರೀದಾ ತನ್ನಲ್ಲಿದ್ದ ಅರ್ಥ ಮೂರಿಯನ್ನು ಎರಡು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ ಸುಭಾಷ್ ಇರಿಸಿದ್ದ ತುಂಡುಗಳ ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿರಿಸಿದಳು. ಈ ನಾಲ್ಕು ಸಮಭಾಗಗಳು ಸೇರಿ ಒಂದು ಮೂರಣವಾಗುತ್ತದೆ ಎಂದಳು (ಚಿತ್ರ 7.2).

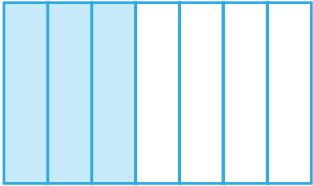


ಚಿತ್ರ 7.1

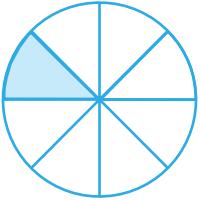


ಚಿತ್ರ 7.2

ಅದುದರಿಂದ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಸಮಭಾಗ ಮಾರ್ಗ ಮಾರಿಯ ನಾಲ್ಕನೇ ಒಂದು ಹಾಗೂ ಈ ನಾಲ್ಕು ಸಮಭಾಗಗಳು ಸೇರಿ  $\frac{4}{4}$  ಅಥವಾ 1 ಮಾರ್ಗ ಮಾರಿಯಾಗುವುದು.



ಚಿತ್ರ 7.3



ಚಿತ್ರ 7.4

ಪಾಲುಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದು (ಚಿತ್ರ 7.3).

$\frac{1}{8}$  ಎಂದರೆ ಒಂದು ಮಾರ್ಗವನ್ನು ಎಂಟು ಸಮಪಾಲುಗಳನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಪಾಲನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದು (ಚಿತ್ರ 7.4).

ಒಂದು ಮಾರ್ಗದ ಭಾಗವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಸಂಖ್ಯೆಯೇ ಭಿನ್ನರಾಶಿ. ಈ ಮಾರ್ಗ ಒಂದು ವಸ್ತುವಾಗಿರಬಹುದು ಅಥವಾ ವಸ್ತುಗಳ ಗುಂಪು ಆಗಿರಬಹುದು ಎಂದು ಘರೀದಳ. ಈ ಭಾಗಗಳು ಸಮವಾಗಿರಬೇಕೆನ್ನುವುದನ್ನು ಸುಭಾಷ್ ಗಮನಿಸಿದನು.

## 7.2 ಭಿನ್ನರಾಶಿ

ಈ ಸಂಭಾಷಣೆಯನ್ನು ಮುನ್ರೋ ಸೃರಿಸಿಕೊಳ್ಳೋಣ. ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಎಂದರೆ ಒಂದು ಗುಂಪು ಅಥವಾ ಪ್ರದೇಶದ ಭಾಗ.  $\frac{5}{12}$  ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿ. ಇದನ್ನು ನಾವು

ಹನ್ನರದನೇ ಎದು ಎಂದು ಓದುತ್ತೇವೆ. ಇಲ್ಲಿ '12' ಯಾವುದನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ?



ಒಂದು ಮಾರ್ಗವನ್ನು ಸಮಭಾಗಗಳನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿದ ಸಂಖ್ಯೆಯು. '5' ಯಾವುದನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ? ಅದು ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಸಮಭಾಗ ಸಂಖ್ಯೆ.

ಇಲ್ಲಿ 5 ನ್ನು ಅಂಶವೆಂದೂ 12ನ್ನು ಭೇದವೆಂದೂ ಕರೆಯುತ್ತೇವೆ.  $\frac{3}{7}$  ರ ಅಂಶ ಹಾಗೂ  $\frac{4}{15}$  ರ ಭೇದವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.



ಈ ಆಟವಾಡಿ:

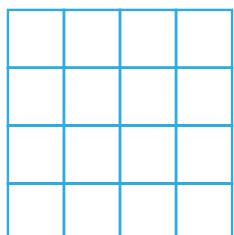


ಈ ಆಟವನ್ನು ಸ್ವೇಂಹಿತರ ಜೊತೆ ಆಡಿ.

ಇಲ್ಲಿ ಶೋರಿಸಿರುವಂತಹ ಅನೇಕ ಚೌಕುಳಿಗಳಿರುವ ಕಾಡ್‌ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ.

ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ.

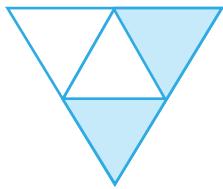
ಉದಾ:  $\frac{1}{2}$  ಚೌಕುಳಿಯ ಕಾಡ್ನ ನ  $\frac{1}{2}$  ರಷ್ಟನ್ನು ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರೂ ಶೇಡ್ ಮಾಡಬೇಕು.



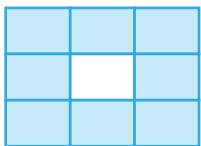


## ಅಭ್ಯಾಸ 7.1

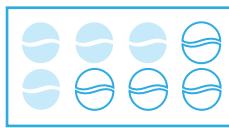
1. ಶೇಡ್ ಮಾಡಿದ ಭಾಗವು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.



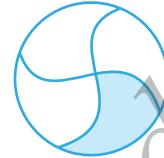
(i)



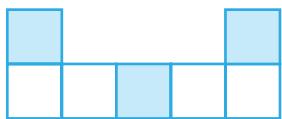
(ii)



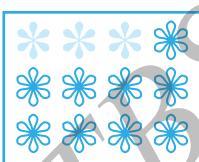
(iii)



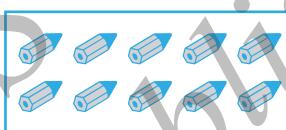
(iv)



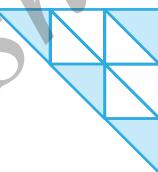
(v)



(vi)



(vii)



(viii)

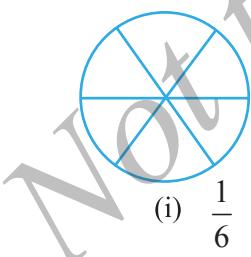


(ix)

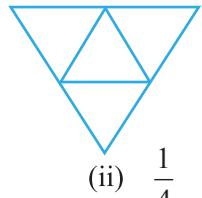


(x)

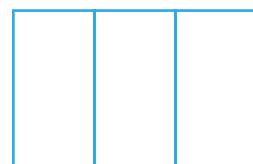
2. ಕೊಟ್ಟರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿಗನುಗುಣವಾಗಿ ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ.



(i)  $\frac{1}{6}$



(ii)  $\frac{1}{4}$



(iii)  $\frac{1}{3}$

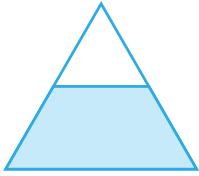


(iv)  $\frac{3}{4}$



(v)  $\frac{4}{9}$

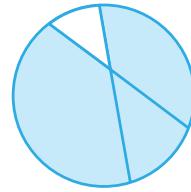
3. ತಪ್ಪಗಳೇನಾದರೂ ಇದ್ದರೆ ಗುರುತಿಸಿ.



ಇದು  $\frac{1}{2}$



ಇದು  $\frac{1}{4}$



ಇದು  $\frac{3}{4}$

4. 8 ಗಂಟೆಯ ಒಂದು ದಿನದ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ?
5. 40 ನಿಮಿಷವು ಒಂದು ಗಂಟೆಯ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ?
6. ಆರ್ಥ, ಅಭಿಮನ್ಯ ಮತ್ತು ವಿವೇಕ ತಮ್ಮಲ್ಲಿರುವ ತಿಂಡಿಗಳನ್ನು ಪಾಲು ಮಾಡಿಕೊಂಡರು. ಆರ್ಥನು ತರಕಾರಿಯಿಂದ ಮಾಡಿದ ಒಂದು, ಹಾಗೂ ಜಾರ್ಮನಿಂದ ಮಾಡಿದ ಇನ್‌ಹೋರ್ಡು ಹೀಗೆ ಎರಡು ಸ್ವೀಕಾರ್ಯಗಳಾಗಿ ತಂದಿದ್ದನು. ಉಳಿದ ಇಬ್ಬರು ಯಾವುದೇ ತಿಂಡಿ ತಂದಿರಲಿಲ್ಲ. ಪ್ರತಿ ಸ್ವೀಕಾರ್ಯಗಳು ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬಿಗೂ ಸಮಾನವಾಗಿ ಸಿಗುವಂತೆ ಸ್ವೀಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ಹಂಚಿಕೊಳ್ಳಲು ಆರ್ಥ ಒಪ್ಪಿದನು.
- a) ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬಿಗೂ ಸಮಪಾಲು ಸಿಗುವಂತೆ ತನ್ನಲ್ಲಿದ್ದ ಸ್ವೀಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ಆರ್ಥನು ಹೇಗೆ ಪಾಲು ಮಾಡಬಹುದು ?
- b) ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬಿಗೂ ಸ್ವೀಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಸಿಗುತ್ತದೆ ?
7. ಕಾಂಚನಾಳು ಉಡುಗೆಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಅವಳು 30 ಉಡುಗೆಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಬೇಕು. ಈಗಾಗಲೇ 20 ಉಡುಗೆಗಳನ್ನು ಮುಗಿಸಿದ್ದಾರೆ. ಉಡುಗೆಗಳ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಅವಳು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ ಮುಗಿಸಿದ್ದಾರೆ ?
8. 2 ರಿಂದ 12 ರವರೆಗಿನ ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ಅದರ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿವೆ?
9. 102 ರಿಂದ 113 ರವರೆಗಿನ ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ಅದರ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿವೆ ಎಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
10. ✘ ಗುರುತು ಹೊಂದಿರುವ ವೃತ್ತಗಳು ನೀಡಿರುವ ವೃತ್ತಗಳ ಎಷ್ಟು ಭಾಗವಾಗಿದೆ?
11. ಕೆಸ್ಪಿನೋಗೆ ಹುಟ್ಟಿಹಬ್ಬಿದ ಉಡುಗೊರೆಯಾಗಿ ಒಂದು CD ದೊರೆಯಿತು. ಅನಂತರ ಅವಳು 3 CD ಗಳನ್ನು ಖರೀದಿಸಿದಳು ಹಾಗೂ 5 CD ಗಳು ಅವಳಿಗೆ ಉಡುಗೊರೆಯಾಗಿ ದೊರೆತವು. ಅವಳಲ್ಲಿರುವ ಒಟ್ಟು CD ಗಳ ಎಷ್ಟು ಭಾಗವನ್ನು ಅವಳು ಖರೀದಿಸಿದಳು ಹಾಗೂ ಎಷ್ಟು ಭಾಗವನ್ನು ಅವಳು ಉಡುಗೊರೆಯಾಗಿ ಪಡೆದಳು ಎಂಬುದನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

### 7.3 ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿ

0, 1, 2, ..... ಮುಂತಾದ ಪೂರ್ಣಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವುದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡಾ ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದು. ಒಂದು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯನ್ನೇಡು  $\frac{1}{2}$  ನ್ನು ಅದರ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸೋಣ.

$\frac{1}{2}$ , ಇದು 0 ಗಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದ್ದು 1 ಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿದೆ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ ಅದು 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವೆ ಇರಬೇಕು.

ಆದುದರಿಂದ  $\frac{1}{2}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಲು 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವಿನ ಅಂತರವನ್ನು ಎರಡು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಬೇಕು ಹಾಗೂ ಅದರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು  $\frac{1}{2}$  ಎಂದು ಗುರುತಿಸಬೇಕು (ಚಿತ್ರ 7.5 ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತೆ)



ನಾವು  $\frac{1}{3}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸಬೇಕಾದರೆ 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವಿನ ಉದ್ದವನ್ನು ಎಷ್ಟು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಂಗಡಿಸಬೇಕು? ನಾವು 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವಿನ ಉದ್ದವನ್ನು 3 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಂಗಡಿಸಿ (ಚಿತ್ರ 7.6ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತೆ) ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು  $\frac{1}{3}$  ಎಂದು ಗುರುತಿಸಬೇಕು.



$\frac{2}{3}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಬಹುದೆ?  $\frac{2}{3}$  ಎಂದರೆ 3 ಸಮಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ 2 ಸಮಭಾಗ ಎಂದರ್ಥ (ಚಿತ್ರ 7.7).



ಇದೇ ರೀತಿ  $\frac{0}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{3}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಹೇಗೆ ಗುರುತಿಸುವಿರಿ?  $\frac{0}{3}$  ಎಂದರೆ ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ '0' ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಹಾಗೂ  $\frac{3}{3}$  ಎಂಬುದು 1

ಮೊಣಂ ಆಗಿರುವುದರಿಂದ ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ '1' ರಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸಬಹುದು (ಚಿತ್ರ 7.7).

$\frac{3}{7}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ

ಗುರುತಿಸಲು 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವಿನ ಉದ್ದವನ್ನು ಎಷ್ಟು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಬೇಕು? 'P' ಬಿಂದುವು  $\frac{3}{7}$  ನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವುದಾದರೆ 0 ಮತ್ತು 'P' ಬಿಂದುವಿನ ಮಧ್ಯ ಎಷ್ಟು ಸಮಭಾಗಗಳಿರುತ್ತವೆ?

$\frac{0}{7}$  ಮತ್ತು  $\frac{7}{7}$  ಎಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ?

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

1.  $\frac{3}{5}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಿ.
2.  $\frac{1}{10}, \frac{0}{10}, \frac{5}{10}$  ಮತ್ತು  $\frac{10}{10}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಿ.
3. 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವೆ ಇನ್ನಾವುದಾದರೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಬಹುದೇ? ಇದ್ದರೆ ಅಂತಹ 5 ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸಿ.
4. 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವೆ ಎಷ್ಟು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿವೆ? ಯೋಚಿಸಿ, ಚರ್ಚಿಸಿ ಹಾಗೂ ಉತ್ತರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

## 7.4 ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

ಸಂಖ್ಯೆಯೇಯ ಮೇಲೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸುವುದು ಹೇಗೆಂದು ಕಲಿತಿರುವಿರಿ.  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{9}{10}$ ,  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{0}{3}$ ,  $\frac{5}{8}$  ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸಂಖ್ಯೆಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸಿ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿ 1 ಕ್ಕಿಂತ ಬಲಕ್ಕೆ (ಆಚೆ) ಇದೆಯೇ? ಈ ಎಲ್ಲಾ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು 1 ರ ಎಡಭಾಗದಲ್ಲಿವೆ.

ಯಾಕೆಂದರೆ ಅವು 1 ಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿವೆ.

ಇದುವರೆಗೆ ನಾವು ಕಲಿತ ಎಲ್ಲಾ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು 1 ಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿವೆ. ಇವುಗಳು ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು. ಫರೀದಾ ಹೇಳಿದಂತೆ (ಭಾಗ 7.1) ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಪೂರ್ವ ಭಾಗವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆ. ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಭೇದವು ಪೂರ್ವ ಭಾಗವನ್ನು ಎಷ್ಟು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದರೆ, ಅಂಶವು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಪರಿಗಣಿಸಿದ ಭಾಗಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ. ಆದುದರಿಂದ ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಯಾವಾಗಲೂ ಅಂಶವು ಭೇದಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿರುತ್ತದೆ.

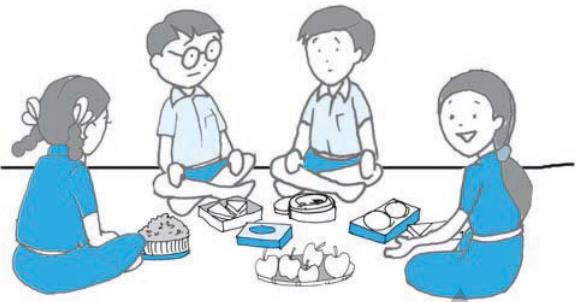
### ಪ್ರಯೋಗ:

1. ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ಸಮಭಿನ್ನರಾಶಿ ಬರೆಯಿರಿ.
  - (a) ಅಂಶವು 5 ಹಾಗೂ ಭೇದವು 7.
  - (b) ಭೇದವು 9 ಹಾಗೂ ಅಂಶವು 5
  - (c) ಅಂಶ ಮತ್ತು ಭೇದಗಳ ಮೊತ್ತ 10 ಆಗುವುದು. ಇಂತಹ ಎಷ್ಟು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಸಮಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿವೆ?
  - (d) ಭೇದವು ಅಂಶಕ್ಕಿಂತ 4 ರಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು. (ಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ಇಂತಹ ಎಷ್ಟು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಬಹುದು?)
2. ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ನೀಡಲಾಗಿದೆ. ಆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ನೋಡಿ, ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ನಿರ್ದಿಷ್ಟಬಹುದು?
  - (a) 1 ಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿದೆ
  - (b) 1 ಕ್ಕೆ ಸಮಾಗಿದೆ
3.  $>$ ,  $<$  ಅಥವಾ = ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದನ್ನು ಬಳಸಿ ತುಂಬಿರಿ.
  - (a)  $\frac{1}{2}$   1      (b)  $\frac{3}{5}$   1      (c) 1   $\frac{7}{8}$
  - (d)  $\frac{4}{4}$   1      (e)  $\frac{2005}{2005}$   1

## 7.5 ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಹಾಗೂ ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿ

ಅನಫಾ, ರವಿ, ರೇಷ್ಯಾ ಹಾಗೂ ಜಾನ್ ತಿಂಡಿಗಳನ್ನು ಹಂಚಿಕೊಂಡರು. ಈ ತಿಂಡಿಗಳೊಂದಿಗೆ ಅವರು 5 ಸೇಬುಗಳನ್ನು ಖರೀದಿಸಿದ್ದರು. ತಿಂಡಿಗಳನ್ನು ತಿಂದ ನಂತರ ಆ ನಾಲ್ಕು ಮಿಶ್ರತ್ರು ಸೇಬು ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ತಿನ್ನಲು ಬಯಸಿದರು. 5 ಸೇಬುಗಳನ್ನು ಈ ನಾಲ್ಕು ಜನ ತಮ್ಮೊಳಗೆ ಸಮಾನವಾಗಿ ಹೇಗೆ ಹಂಚಿಕೊಳ್ಳಬಹುದು ?

“ನಾವೀಗ ಒಂದು ಇಡೀ ಸೇಬನ್ನು ತಿಂದು ನಂತರ ಐದನೇ ಸೇಬಿನ ಕಾಲು ಭಾಗವನ್ನು ತಿನ್ನೋಣ” ಅನಫಾ ಹೇಳಿದಳು.



ಅನಫಾ



ರವಿ



ರೇಷ್ಯಾ



ಜಾನ್



ಅನಫಾ



ರವಿ



ರೇಷ್ಯಾ



ಜಾನ್

“ಆದ್ದರಿಂದ ಅದು ಒಳ್ಳಿಯದು, ನಾವು 5 ಸೇಬುಗಳನ್ನು 4 ಸಮಭಾಗ ಮಾಡಿ ಪ್ರತಿ ಸೇಬಿನಿಂದ ಕಾಲುಭಾಗವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು” ರೇಷ್ಯಾ ಹೇಳಿದಳು.

“ಹೌದು,  $\frac{5}{4}$  ನ್ನು ಬರೆದ ಹಾಗೆ” ಜಾನ್ ಉತ್ತರಿಸಿದನು.  $\frac{5}{4}$  ರಲ್ಲಿ ಅಂಶವು ಭೇದಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು ಎಂದು ರೇಷ್ಯಾ ಹೇಳಿದಳು.

ಅಂಶವು ಭೇದಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ‘ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು’ ಎಂದು ಕರೆಯುತ್ತೇವೆ.  $\frac{3}{2}, \frac{12}{7}, \frac{18}{5}$  ಮುಂತಾದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು.

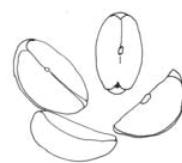
a. ಭೇದ 7 ಇರುವ 5 ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

b. ಅಂಶ 11 ಇರುವ 5 ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

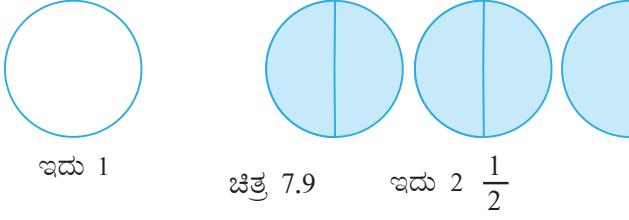
“ಈ ಪಾಲನ್ನು ಬರೆಯುವ ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನ ಯಾವುದು ? ಅದು ಅನಫಾ 5 ಸೇಬನ್ನು ಪಾಲು ಮಾಡಿದನ್ನು ಹೋಲುತ್ತದೆಯೇ ?” ರವಿಯ ಜಾನೋನನ್ನು ನೆನಪಿಸಿದನು.



ಇದು ಒಂದು

ಇದರಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿಯೊಂದು  $\frac{1}{4}$   
ಜಿತ್ತೆ 7.8

“ಹೊದು, ಅದೂ ಅನಘಾ ಹೇಳಿದ ರೀತಿಯೇ ಇದೆ. ಅವಳ ಪ್ರಕಾರ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಪಾಲು ಒಂದು ಇಡಿ ಮತ್ತು ಕಾಲು ಭಾಗ. ಅದು  $1 + \frac{1}{4}$  ಮತ್ತು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತವಾಗಿ  $1\frac{1}{4}$  ಎಂಬುದುಕ್ಕೆ ಸಮ ಎಂದು ನೆನಪಿದೆ” ಜೊನ್ ಧ್ವನಿಗೂಡಿಸಿದನು. ಈಗ ಫರೀದಾ ತಿಂದ ಮೂರಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟೆಂದು ಸೃಂಗಿಕೊಳ್ಳೋಣ. ಅವಳಿಗೆ  $2\frac{1}{2}$  ಮೂರಿಗಳು ದೊರೆತವು (ಚಿತ್ರ 7.9).



$2\frac{1}{2}$  ಇದರಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿದ ಭಾಗಗಳಿವೆ? ಅದರಲ್ಲಿ 5 ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿದ ಭಾಗಗಳಿವೆ. ಆದುದರಿಂದ ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು  $\frac{5}{2}$  ಎಂದೂ ಬರೆಯಬಹುದು.

ಅಂದರೆ  $2\frac{1}{2}$  ಎಂಬುದು  $\frac{5}{2}$  ಕ್ಕೆ ಸಮ.  $1\frac{1}{4}$  ಮತ್ತು

$2\frac{1}{2}$  ಮುಂತಾದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಎನ್ನುವರು. ಒಂದು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಒಂದು ಮೊಣಂ ಹಾಗೂ ಒಂದು ಭಾಗದ ಸಂಯೋಗ.

ನೀವು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಎಲ್ಲಿ ಗಮನಿಸಿದ್ದಿರಿ ?  
ಉದಾಹರಣೆ ಕೊಡಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 1 :** ಇವುಗಳನ್ನು ಮತ್ತೆಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

- (a)  $\frac{17}{4}$       (b)  $\frac{11}{3}$       (c)  $\frac{27}{5}$       (d)  $\frac{7}{3}$

**ಪರಿಹಾರ:**

(a)	$\frac{17}{4}$	---	ಅಂದರೆ 4 ಇಡಿ ಹಾಗೂ $\frac{1}{4}$ ಜಾಸ್ತಿ ಅಥವಾ $4\frac{1}{4}$	$4\frac{4}{17}$
(b)	$\frac{11}{3}$	---	ಅಂದರೆ 3 ಮೊಣಂ ಹಾಗೂ $\frac{2}{3}$ ಜಾಸ್ತಿ ಅಂದರೆ $3\frac{2}{3}$	$3\frac{3}{11}$

**ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನದಲ್ಲಿ**

$$\frac{11}{3} = \frac{9+2}{3} = \frac{9}{3} + \frac{2}{3} = 3 + \frac{2}{3} = 3\frac{2}{3}$$

ಇದೇ ವಿಧಾನ ಬಳಸಿ (c) ಮತ್ತು (d) ಯನ್ನು ನೀವೇ ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ. ಹೀಗೆ ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಅಂಶವನ್ನು ಫೇದದಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಸಿಗುವ ಭಾಗಲಭ್ದ ಹಾಗೂ ಶೇಷವನ್ನು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು. ಹೀಗೆ ಬರೆದಾಗ ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಭಾಗಲಭ್ದ =  $\frac{\text{ಶೇಷ}}{\text{ಭಾಜಕ}}$  ರೂಪದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ.

**ಉದाहರण 2:** ಈ ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ವಿಷಮು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

- (a)  $2\frac{3}{4}$       (b)  $7\frac{1}{9}$       (c)  $5\frac{3}{7}$

**ಪರಿಹಾರ:**

$$(a) 2\frac{3}{4} = 2 + \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{4} + \frac{3}{4} = \frac{8}{4} + \frac{3}{4} = \frac{11}{4}$$

$$(b) 7\frac{1}{9} = \frac{(7 \times 9) + 1}{9} = \frac{64}{9}$$

$$(c) 5\frac{3}{7} = \frac{(5 \times 7) + 3}{7} = \frac{38}{7}$$

ನಾವು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ವಿಷಮು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿ ಹೀಗೆ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು:

$$\frac{(\text{ಮಾಣಿ} \times \text{ಫೇದ}) + \text{ಅಂಶ}}{\text{ಫೇದ}}$$



## ಅಭ್ಯಾಸ 7.2

1. ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಿ.

- (a)  $\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{3}{4}, \frac{4}{4}$       (b)  $\frac{1}{8}, \frac{2}{8}, \frac{3}{8}, \frac{7}{8}$

- (c)  $\frac{2}{5}, \frac{3}{5}, \frac{8}{5}, \frac{4}{5}$

2. ಇವುಗಳನ್ನು ಮತ್ತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

- (a)  $\frac{20}{3}$       (b)  $\frac{11}{5}$       (c)  $\frac{17}{7}$       (d)  $\frac{28}{5}$

- (e)  $\frac{19}{6}$       (f)  $\frac{35}{9}$

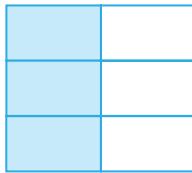
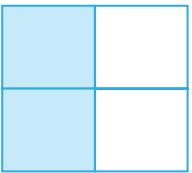
3. ಇವುಗಳನ್ನು ವಿಷಮು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

- (a)  $7\frac{3}{4}$       (b)  $5\frac{6}{7}$       (c)  $2\frac{5}{6}$       (d)  $10\frac{3}{5}$

- (e)  $9\frac{3}{7}$       (f)  $8\frac{4}{9}$

## 7.6 ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

ಚಿತ್ರದ ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲಾದ ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಿ (ಚಿತ್ರ 7.10).



ಚಿತ್ರ 7.10

ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{2}{4}$ ,  $\frac{3}{6}$  ಆಗಿದ್ದು ಒಂದೇ ಅಳತೆಯ ಪೂರ್ವದಿಂದ ತೆಗೆದ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಭಾಗಗಳಾಗಿವೆ. ಈ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಒಂದರ ಮೇಲೊಂದು ಇರಿಸಿದರೆ ಶೇಷ ಮಾಡಿದ ಭಾಗಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮ ಎಂದು ಕಂಡುಬರುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನು ನೀವು ಬಹುದಿನಾಗಿ ವಿಜ್ಞಾನಿಕವಾಗಿ ವಿಶಿಷ್ಟ ಪರಿಸ್ಥಿತಿಗಳಲ್ಲಿ ಬಳಸಬಹುದು.

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

1.  $\frac{1}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{2}{7}$ ,  $\frac{2}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{2}{7}$ ,  $\frac{2}{9}$  ಮತ್ತು  $\frac{6}{27}$  ಇವುಗಳು ಸಮವೇ? ಕಾರಣ ಹೇಳಿ.
2. ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿಗೆ ನಾಲ್ಕು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಹೊಡಿ.
3. ಪ್ರತಿ ಚಿತ್ರಕ್ಕೆ ಸೂಕ್ತ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.



ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೇ?

ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಎನ್ನುವರು.

ಮೇಲಿನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿಗೆ ಇನ್ನೊಂದು 3 ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

**ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಅಧ್ಯೋತ್ಸವಕೊಳ್ಳುವುದು.**

$\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \dots, \frac{36}{72} \dots \dots$  ಇವುಗಳೆಲ್ಲಾ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು.

ಅವುಗಳು ಪೂರ್ವದ ಒಂದೇ ಸಮನಾದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತವೆ.

**ಅಲೋಚಿಸಿ, ಉಚಿತವಾಗಿ ಬರೆಯಿರಿ.**

ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಪೂರ್ವದ ಒಂದೇ ಸಮನಾದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತವೆ ಏಕೆ? ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದರಿಂದ ಇನ್ನೊಂದನ್ನು ಹೇಗೆ ಪಡೆಯಬಹುದು?

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{1 \times 2}{2 \times 2} \quad \text{ಅದೇ ರೀತಿ} \quad \frac{1}{2} = \frac{3}{6} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{4}{8} = \frac{1 \times 4}{2 \times 4}$$

ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು ನಾವು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಹೇಳಬಹುದು ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು.

$\frac{1}{3}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

$$\frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{2}{6}, \frac{1 \times 3}{3 \times 3} = \frac{3}{9}, \frac{1 \times 4}{3 \times 4} = \frac{4}{12} \text{ ಹಿಂತೆ ಹಲವು ಇವೆ ಎಂದು ರಚನಿಯು ಹೇಳುತ್ತಾರೆ.}$$

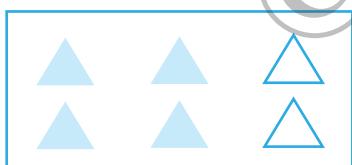
ನೀವಿದನ್ನು ಒಪ್ಪುವಿರಾ ? ವಿವರಿಸಿ.

**ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:**

1. ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಒಂದು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.  
 (a)  $\frac{2}{3}$  (b)  $\frac{1}{5}$  (c)  $\frac{3}{5}$  (d)  $\frac{5}{9}$

ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನ

ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಲು ಇನ್ನಾವುದಾದರೂ ವಿಧಾನಗಳಿವೆಯ ? ಚಿತ್ರ 7.11 ಗಮನಿಸಿ.



$$\frac{4}{6} \text{ ಶೇಷ್ಟೆ ಆಗಿದೆ}$$

$$\frac{2}{3} \text{ ಶೇಷ್ಟೆ ಆಗಿದೆ}$$

ಚಿತ್ರ 7.11

ಇವು ಸಮಾನವಾಗಿ ಶೇಷ್ಟೆ ಆದ ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದೆ.

$$\text{ಅಂದರೆ } \frac{4}{6} = \frac{2}{3} = \frac{4 \div 2}{6 \div 2}$$

ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗೆ ಸಮಾನವಾದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು ಆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಹೇಳಬಹುದು ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು.

$$\frac{12}{15} \text{ ರ ಒಂದು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ } \frac{12 \div 3}{15 \div 3} = \frac{4}{5} \text{ ಆಗಿದೆ.}$$

ಫೇದ 5 ಇರುವಂತೆ  $\frac{9}{15}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವಿರಾ ?

**ಉದಾಹರಣೆ 3:** ಅಂಶ 6 ಇರುವಂತೆ  $\frac{2}{5}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:**  $2 \times 3 = 6$  ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ ಅಂಶ 6 ಇರುವಂತೆ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು ನಾವು  $\frac{2}{5}$  ರ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಫೇದವನ್ನು 3 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು.

ಆದರಿಂದ  $\frac{2}{5} = \frac{2 \times 3}{5 \times 3} = \frac{6}{15}$ ;  $\frac{6}{15}$ , ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿದೆ.

ಇದನ್ನು ಚಿತ್ರೀಕರಿಸಿ ಮೂಲಕ ತೋರಿಸಬಹುದೇ ?

**ಉದಾಹರಣೆ 4:** ಫೇದವು 7 ಇರುವಂತೆ  $\frac{15}{35}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:**  $\frac{15}{35} = \frac{\square}{7}$

ಫೇದವನ್ನೇ ಗಮನಿಸಿದಾಗ  $35 \div 5 = 7$ .ಆದರಿಂದ  $\frac{15}{35}$  ರ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಫೇದವನ್ನು 5 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು.

$\frac{15}{35} = \frac{15 \div 5}{35 \div 5} = \frac{3}{7}$

ಗಮನಿಸಬೇಕಾದ ಆಸ್ತಕ್ತಿಯ ಅಂಶ

ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಒಂದು ಆಸ್ತಕ್ತಿಯ ಅಂಶ ಗಮನಿಸೋಣ. ಇದಕ್ಕಾಗಿ ಕೊಟ್ಟಿ ಕೋಟ್ಟಿಕವನ್ನು ಭರ್ತೀ ಮಾಡಿ. ಮೊದಲ ಎರಡು ಸಾಲುಗಳನ್ನು ಭರ್ತೀ ಮಾಡಲಾಗಿದೆ.

ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ	ಮೊದಲ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಎರಡನೆಯ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಫೇದದ ಗುಣಲಭ್ಯ	ಮೊದಲ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಫೇದ ಹಾಗೂ ಎರಡನೆಯ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯ	ಈ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳು ಸಮವೇ ?
$\frac{1}{3} = \frac{3}{9}$	$1 \times 9 = 9$	$3 \times 3 = 9$	ಹೌದು
$\frac{4}{5} = \frac{28}{35}$	$4 \times 35 = 140$	$5 \times 28 = 140$	ಹೌದು
$\frac{1}{4} = \frac{4}{16}$			
$\frac{2}{3} = \frac{10}{15}$			
$\frac{3}{7} = \frac{24}{56}$			

ಇದರಿಂದ ಕಂಡುಕೊಂಡ ಅಂಶವೆಂದರೆ, ಈ ಎಲ್ಲಾ ಸಂದರ್ಭಗಳಲ್ಲಿ ಮೊದಲ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಎರಡನೆಯ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಭೇದದ ಗುಣಲಭ್ಯವು ಮೊದಲ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಭೇದ ಹಾಗೂ ಎರಡನೆಯ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯಕ್ಕೆ ಸಮವಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಈ ಎರಡು ಗುಣಲಭ್ಯಗಳಿಗೆ ಅಡ್ಡ ಗುಣಲಭ್ಯ (ಒರೆ ಗುಣಕಾರ) ಎನ್ನುವರು. ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೊತೆಗಳ ಈ ಅಡ್ಡ ಗುಣಲಭ್ಯಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೂ ಅಡ್ಡಗುಣಲಭ್ಯಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮವಾಗಿಲ್ಲದುದನ್ನು ಕಾಣುತ್ತೇವೆಯೇ? ಈ ನಿಯಮವು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಸಹಕಾರಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 5:** 63 ಭೇದ ಇರುವಂತೆ  $\frac{2}{9}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\text{ಪರಿಹಾರ: } \frac{2}{9} = \frac{\square}{63} \text{ ಆಗಿದೆ.}$$

ಅಡ್ಡಗುಣಲಭ್ಯಗಳಿಂದ,  $9 \times \square = 2 \times 63$

ಆದರೆ  $63 = 7 \times 9$  ಆದುದರಿಂದ  $9 \times \square = 2 \times 7 \times 9 = 14 \times 9 = 9 \times 14$

$$9 \times \square = 9 \times 14$$

$$\text{ಹೋಲಿಸಿದಾಗ, } \square = 14 \text{ ಆದುದರಿಂದ } \frac{2}{9} = \frac{14}{63}$$

## 7.7 ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪ

$\frac{36}{54}$  ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡಾಗ, ಅಂಶ ಮತ್ತು ಭೇದಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನೆ 1 ನ್ನು ಹೊರತಾಗಿ ಬೇರೆ ಇಲ್ಲದಂತೆ ಒಂದು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು ಪ್ರಯೋಗಿಸಿಕೊಂಡಿರಿ. ಇದನ್ನು ನಾವು ಹೇಗೆ ಪಡೆಯಬಹುದು?  $36$  ಮತ್ತು  $54$  ಇವು 2 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲ್ಪಡುತ್ತದೆ ಎಂದು ಗೊತ್ತು.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } \frac{36}{54} = \frac{36 \div 2}{54 \div 2} = \frac{18}{27}$$

ಆದರೆ  $18$  ಮತ್ತು  $27$  ಇವುಗಳಿಗೆ  $1$  ನ್ನು ಹೊರತಾಗಿ ಬೇರೆ ಸಾಮಾನ್ಯ

ಅಪವರ್ತನಗಳಿವೆ. ಈ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳಿಂದರೆ



1, 3, 9; ಇವುಗಳಲ್ಲಿ 9 ಅಶ್ಯಂತ ದೊಡ್ಡದಾದುದು.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } \frac{18}{27} = \frac{18 \div 9}{27 \div 9} = \frac{2}{3}$$

ಈಗ 2 ಮತ್ತು 3 ಇವುಗಳಿಗೆ 1 ರ ಹೊರತಾಗಿ ಬೇರೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳಿಲ್ಲ. ಈಗ  $\frac{2}{3}$  ನ್ನು ಅಶ್ಯಂತ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ (ಕನಿಷ್ಠ ರೂಪದಲ್ಲಿ) ಇರಬೇಕಾದರೆ ಅದರ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಭೇದಗಳಿಗೆ 1 ನ್ನು ಬಿಟ್ಟು ಬೇರೆ ಯಾವುದೇ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನಗಳಿರಬಾರದು.

### ಒಂದು ಆಟ

ಇಲ್ಲಿ ನೀಡಿರುವ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ತೀರಾ ಆಸಕ್ತಿದಾಯಕ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ 1 ರಿಂದ 9 ರ ವರೆಗಿನ ಎಲ್ಲಾ ಅಂಶಗಳು ಬಳಕೆಯಾಗಿವೆ.

$$\frac{2}{6} = \frac{3}{9} = \frac{58}{174}$$

$$\frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{79}{158}$$

ಇಂತಹ ಇನ್ನೂ ಎರಡು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ.

## ಸರಳ ವಿಧಾನ

ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪವನ್ನು

ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ಸರಳ ವಿಧಾನವೆಂದರೆ

ಅದರ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಹೇದದ ಮ.ಸ.ಅ.

ಕಂಡು ಹಿಡಿದು ಅನಂತರ ಅಂಶ ಮತ್ತು

ಹೇದಗಳನ್ನು ಈ ಮ.ಸ.ಅ. ದಿಂದ

ಭಾಗಿಸಬೇಕು.  $\frac{36}{24}$  ನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

36 ಮತ್ತು 24 ರ ಮ.ಸ.ಅ. 12 ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } \frac{36}{24} = \frac{36 \div 12}{24 \div 12} = \frac{3}{2} \text{ ಈ}$$

ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಶ್ಯಂತ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿದೆ.

ಹೀಗೆ ಮ.ಸ.ಅ. ವು ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪಕ್ಕೆ ತರಲು ಸಹಕಾರಿಯಾಗಿದೆ.

### ಪ್ರಯೋಗ:

1. ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a)  $\frac{15}{75}$       (b)  $\frac{16}{72}$       (c)  $\frac{17}{51}$

(d)  $\frac{42}{28}$       (e)  $\frac{80}{24}$

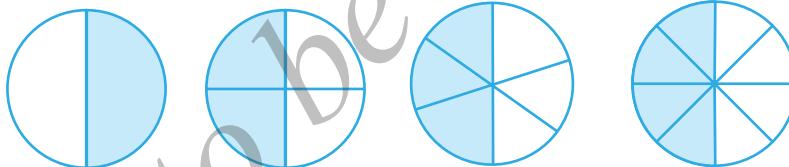
2.  $\frac{49}{64}$  ಇದು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿದೆಯೇ?



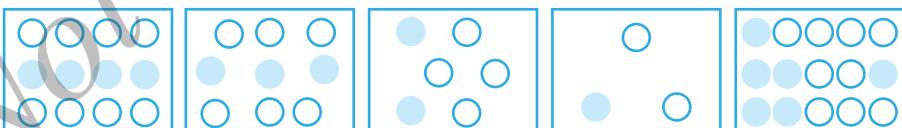
### ಅಭ್ಯಾಸ 7.3

1. ಈ ಚಿತ್ರಗಳಿಗೆ ಸೂಕ್ತ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳೆಲ್ಲಾ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೇ ?

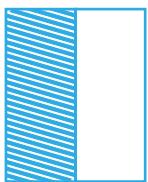
(a)



(b)



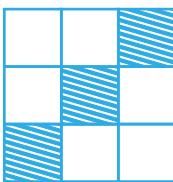
2. ಈ ಚಿತ್ರಗಳಿಗೆ ಸೂಕ್ತ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಪ್ರತಿ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೋಡಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ.



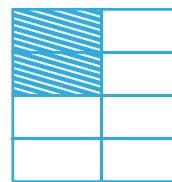
(□)



(□)



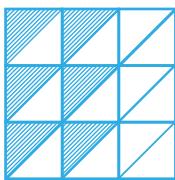
(□)



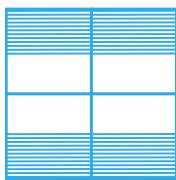
(□)



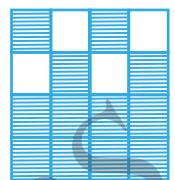
(□)



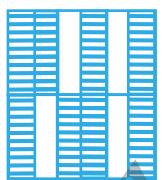
(i)



(ii)



(iii)



(iv)



(v)

3. □ ಇರುವಲ್ಲಿ ಸೂಕ್ತವಾದ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ತುಂಬಿ.

$$(a) \frac{2}{7} = \frac{8}{\square}$$

$$(b) \frac{5}{8} = \frac{10}{\square}$$

$$(c) \frac{3}{5} = \frac{\square}{20}$$

$$(d) \frac{45}{60} = \frac{15}{\square}$$

$$(e) \frac{18}{24} = \frac{\square}{4}$$

4.  $\frac{3}{5}$  ಕ್ಕೆ ಸಮಾನವಾಗಿರುವ ಹಾಗೂ

(a) ಫೇದ 20 ಇರುವ

(b) ಅಂಶ 9 ಇರುವ

(c) ಫೇದ 30 ಇರುವ

(d) ಅಂಶ 27 ಇರುವ

ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

5.  $\frac{36}{48}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು

(a) ಅಂಶ 9 ಇರುವಂತೆ

(b) ಫೇದ 4 ಇರುವಂತೆ ಬರೆಯಿರಿ.

6. ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೋಡಿ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೇ ? ಎಂದು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.

$$(a) \frac{5}{9}, \frac{30}{54}$$

$$(b) \frac{3}{10}, \frac{12}{50}$$

$$(c) \frac{7}{13}, \frac{5}{11}$$

7. ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸಂಕೀರ್ಣ ರೂಪಕ್ಕೆ ತನ್ನಿ:

(a)  $\frac{48}{69}$  (b)  $\frac{150}{60}$  (c)  $\frac{84}{98}$  (d)  $\frac{12}{52}$  (e)  $\frac{7}{28}$

8. ರಮೇಶನ ಬಳಿ 20 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳು, ಶೀಲುವಿನ ಬಳಿ 50 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳು ಹಾಗೂ ಜಮಾಲ್‌ನ ಬಳಿ 80 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳಿವೆ. ನಾಲ್ಕು ತಿಂಗಳ ನಂತರ ರಮೇಶ್ 10 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು, ಶೀಲು 25 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು ಹಾಗೂ ಜಮಾಲ್ 40 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದರು. ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರೂ ಬಳಸಿದ ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ. ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರು ಇನ್ವೆಂಟರಿಗೆ ಹೋಲಿಸಿದರೆ ಸಮಾನ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದ್ದಾರಲ್ಲವೇ?
9. ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಜೊತೆಗೊಳಿಸಿ ಪ್ರತಿಯೊಂದಕ್ಕೂ ಇನ್ವೆಂಟರಿಗೆ ಉದಾಹರಣೆ ಹೊಡಿ.

(i)  $\frac{250}{400}$  (a)  $\frac{2}{3}$

(ii)  $\frac{180}{200}$  (b)  $\frac{2}{5}$

(iii)  $\frac{660}{990}$  (c)  $\frac{1}{2}$

(iv)  $\frac{220}{550}$  (d)  $\frac{9}{10}$  (e)  $\frac{180}{360}$  (f)  $\frac{5}{8}$

### 7.8 ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

ಒಂದೇ ಭೇದವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಎನ್ನಬಹುದು.

$\frac{1}{15}, \frac{2}{15}, \frac{3}{15}, \frac{8}{15}$  ಇವು ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು.

$\frac{7}{27}$  ಮತ್ತು  $\frac{7}{28}$  ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೇ? ಅವುಗಳ ಭೇದಗಳು ಬೇರೆ ಬೇರೆಯಾಗಿವೆ.

ಆದುದರಿಂದ ಅವುಗಳು ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಲ್ಲ. ಅವುಗಳನ್ನು ಅಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನುವರು.

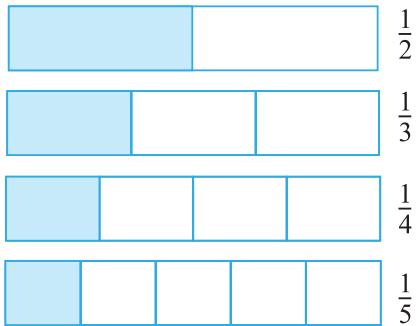
5 ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೊತೆಗಳನ್ನು ಹಾಗೂ 5 ಅಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೊತೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

### 7.9 ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಹೋಲಿಕೆ

ಸೋನಿಯ ತಟ್ಟೆಯಲ್ಲಿ  $3\frac{1}{2}$  ರೊಟ್ಟಿಗಳು ಹಾಗೂ ಸೀತಾಳ ತಟ್ಟೆಯಲ್ಲಿ  $2\frac{3}{4}$  ರೊಟ್ಟಿಗಳಿವೆ. ಯಾರ ತಟ್ಟೆಯಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ರೊಟ್ಟಿಗಳಿವೆ? ಸೋನಿಯ ಬಳಿ ಮೂರು ಮೂಳೆಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ರೊಟ್ಟಿಗಳಿವೆ ಹಾಗೂ ಸೀತಾಳ ಬಳಿ 3 ಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ರೊಟ್ಟಿಗಳಿರುವುದರಿಂದ ಸೋನಿಯ ಬಳಿ ಹೆಚ್ಚು ರೊಟ್ಟಿಗಳಿವೆ ಎಂದು ಸ್ವಷ್ಟವಾಗಿ ಹೇಳಬಹುದು.

$\frac{1}{2}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{3}$  ಗಳನ್ನು ಜೀತುದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ (ಜಿತ್ತ 7.12)

$\frac{1}{2}$  ಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಇರುವ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗವು  $\frac{1}{3}$  ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಇರುವ ಅದೇ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ.



ಜಿತ್ತ 7.12

ಆದುದರಿಂದ  $\frac{1}{2}$  ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು  $\frac{1}{3}$  ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ.

ಆದರೆ ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡದು ಯಾವುದೆಂದು ಹೇಳುವುದು ಅಪ್ಪು ಸುಲಭವಲ್ಲ. ಉದಾಹರಣೆ  $\frac{1}{4}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{10}$  ರಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡದು ಯಾವುದು?

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ

- ನಿಮಗೆ ಒಂದು ಜ್ಯೋತ್ಸ್ರಾಂತಿಕ ಬಾಟಲಿಯ ಪದನೇ ಒಂದು ಭಾಗ ಜ್ಯೋತ್ಸ್ರಾಂತಿಕ ಹಾಗೂ ನಿಮ್ಮ ಸಹೋದರಿಗೆ ಅದೇ ಗಾತ್ರದ ಬಾಟಲಿಯ ಮೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗ ಜ್ಯೋತ್ಸ್ರಾಂತಿಕ ದೊರೆತರೆ ಯಾರಿಗೆ ಹೆಚ್ಚು ಜ್ಯೋತ್ಸ್ರಾಂತಿಕ ದೊರೆಯಿತು?

ಈ ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ನಾವು ಜಿತ್ತ 7.12 ರಂತೆ ತೋರಿಸಬಹುದು.

ಆದರೆ ಎಲ್ಲಾ ಭೇದಗಳಿಗೆ ಹಾಗೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿಗೆ ಈ ಜಿತ್ತಗಳನ್ನು ಮಾಡುವುದು ಸುಲಭವಲ್ಲ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ 13 ಭೇದವಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿ. ಆದುದರಿಂದ ನಮಗೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಲು ವ್ಯವಸ್ಥಿತವಾದ ಒಂದು ವಿಧಾನದ ಅವಶ್ಯಕತೆಯಿದೆ. ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸುವುದು ಸುಲಭ. ಮೊದಲು ಅದನ್ನು ಮಾಡೋಣ.

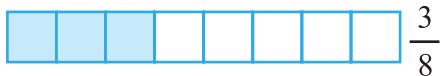
### 7.9.1 ಸಮರೂಪದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಹೋಲಿಕೆ

ಒಂದೇ ಭೇದವಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು. ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಲ್ಲಿ ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಯಾವುವು?

$$\frac{2}{5}, \frac{3}{4}, \frac{1}{5}, \frac{7}{2}, \frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{4}{7}$$

ಎರಡು ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸೋಣ:  $\frac{3}{8}$  ಮತ್ತು  $\frac{5}{8}$





ಈ ಎರಡೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಲ್ಲಿ ಪೂರ್ವವನ್ನು ಎಂಟು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ.  $\frac{3}{8}$  ಮತ್ತು  $\frac{5}{8}$  ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಕ್ರಮವಾಗಿ 8 ಸಮಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ 3 ಮತ್ತು 5 ಭಾಗಗಳನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸುತ್ತೇವೆ. 5 ಸಮಭಾಗಗಳು, 3 ಸಮಭಾಗಗಳಿಂದ ದೊಡ್ಡದು. ಆದುದರಿಂದ  $\frac{5}{8} > \frac{3}{8}$ . ಇಲ್ಲಿ ನಾವು ಪರಿಗಣಿಸಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಅಂಶವು ಸೂಚಿಸುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಆದುದರಿಂದ ಸಮ ಟೇಡವನ್ನೂ ಲಗ್ಗೊಂಡ ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಲ್ಲಿ ಅಂಶ ಹೆಚ್ಚಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ದೊಡ್ಡದಾಗಿರುತ್ತದೆ.  $\frac{4}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{5}$  ರಲ್ಲಿ  $\frac{4}{5}$  ದೊಡ್ಡದು.  $\frac{11}{20}$  ಮತ್ತು  $\frac{13}{20}$  ರಲ್ಲಿ  $\frac{13}{20}$  ದೊಡ್ಡದು.

### ಪ್ರಯೋಗ

1. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಯಾವುದು ?  
 (a)  $\frac{7}{10}$  ಅಥವಾ  $\frac{8}{10}$       (b)  $\frac{11}{24}$  ಅಥವಾ      (c)  $\frac{17}{102}$  ಅಥವಾ  $\frac{12}{102}$

ಈ ಹೋಲಿಕೆ ಅಂಶಂತ ಸುಲಭ ಯಾಕೆ ?

2. ಇವುಗಳನ್ನು ಏರಿಕೆ ಹಾಗೂ ಇಂತಹ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- (a)  $\frac{1}{8}, \frac{5}{8}, \frac{3}{8}$       (b)  $\frac{1}{5}, \frac{11}{5}, \frac{4}{5}, \frac{3}{5}, \frac{7}{5}$       (c)  $\frac{1}{7}, \frac{3}{7}, \frac{13}{7}, \frac{11}{7}, \frac{7}{7}$

### 7.9.2 ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಹೋಲಿಕೆ

ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಟೇಡಗಳು ಬೇರೆ ಬೇರೆಯಾಗಿದ್ದರೆ ಅವು ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $\frac{1}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{5}$  ಅದೇ ರೀತಿ  $\frac{2}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{5}$

ಒಂದೇ ಅಂಶವಿರುವ ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

$\frac{1}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{5}$  ಇವು ಒಂದೇ ಅಂಶವಿರುವ ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು.  $\frac{1}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{5}$  ರಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ದೊಡ್ಡದು?

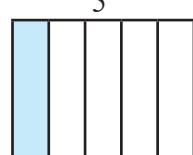
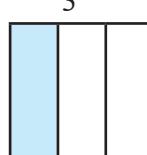
$\frac{1}{3}$  ರಲ್ಲಿ ನಾವು ಪೂರ್ವವನ್ನು ಮೂರು ಸಮಭಾಗಗಳನ್ನಾಗಿ

$\frac{1}{3}$

$\frac{1}{5}$

ಮಾಡಿ ಒಂದು ಸಮಭಾಗವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತೇವೆ.  $\frac{1}{5}$  ರಲ್ಲಿ

ನಾವು ಪೂರ್ವವನ್ನು ಇದು ಸಮಭಾಗಗಳನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿ



ಒಂದು ಸಮಭಾಗವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತೇವೆ.  $\frac{1}{3}$  ರಲ್ಲಿ  $\frac{1}{5}$  ಕ್ಕಿಂತ

ಮೊಣಂಡನ್ನು ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತೇವೆ. ಆದುದರಿಂದ  $\frac{1}{3}$  ರಲ್ಲಿ ಸಿಗುವ ಸಮಪಾಲು  $\frac{1}{5}$  ರಲ್ಲಿ ಸಿಗುವ ಸಮಪಾಲಿನಿಂದ ದೊಡ್ಡದು. ಎರಡೂ ಸಂದರ್ಭಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಂಡಿದ್ದೇವೆ (ಒಂದು ಭಾಗ) ಆದುದರಿಂದ  $\frac{1}{3}$  ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು  $\frac{1}{5}$  ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು.

ಅಂದರೆ  $\frac{1}{3} > \frac{1}{5}$ .

ಇದೇ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ  $\frac{2}{3} > \frac{2}{5}$  ಇದ್ದಲ್ಲಿ ಸಮಾನ ಅಂಶವು 1 ರ ಬದಲಾಗಿ 2 ಇರುವುದನ್ನು ಬಿಟ್ಟರೆ ಉಳಿದೆಲ್ಲವೂ ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಯಂತಹೇ ಇದೆ.  $\frac{2}{5}$  ರಲ್ಲಿ  $\frac{2}{3}$  ಕ್ಕಿಂತ ಮೊಣಂಡನ್ನು ಹೆಚ್ಚು ಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ  $\frac{2}{3}$  ರಲ್ಲಿನ ಮೊಣಂಡ ಸಮಪಾಲು  $\frac{2}{5}$  ರ ಮೊಣಂಡ ಸಮಪಾಲಿಗಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ  $\frac{2}{3}$  ವು  $\frac{2}{5}$  ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ.

ಅಂದರೆ  $\frac{2}{3} > \frac{2}{5}$ .

ಈ ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದ ತಿಳಿದು ಬರುವುದೇನೆಂದರೆ ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಅಂಶಗಳು ಒಂದೇ ಆಗಿದ್ದರೆ, ಚಿಕ್ಕ ಫೇದವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಅವೇರಡರಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡದಾಗಿರುತ್ತದೆ.

ಹೀಗೆ  $\frac{1}{8} > \frac{1}{10}$ ,  $\frac{3}{5} > \frac{3}{7}$ ,  $\frac{4}{9} > \frac{4}{11}$

ಈಗ  $\frac{2}{1}, \frac{2}{13}, \frac{2}{9}, \frac{2}{5}, \frac{2}{7}$  ನ್ನು ಏರಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯೋಣ. ಇವುಗಳೆಲ್ಲಾ ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು, ಆದರೆ ಅವುಗಳ ಅಂಶ ಒಂದೇ ಆಗಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ ಫೇದವು ದೊಡ್ಡದಾದಂತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಚಿಕ್ಕದಾಗುತ್ತಾ ಹೋಗುತ್ತದೆ.

ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಅತ್ಯಂತ ಚಿಕ್ಕದು  $\frac{2}{13}$  ಯಾಕೆಂದರೆ ಅದರ ಫೇದವು ಅತ್ಯಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ. ಏರಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಅನಂತರದ ಮೂರು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ  $\frac{2}{9}, \frac{2}{7}$  ಮತ್ತು  $\frac{2}{5}$ .  $\frac{2}{1}$  ರ ಫೇದವು ಅತ್ಯಂತ ಚಿಕ್ಕದಾಗಿರುವುದರಿಂದ ಅದು ಅತ್ಯಂತ ದೊಡ್ಡ ಭಿನ್ನರಾಶಿ. ಏರಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆದಾಗ

$\frac{2}{13}, \frac{2}{9}, \frac{2}{7}, \frac{2}{5}, \frac{2}{1}$

**ಪರ್ಯಾಪ್ತಿಗೆ**

1. ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಏರಿಕೆ ಹಾಗೂ ಇಳಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a)  $\frac{1}{12}, \frac{1}{23}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{50}, \frac{1}{9}, \frac{1}{17}$

(b)  $\frac{3}{7}, \frac{3}{11}, \frac{3}{5}, \frac{3}{2}, \frac{3}{13}, \frac{3}{4}, \frac{3}{17}$

(c) ಇದೇ ರೀತಿಯ ಮೂರು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು  
ಅವುಗಳನ್ನು ಏರಿಕೆ ಹಾಗೂ ಇಳಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

$\frac{2}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{4}$  ಇವುಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ ಎಂದಿಟ್ಟು ಹೊಳ್ಳೋಣ. ಅವುಗಳ ಅಂತ ಹಾಗೂ ಫೇದ ಎರಡೂ ಬೇರೆಬೇರೆಯಾಗಿದೆ. ಸಮ ಫೇದವಿರುವ ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸುವುದು ಹೇಗೆಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ ನಾವು ಹೊಟ್ಟ ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಫೇದಗಳನ್ನು ಅವುಗಳು ಸಮಾನವಂತೆ ಬದಲಾಯಿಸಬೇಕು. ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಲ್ಲಿ ನಾವು ಒಳಗಿಸಿದ ವಿಧಾನದಂತೆ ನಾವು ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಬೆಲೆ ಬದಲಾಯಿಸದೆ ಫೇದಗಳನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸಬಹುದು.

$\frac{2}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{4}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯೋಣ.

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{9} = \frac{8}{12} = \frac{10}{15} = \dots$$

$$\text{ಇದೇ ರೀತಿ } \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} = \frac{12}{16} = \dots$$

ಫೇದ 12 ಇರುವಂತೆ  $\frac{2}{3}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{4}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯು ಕ್ರಮವಾಗಿ  $\frac{8}{12}$  ಮತ್ತು  $\frac{9}{12}$  ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಅಂದರೆ } \frac{2}{3} = \frac{8}{12} \text{ ಹಾಗೂ } \frac{3}{4} = \frac{9}{12}$$

$$\frac{9}{12} > \frac{8}{12} \text{ ಆಗಿರುವುದರಿಂದ } \frac{3}{4} > \frac{2}{3} \text{ ಆಗಿದೆ.}$$

**ಉದಾಹರಣೆ 6:**  $\frac{4}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{5}{6}$  ನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಈ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು. ಅವುಗಳ ಅಂತಗಳು ಬೇರೆ ಬೇರೆಯಾಗಿವೆ. ಅವುಗಳ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯೋಣ.

$$\frac{4}{5} = \frac{8}{10} = \frac{12}{15} = \frac{16}{20} = \frac{20}{25} = \frac{24}{30} = \frac{28}{35} = \dots$$

$$\frac{5}{6} = \frac{10}{12} = \frac{15}{18} = \frac{20}{24} = \frac{25}{30} = \frac{30}{36} = \dots$$

ಒಂದೇ ಭೇದವಿರುವಂತೆ ಇವುಗಳ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು

$$\frac{4}{5} = \frac{24}{30} \text{ ಮತ್ತು } \frac{5}{6} = \frac{25}{30}$$

$$\frac{25}{30} > \frac{24}{30} \text{ ಆಗಿರುವುದರಿಂದ } \frac{5}{6} > \frac{4}{5}$$

ಈ ಎರಡೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಮಾನ ಭೇದ 30 (ಅಂದರೆ  $5 \times 6$ ) ಆಗಿದ್ದು ಅದು 5 ಮತ್ತು 6 ರ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯ ಆಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಎರಡು ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸುವಾಗ ಮೊದಲಿಗೆ ಆ ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಭೇದಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ಆ ಭೇದಗಳನ್ನು ಒಟ್ಟಾಗಿ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು.

**ಉದಾಹರಣೆ 7:**  $\frac{5}{6}$  ಮತ್ತು  $\frac{13}{15}$  ನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಇವುಗಳು ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು. ಮೊದಲಿಗೆ 6 ಮತ್ತು 15 ರ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯವು ಭೇದವಾಗಿರುವ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು.

$$\frac{5 \times 5}{6 \times 5} = \frac{25}{30}, \frac{13 \times 2}{15 \times 2} = \frac{26}{30}$$

$$\frac{26}{30} > \frac{25}{30} \text{ ಆಗಿರುವುದರಿಂದ } \frac{13}{15} > \frac{5}{6}$$

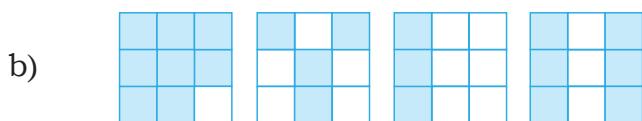
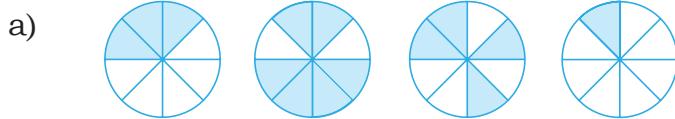
ಲ.ಸಾ.ಅ. ಏಕೆ ?

6 ಮತ್ತು 15 ರ ಗುಣಲಭ್ಯ 90 ಆಗಿರುವುದರಿಂದ 90 ವು 6 ಮತ್ತು 15 ರ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯ ಆಗಿದೆ. ಭೇದ 30 ರ ಬದಲಾಗಿ 90 ಬಳಸುವುದೂ ತಪ್ಪಲ್ಲ. ಆದರೆ ಚಿಕ್ಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೊಂದಿಗೆ ಲೆಕ್ಕಾಚಾರ ಮಾಡುವುದು ಸುಲಭ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಹಾಗಾಗಿ ನಾವು ಅಶ್ಯಂತ ಚಿಕ್ಕ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯವನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಳ್ಳುತ್ತೇವೆ. ಆದುದರಿಂದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಭೇದಗಳ ಲ.ಸಾ.ಗು ವನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತ್ಯವಾಗಿ ಪರಿಗಣಿಸಲಾಗಿದೆ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 7.4

1. ಶೇಡ್ ಮಾಡಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳ ಮಧ್ಯ <, =, > ಚಿಹ್ನೆಗಳನ್ನು ಏರಿಕೆ ಮತ್ತು ಇಳಿಕೆ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.



(c)  $\frac{2}{6}$ ,  $\frac{4}{6}$ ,  $\frac{8}{6}$  ಮತ್ತು  $\frac{6}{6}$  ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಿ.

d) ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಮಧ್ಯ ಸೂಕ್ತ ಚಿಹ್ನೆ ಹಾಕಿ  $\frac{5}{6} \square \frac{2}{6}$ ,  $\frac{3}{6} \square 0$ ,  $\frac{1}{6} \square \frac{6}{6}$ ,  $\frac{8}{6} \square \frac{5}{6}$

2. ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ ಸೂಕ್ತ ಚಿಹ್ನೆ ಹಾಕಿ.

(a)  $\frac{3}{6} \square \frac{5}{6}$

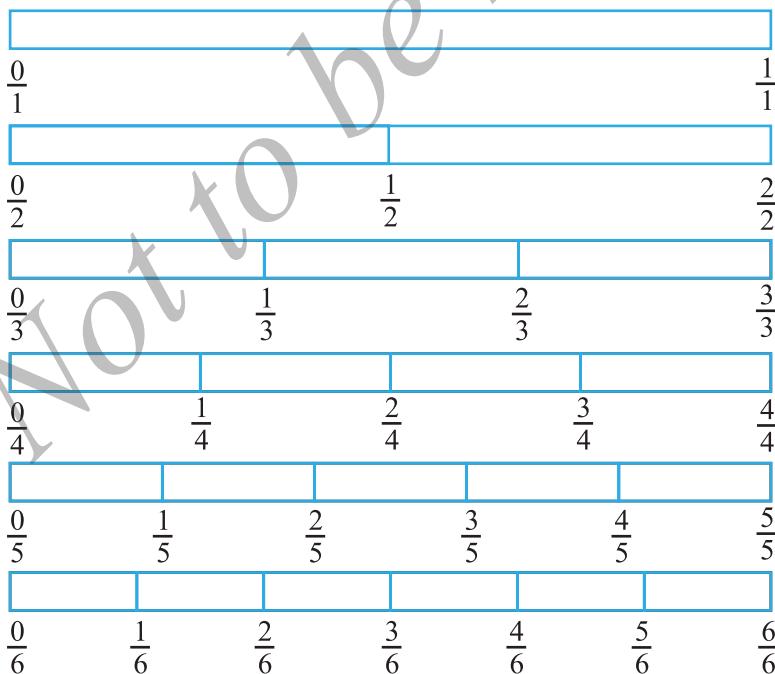
(b)  $\frac{1}{7} \square \frac{1}{4}$

(c)  $\frac{4}{5} \square \frac{5}{5}$

(d)  $\frac{3}{5} \square \frac{3}{7}$

3. ಇದೇ ರೀತಿಯ ಎದು ಜೊತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಅವುಗಳ ಮಧ್ಯ ಸರಿಯಾದ ಚಿಹ್ನೆ ಉಪಯೋಗಿಸಿ.

4. ಚಿತ್ರವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ, ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಜೊತೆಗಳ ನಡುವೆ ‘<’, ‘=’, ‘>’ ಚಿಹ್ನೆ ಹಾಕಿ.



- (a)  $\frac{1}{6} \square \frac{1}{3}$  (b)  $\frac{3}{4} \square \frac{2}{6}$  (c)  $\frac{2}{3} \square \frac{2}{4}$  (d)  $\frac{6}{6} \square \frac{3}{3}$  (e)  $\frac{5}{6} \square \frac{5}{5}$

ಇದೇ ರೀತಿಯ ಎದು ಜೊತೆ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾಠಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಉತ್ತರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

5.  $\square$  ಜಾಗದಲ್ಲಿ  $<$ ,  $=$ ,  $>$  ಚಿಹ್ನೆಯಿಂದ ತುಂಬಿಸಿ. ನೀವು ಎಷ್ಟು ವೇಗವಾಗಿ ಮಾಡುತ್ತೀರಿ ನೋಡೋಣ.

(a)  $\frac{1}{2} \square \frac{1}{5}$  (b)  $\frac{2}{4} \square \frac{3}{6}$  (c)  $\frac{3}{5} \square \frac{2}{3}$

(d)  $\frac{3}{4} \square \frac{2}{8}$  (e)  $\frac{3}{5} \square \frac{6}{5}$  (f)  $\frac{7}{9} \square \frac{3}{9}$

(g)  $\frac{1}{4} \square \frac{2}{8}$  (h)  $\frac{6}{10} \square \frac{4}{5}$  (i)  $\frac{3}{4} \square \frac{7}{8}$

(j)  $\frac{6}{10} \square \frac{4}{5}$  (k)  $\frac{5}{7} \square \frac{15}{21}$

6. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ನಾಲ್ಕು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತವೆ. ಅವುಗಳನ್ನು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪಕ್ಕೆ ತಂದು ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಮೂರು ಗುಂಪುಗಳಾಗಿ ವಿಂಗಡಿಸಿ.

(a)  $\frac{2}{12}$  (b)  $\frac{3}{15}$  (c)  $\frac{8}{50}$  (d)  $\frac{16}{100}$  (e)  $\frac{10}{60}$  (f)  $\frac{15}{75}$

(g)  $\frac{12}{60}$  (h)  $\frac{16}{96}$  (i)  $\frac{12}{75}$  (j)  $\frac{12}{72}$  (k)  $\frac{3}{18}$  (l)  $\frac{4}{25}$

7. ಸೂಕ್ತ ವಿಧಾನದೊಂದಿಗೆ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

(a)  $\frac{5}{9}$  ವು  $\frac{4}{5}$  ಕ್ಕೆ ಸಮವೇ ? (b)  $\frac{9}{16}$  ವು  $\frac{5}{9}$  ಕ್ಕೆ ಸಮವೇ ?

(c)  $\frac{4}{5}$  ವು  $\frac{16}{20}$  ಕ್ಕೆ ಸಮವೇ ? (d)  $\frac{1}{15}$  ವು  $\frac{4}{30}$  ಕ್ಕೆ ಸಮವೇ ?

8. ಇಂಜಾಳು 100 ಮಟದ ಒಂದು ಮಸ್ತಕದಲ್ಲಿ 25 ಮಟಗಳನ್ನು ಓದಿದಳು. ಲಲಿತ ಅದೇ ಮಸ್ತಕದ  $\frac{2}{5}$  ಡಾಗವನ್ನು ಓದಿದಳು. ಯಾರು ಕಡಿಮೆ ಓದಿದರು ?

9. ರಫೀಕನು ಒಂದು ಗಂಟೆಯ  $\frac{3}{6}$  ರಷ್ಟು ಸಮಯ ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡಿದನು. ರೋಹಿತನು ಗಂಟೆಯ  $\frac{3}{4}$  ರಷ್ಟು ಸಮಯ ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡಿದನು. ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ಸಮಯ ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡಿದರು?

10. 25 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವ 'A' ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 20 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪ್ರಥಮ ದರ್ಜೆಯಲ್ಲಿ ಹಾಗೂ 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವ 'B' ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 24 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪ್ರಥಮ ದರ್ಜೆಯಲ್ಲಿ ಉತ್ತೀರ್ಣರಾದರು. ಯಾವ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚಿನ ಭಾಗದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪ್ರಥಮ ದರ್ಜೆಯಲ್ಲಿ ಉತ್ತೀರ್ಣರಾದರು ?

## 7.10 ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಂಕಲನ ಹಾಗೂ ವ್ಯವಹಳನ

ಇದು ವರೆಗಿನ ನಮ್ಮ ಅಧ್ಯಯನದಲ್ಲಿ ನಾವು ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು, ಪೂರ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು, ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು ಇತ್ಯಾದಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಕಲಿತ್ತೇವೆ. ಈ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನಾವು ಸ್ವಲ್ಪ ಭಿನ್ನವೆನಿಸುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಕಲಿಯುತ್ತಿದ್ದೇವೆ.

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ

- ನನ್ನ ಅಮ್ಮೆ ಒಂದು ಸೇಬನ್ನು 4 ಸಮಾಲು ಮಾಡಿದಳು. ಅದರಲ್ಲಿ ಎರಡು ಪಾಲನ್ನು ನನಗೆ ಹಾಗೂ 1 ಪಾಲನ್ನು ನನ್ನ ತಮ್ಮನಿಗೆ ನೀಡಿದಳು. ನಮಗಿಬ್ಬಿಗೂ ಆಕೆ ನೀಡಿದ ಸೇಬುಗಳು ಎಷ್ಟು?
- ನೀಲು ಹಾಗೂ ಅವಳ ಸಹೋದರನಲ್ಲಿ ಅವರ ಅಮ್ಮೆ ಗೋಧಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಕಲ್ಲುಗಳನ್ನು ಹೆಚ್ಚು ಹೇಳಿದರು. ನೀಲು ಗೋಧಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ನಾಲ್ಕನೇ ಒಂದು ಭಾಗದಷ್ಟು ಕಲ್ಲನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿದಳು ಹಾಗೂ ಅವಳ ಸಹೋದರ ಕೂಡ ನಾಲ್ಕನೇ ಒಂದು ಭಾಗದಷ್ಟು ಕಲ್ಲನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿದನು. ಇಬ್ಬರೂ ಸೇರಿ ಗೋಧಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಕಲ್ಲನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿದರು?
- ಸೋಹನ್ ತನ್ನ ಮೋಟ್ ಪುಸ್ತಕಗಳಿಗೆ ಬೃಂಡಾ ಹಾಕುತ್ತಿದ್ದ. ಅವನು ಸೋಮವಾರ ನಾಲ್ಕನೇ ಒಂದು ಭಾಗಕ್ಕೆ, ಮಂಗಳವಾರ ನಾಲ್ಕನೇ ಒಂದು ಭಾಗ ಹಾಗೂ ಉಳಿದ ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಬುಧವಾರ ಬೃಂಡಾ ಹಾಕಿದನು. ಪುಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಕ್ಕೆ ಅವನು ಬುಧವಾರ ಬೃಂಡಾ ಹಾಕಿದನು?

ಆತ್ಮ  $1\frac{1}{2}$  ಚಪಾತಿ ತಿಂದರೆ ಅವನು ತಿಂದ ಒಟ್ಟು ಚಪಾತಿ ಎಷ್ಟು? ಈ ಏರಡೂ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ನಾವು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ. ಕೆಲವು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸುಲಭವಾಗಿ, ಮೌಲಿಕವಾಗಿ ಕೂಡಬಹುದು.

### ಇದನ್ನು ಮಾಡಿ

ಇದೇ ರೀತಿಯ 5 ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಸಹಪಾಠಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಉತ್ತರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

#### 7.10.1 ಸಮರೂಪಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಂಕಲನ ಹಾಗೂ ವ್ಯವಹಳನ

ಎಲ್ಲಾ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಮೌಲಿಕವಾಗಿ ಕೂಡಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸಂದರ್ಭಗಳಲ್ಲಿ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡುವಾಗ ಅನುಸರಿಸಬೇಕಾದ ವಿಧಾನವನ್ನು ತಿಳಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ. ನಾವು ಸಮಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಂಕಲನದೊಂದಿಗೆ ಆರಂಭಿಸೋಣ.

$7 \times 4$  ರ ಚೌಕುಳಿ ಕಾಗದವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ (ಚಿತ್ರ 7.13) ಈ ಕಾಗದದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿ ಅಡ್ಡ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 7 ಚೌಕಗಳು ಹಾಗೂ ಪ್ರತಿ ಕಂಬಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 4 ಚೌಕಗಳಿವೆ.

ಒಟ್ಟನ್ನಲ್ಲಿ ಎಪ್ಪು ಚೌಕಗಳಿವೆ ?

5 ಚೌಕಗಳಿಗೆ ಹಸಿರು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ. ಹಸಿರು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

ಈಗ ಬೇರೆ 4 ಚೌಕಗಳಿಗೆ ಹಳದಿ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ. ಹಳದಿ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ. ಒಟ್ಟು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

$$\frac{5}{28} + \frac{4}{28} = \frac{9}{28} \text{ ನ್ನು ಇದು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆಯೇ ?}$$

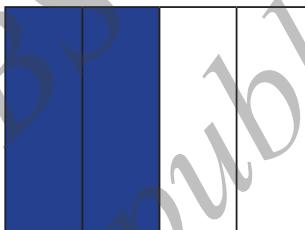
ಹೆಚ್ಚಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳು

ಚಿತ್ರ 7.14 (i) ರಲ್ಲಿ ಚಿತ್ರದ, 2 ಕಾಲು ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಲಾಗಿದೆ. ಅಂದರೆ 4 ರಲ್ಲಿ 2 ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಲಾಗಿದೆ. ಅಂದರೆ ಚಿತ್ರದ  $\frac{1}{2}$  ಭಾಗಕ್ಕೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಲಾಗಿದೆ.

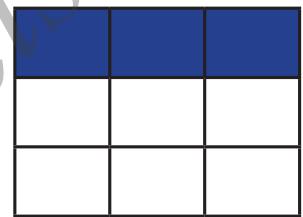
$$\text{ಅಂದರೆ } \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1+1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

ಚಿತ್ರ 7.14 (ii) ರಲ್ಲಿ ತೀಳಿಯುವುದೇನೆಂದರೆ

$$\frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} = \frac{1+1+1}{9} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$



ಚಿತ್ರ 7.14 (i)



ಚಿತ್ರ 7.14 (ii)

ಈ ಉದಾಹರಣೆಯಿಂದ ತೀಳಿಯುವುದೇನು ? ಎರಡು ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚು ಸಮಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಈ ರೀತಿ ಪಡೆಯಬಹುದು.

### ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ

ಹಂತ 1: ಅಂಶಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿರಿ.

ಹಂತ 2: ಫೇದವನ್ನು (ಸಾಮಾನ್ಯ) ಹಾಗೇ ಉಳಿಸಿ.

ಹಂತ 3: ಮೊತ್ತವನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಹಂತ 1 ರ ಉತ್ತರ

ಹಂತ 2 ರ ಉತ್ತರ

$\frac{3}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{5}$  ನ್ನು ಕೂಡಿಸೋಣ.

$$\text{ಈಗ } \frac{3}{5} + \frac{1}{5} = \frac{3+1}{5} = \frac{4}{5}$$

ಹಾಗಾದರೆ  $\frac{7}{12}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{12}$  ರ ಮೊತ್ತವೇನು ?

1. ಚಿತ್ರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಸಂಕಲನ ಮಾಡಿ

(a)  $\frac{1}{8} + \frac{1}{8}$  (b)  $\frac{2}{5} + \frac{3}{5}$

(c)  $\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$

2.  $\frac{1}{2} + \frac{1}{12}$  ನ್ನು ಕೂಡಿರಿ. ಇದನ್ನು ಚಿತ್ರದ ಸಹಾಯದಿಂದ

ಹಾಗೂ ಓರಿಗಾಮೀ (ಪೇಪರ್‌ನ ಮಡುಚುವಿಕೆ) ಮೂಲಕ ಹೇಗೆ ತೋರಿಸಬಹುದು?

3. ಇದೇ ರೀತಿಯ 5 ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಸಹಪಾಠಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಪರಿಹಾರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉಳಿಕೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವುದು.

ಶಮೀರಾ ಬಳಿ  $\frac{5}{6}$  ಕೇಕ್ ಇದೆ. ಅದರಲ್ಲಿ  $\frac{2}{6}$  ಭಾಗವನ್ನು ಅವಳು ತಮ್ಮನಿಗೆ ನೀಡಿದಳು. ಅವಳಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಕೇಕ್ ಎಷ್ಟು? ಇಲ್ಲಿ ನೀಡಲಾದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಸಮರೂಪ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೆಂಬುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಜಿತ್ತ 7.15 ಈ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸುತ್ತದೆ.



ಜಿತ್ತ 7.15

$$\frac{5}{6} - \frac{2}{6} = \frac{5-2}{6} = \frac{3}{6} \quad \text{ಅಥವಾ } \frac{1}{2} \quad \text{ಎಂದು ತೀಳಿಯುತ್ತದೆ.}$$

ಇದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಂಕಲನ ಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ಹೋಲುವುದಿಲ್ಲವೇ?

ಎರಡು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ವೃತ್ತಾಸವನ್ನು ಪಡೆಯುವ ವಿಧಾನ:

ಹಂತ 1: ಚೆಕ್ಕಿ ಅಂಶವನ್ನು ದೊಡ್ಡಾಗಿ ಅಂಶದಿಂದ ಕಳೆಯಿರಿ.

ಹಂತ 2: ಭೇದವನ್ನು (ಸಾಮಾನ್ಯ) ಹಾಗೇ ಉಳಿಸಿ.

ಹಂತ 3: ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು  $\frac{\text{ಹಂತ 1 ರ ಉತ್ತರ}}{\text{ಹಂತ 2 ರ ಉತ್ತರ}}$  ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

ಈಗ  $\frac{3}{10}$  ನ್ನು  $\frac{8}{10}$  ರಿಂದ ಕಳೆಯಬಹುದೇ?

### ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ

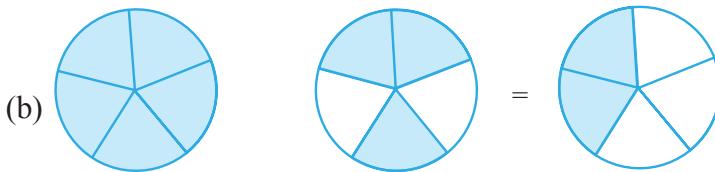
- $\frac{7}{8}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{8}$  ರ ನಡುವಿನ ವೃತ್ತಾಸ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ಅಮೃತಾಕಾರದ ಮೈಸೂರ್ ಪಾಕ್ ನ್ನು ತಯಾರಿಸಿದರು. ಅದನ್ನು 5 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ಮಾಡಿದರು. ಅದರಲ್ಲಿ ಸೀಮಾ 1 ಭಾಗ ತಿಂದಳು. ನಾನು 1 ಭಾಗ ತಿಂದರೆ ಉಳಿದ ಮೈಸೂರು ಪಾಕ್ ಎಷ್ಟು?
- ನನ್ನ ಅಕ್ಕೆ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣನ್ನು 16 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ಮಾಡಿದಳು. ನಾನು ಅದರಲ್ಲಿ 7 ಭಾಗ ಹಾಗೂ ನನ್ನ ಸ್ವೇಂತೆ 4 ಭಾಗ ತಿಂದನು. ನಾವು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣನ್ನು ತಿಂದೆವು? ನನ್ನ ಸ್ವೇಂತನಿಗಿಂತ ನಾನು ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣನ್ನು ನಾನು ತಿಂದೆನು? ಎಷ್ಟು ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣ ಉಳಿಯಿತು?
- ಇದೇ ರೀತಿಯ 5 ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾಠಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಪರಿಹರಿಸಿ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 7.5

1. ಬಿಟ್ಟು ಜಾಗದಲ್ಲಿ '+' ಅಥವಾ '-' ಚಿಹ್ನೆ ಬರೆಯಿರಿ.

(a) + =



2. ಉತ್ತರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(a)  $\frac{1}{18} + \frac{1}{18}$

(b)  $\frac{8}{15} + \frac{3}{15}$

(c)  $\frac{7}{7} + \frac{5}{7}$

(d)  $\frac{1}{22} + \frac{21}{22}$

(e)  $\frac{12}{15} + \frac{7}{15}$

(f)  $\frac{5}{8} + \frac{3}{8}$

(g)  $1 - \frac{2}{3} \left( 1 = \frac{3}{3} \right)$

(h)  $\frac{1}{4} + \frac{0}{4}$

(i)  $3 - \frac{12}{5}$

3. ಒಂದು ಕೋಣೆಯ ಗೋಡೆಯ  $\frac{2}{3}$  ಭಾಗಕ್ಕೆ ತುಭ ಬಣ್ಣ ಹಚ್ಚಿದಳು. ಅವಳ ಸಹೋದರಿ ಮಾಡಿದ  $\frac{1}{3}$  ಭಾಗಕ್ಕೆ ಬಣ್ಣ ಹಚ್ಚಿ ಆಕೆಗೆ ಸಹಕರಿಸಿದಳು. ಅವರು ಇಬ್ಬರೂ ಸೇರಿ ಒಟ್ಟು ಎಪ್ಪು ಭಾಗಕ್ಕೆ ಬಣ್ಣ ಹಚ್ಚಿದರು?

4. ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳ ತುಂಬಿರಿ.

(a)  $\frac{7}{10} - \square = \frac{3}{10}$

(b)  $\square - \frac{3}{21} = \frac{5}{21}$

(c)  $\square + \frac{3}{6} = \frac{3}{6}$

(d)  $\square + \frac{5}{27} = \frac{12}{27}$

5. ಜಾವೇದನಿಗೆ ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿನ  $\frac{5}{7}$  ಭಾಗ ಕಿತ್ತಳೆಯನ್ನು ನೀಡಲಾಯಿತು. ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಹಣನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

### 7.10.2 ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಂಕಲನ ಹಾಗೂ ಘ್ಯವಕಲನ

ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡುವುದು ಹಾಗೂ ಕಳೆಯುವುದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಒಂದೇ ಭೇದವನ್ನು ಹೊಂದಿರದ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡುವುದು ಅಪ್ಪು ಕಟ್ಟಲ್ಲ. ನಾವು ಅಂತಹ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕೂಡುವಾಗ ಅಥವಾ ಕಳೆಯುವಾಗ ಮೊದಲಿಗೆ ಸಮ ಭೇದವಿರುವಂತೆ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ಮುಂದುವರಿಯಬೇಕು.  $\frac{1}{5}$  ಕ್ಕೆ ಎಪ್ಪು ಸೇರಿಸಿದರೆ  $\frac{1}{2}$  ಸಿಗುತ್ತದೆ? ಈ ಸಂಖ್ಯೆ ಸಿಗಲು  $\frac{1}{5}$  ನ್ನು  $\frac{1}{2}$  ರಿಂದ ಕಳೆಯಬೇಕೆಂದರ್ಥ.  $\frac{1}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{2}$  ಅಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿರುವುದರಿಂದ ಕಳೆಯಲು ಮೊದಲಿಗೆ ಅವುಗಳನ್ನು ಒಂದೇ ಭೇದವಿರುವ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಬೇಕು. ಅವುಗಳೆಂದರೆ ಕ್ರಮವಾಗಿ  $\frac{5}{10}$  ಮತ್ತು  $\frac{5}{10}$

$$\text{ಏಕೆಂದರೆ } \frac{1}{2} = \frac{1 \times 5}{2 \times 5} = \frac{5}{10} \quad \text{ಹಾಗೂ } \frac{1}{5} = \frac{1 \times 2}{5 \times 2} = \frac{2}{10}$$

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } \frac{1}{2} - \frac{1}{5} = \frac{5}{10} - \frac{2}{10} = \frac{5-2}{10} = \frac{3}{10}$$

2 ಮತ್ತು 5 ರ ಲ.ಸಾ.ಗು. ವು 10 ಎಂಬುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 8:**  $\frac{5}{6}$  ರಿಂದ  $\frac{3}{4}$  ನ್ನು ಕಳೆಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:**  $\frac{3}{4}$  ಮತ್ತು  $\frac{5}{6}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಭೇದ ಸಮವಿರುವಂತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು.

ಈ ಭೇದವು 4 ಮತ್ತು 6 ರ ಲ.ಸಾ.ಗು. ಆಗಿದೆ. ಈ ಲ.ಸಾ.ಗು. 12 ಆಗಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ

$$\frac{5}{6} - \frac{3}{4} = \frac{5 \times 2}{6 \times 2} - \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{10}{12} - \frac{9}{12} = \frac{1}{12}$$

**ಉದಾಹರಣೆ 9:**  $\frac{1}{3}$  ಮತ್ತು – ನ್ನು ಕೂಡಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** 5 ಮತ್ತು 3 ರ ಲ.ಸಾ.ಗು. 15 ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } \frac{2}{5} + \frac{1}{3} = \frac{2 \times 3}{5 \times 3} + \frac{1 \times 5}{3 \times 5} = \frac{6}{15} + \frac{5}{15} = \frac{11}{15}$$

#### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ

1.  $\frac{2}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{3}{7}$  ನ್ನು ಸಂಕಲನ ಮಾಡಿ.
2.  $\frac{2}{5}$  ನ್ನು  $\frac{5}{7}$  ರಿಂದ ಕಳೆಯಿರಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 10 :**  $\frac{3}{5} - \frac{7}{20}$  ನ್ನು ಸುಲಭೀಕರಿಸಿ.

ಪರಿಹಾರ : 5 ಮತ್ತು 20 ರ ಲ.ಸಾ.ಗು. 20 ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಆದ್ದರಿಂದ } \frac{3}{5} - \frac{7}{20} = \frac{3 \times 4}{5 \times 4} - \frac{7}{20} = \frac{12}{20} - \frac{7}{20} = \frac{5}{20} = \frac{1}{4}$$

ಮತ್ತು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ಸಂಕಲನ ಮತ್ತು ವ್ಯವಕಲನ ಹೇಗೆ ?

ಮತ್ತು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಒಂದು ಪೊರ್ಟ್ ಭಾಗ ಹಾಗೂ ಒಂದು ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿ ಅಥವಾ ಒಂದು ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿ ಬರೆಯಬಹುದು. ಇವುಗಳನ್ನು ಸಂಕಲನ ಅಥವಾ ವ್ಯವಕಲನ ಮಾಡಲು ಇರುವ ಒಂದು ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಪೊರ್ಟ್ ಹಾಗೂ ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳ ನಡುವೆ ಪ್ರತ್ಯೇಕವಾಗಿ ಕ್ರಿಯೆ ಮಾಡುವುದು. ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಮತ್ತು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಿ ಅವುಗಳ ನಡುವೆ ಕ್ರಿಯೆ ಮಾಡುವುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 11:**  $2\frac{4}{5}$  ಮತ್ತು  $3\frac{5}{6}$  ನ್ನು ಸಂಕಲನ ಮಾಡಿ.

$$\text{ಪರಿಹಾರ: } 2\frac{4}{5} + 3\frac{5}{6} = 2 + \frac{4}{5} + 3 + \frac{5}{6} = 5 + \frac{4}{5} + \frac{5}{6}$$

5 ಮತ್ತು 6 ರ ಲ.ಸಾ.ಗು. 30 ಆಗಿರುವುದರಿಂದ

$$\frac{4}{5} + \frac{5}{6} = \frac{4 \times 6}{5 \times 6} + \frac{5 \times 5}{6 \times 5} = \frac{24}{30} + \frac{25}{30} = \frac{49}{30} = \frac{30+19}{30} = 1 + \frac{19}{30}$$

$$\text{ಆದ್ದರಿಂದ } 5 + \frac{4}{5} + \frac{5}{6} = 5 + 1 + \frac{19}{30} = 6 + \frac{19}{30} = 6\frac{19}{30}$$

$$\text{ಅಂದರೆ } 2\frac{4}{5} + 3\frac{5}{6} = 6\frac{19}{30}$$

ಆಲೋಚಿಸಿ, ಚರ್ಚಿಸಿ, ಬರೆಯಿರಿ

ಈ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಮಾಡುವ ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನ ಹೇಗೆ ?

**ಉದಾಹರಣೆ 12:**  $4\frac{2}{5} - 2\frac{1}{5}$  ನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ :** ಪೊರ್ಟ್ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾದ 4 ಮತ್ತು 2 ಹಾಗೂ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾದ  $\frac{2}{5}$  ಮತ್ತು  $\frac{1}{5}$  ನ್ನು ಬೇರೆಯಾಗಿಯೇ ಕಳೆಯಬಹುದು.

( $4 > 2$  ಹಾಗೂ  $\frac{2}{5} > \frac{1}{5}$  ಆಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ)

$$\text{ಆದ್ದರಿಂದ } 4\frac{2}{5} - 2\frac{1}{5} = (4 - 2) + \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{5}\right) = 2 + \frac{1}{5} = 2\frac{1}{5}$$

ಉದಾಹರಣೆ 13 :  $8\frac{1}{4} - 2\frac{5}{6}$  ಸರಳೀಕರಿಸಿ.

ಪರಿಹಾರ : ಇಲ್ಲಿ  $8 > 2$  ಹಾಗೂ  $\frac{1}{4} < \frac{5}{6}$  ಆಗಿರುವುದರಿಂದ

$$8\frac{1}{4} = \frac{(8 \times 4) + 1}{4} = \frac{33}{4} \text{ ಹಾಗೂ } 2\frac{5}{6} = \frac{(2 \times 6) + 5}{6} = \frac{17}{6}$$

$$\text{ಈಗ } \frac{33}{4} - \frac{17}{6} = \frac{33 \times 3}{12} - \frac{17 \times 2}{12} \quad (4 \text{ ಮತ್ತು } 6 \text{ ರ L.C.M. } 12)$$

$$= \frac{99}{12} - \frac{34}{12} = \frac{65}{12} = 5\frac{5}{12}$$



### ಅಭ್ಯಾಸ 7.6

1. ಪರಿಹಾರ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

(a)  $\frac{2}{3} + \frac{1}{7}$       (b)  $\frac{3}{10} + \frac{7}{15}$       (c)  $\frac{4}{9} + \frac{2}{7}$       (d)  $\frac{5}{7} + \frac{1}{3}$

(e)  $\frac{2}{5} + \frac{1}{6}$       (f)  $\frac{4}{5} + \frac{2}{3}$       (g)  $\frac{3}{4} - \frac{1}{3}$       (h)  $\frac{5}{6} - \frac{1}{3}$

(i)  $\frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{1}{2}$       (j)  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6}$       (k)  $1\frac{1}{3} + 3\frac{2}{3}$

(l)  $4\frac{2}{3} + 3\frac{1}{4}$       (m)  $\frac{16}{5} - \frac{7}{5}$       (n)  $\frac{4}{3} - \frac{1}{2}$

2. ಸರಿತಾ  $\frac{2}{5}$  m ರಿಬ್ಬನ್ ಹಾಗೂ ಲಲಿತಾ  $\frac{3}{5}$  m ರಿಬ್ಬನ್ ಖರೀದಿಸಿದರೆ ಅವರಿಬ್ಬರು ಖರೀದಿಸಿದ ರಿಬ್ಬನ್ನನ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು ?

3. ಸ್ನೇಹಾಳಿಗೆ  $1\frac{1}{2}$  ಭಾಗ ಕೇಕ್ ಹಾಗೂ ನಚ್ಚಾಳಿಗೆ  $1\frac{1}{3}$  ಭಾಗ ಕೇಕ್ ನೀಡಿದರೆ ಅವರಿಬ್ಬರಿಗೆ ನೀಡಿದ ಒಟ್ಟು ಕೇಕ್ ಎಷ್ಟು ?

4.  ಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ.

(a)  $\square - \frac{5}{8} = \frac{1}{4}$  (b)  $\square - \frac{1}{5} = \frac{1}{2}$  (c)  $\frac{1}{2} - \square = \frac{1}{6}$

5. ಸಂಕಲನ ವ್ಯವಹಾರದಲ್ಲಿ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ಭೂತಿಕ ಮಾಡಿ.

(a)

$\frac{1}{2}$	$\frac{4}{3}$	
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	

(b)

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	

6.  $\frac{7}{8}$  m ಉದ್ದದ ಒಂದು ತೆಂತಿಯನ್ನು ವರಡು ಭಾಗ ಮಾಡಲಾಗಿದೆ. ಅದರಲ್ಲಿ ಒಂದು ತುಂಡಿನ ಉದ್ದ  $\frac{1}{4}$  m ಆದರೆ ಇನ್ನೊಂದು ತುಂಡಿನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು?
7. ನಂದಿನಿಯ ಮನೆ ಶಾಲೆಯಿಂದ  $\frac{9}{10}$  km ದೂರವಿದೆ. ಅವಳು ಸ್ವಲ್ಪ ದೂರ ನಡೆದು ಆ ನಂತರ  $\frac{1}{2}$  km ದೂರವನ್ನು ಬಸ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಮನೆ ತಲುಪುತ್ತಾಳೆ. ಅವಳು ನಡೆದ ದೂರ ಎಷ್ಟು?
8. ಆಶಾ ಹಾಗೂ ಸ್ಯಾಮ್ರೂಲ್ ಬಳಿ ಒಂದೇ ಅಳತೆಯ ಕಪಾಟಗಳಿಧ್ಯಾ ಅದು ಭಾಗಶಃ ತುಂಬಿದೆ. ಆಶಾ ಕಪಾಟು  $\frac{5}{6}$  ರಷ್ಟು ತುಂಬಿದೆ ಹಾಗೂ ಸ್ಯಾಮ್ರೂಲ್‌ನ ಕಪಾಟು  $\frac{2}{5}$  ರಷ್ಟು ತುಂಬಿದೆ. ಯಾರ ಕಪಾಟು ಜಾಸ್ತಿ ತುಂಬಿದೆ ಹಾಗೂ ಎಷ್ಟು ತುಂಬಿದೆ?
9. ಶಾಲಾ ಮೈದಾನ ದಾಟಲು ಜ್ಯೇಷ್ಠ 2  $\frac{1}{5}$  ನಿಮಿಷ ತೆಗೆದುಕೊಂಡನು. ರಾಹುಲ್ ಇದೇ ಕೆಲಸ ಮಾಡಲು  $\frac{7}{4}$  ನಿಮಿಷ ತೆಗೆದುಕೊಂಡನು. ಯಾರು ಕಡಿಮೆ ಅವಧಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡರು? ಎಷ್ಟು ಕಡಿಮೆ?

### ನಾವು ಚರ್ಚಿಸಿದ್ದೇನು ?

1. (a) ಒಂದು ಮೊಣಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವುದು ಭಿನ್ನರಾಶಿ. ಮೊಣಿವು ಒಂದು ವಸ್ತುವಾಗಿರಬಹುದು ಅಥವಾ ವಸ್ತುಗಳ ಸಂಗ್ರಹವಾಗಿರಬಹುದು?
- (b) ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲು ಮೊಣಿದಿಂದಾದ ಭಾಗಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸಮವೇ ಎಂದು ವಿಚಿತಪಡಿಸಿಕೊಳ್ಳಬೇಕು.
2.  $\frac{5}{7}$  ರಲ್ಲಿ 5 ನ್ನು ಅಂಶವೆಂದು, 7 ನ್ನು ಭೇದವೆಂದೂ ಕರೆಯುತ್ತಾರೆ.
3. ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಬಹುದು. ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗೂ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಬಿಂದು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲಿದೆ.

4. ಸಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ಅಂಶವು ಭೇದಕ್ಕಿಂತ ಚಿಕ್ಕದ್ದು. ಭೇದಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾದ ಅಂಶವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಎನ್ನುವರು. ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಒಂದು ಪೂರ್ಣ ಹಾಗೂ ಒಂದು ಭಾಗದ ಸಂಯೋಜಿತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು. ಇಂತಹ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳೆನ್ನುವರು.
5. ಎಲ್ಲಾ ಸಮ ಹಾಗೂ ವಿಷಮ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿಗೆ ಅನೇಕ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಿವೆ. ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಭೇದಗಳನ್ನು ಒಂದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಭಾಗಿಸಿ ಅಥವಾ ಗುಣಿಸಿ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಬಹುದು.
6. ಒಂದು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಅಂಶ ಹಾಗೂ ಭೇದಗಳ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನೆ 1 ಬಿಟ್ಟು ಯಾವುದೂ ಇಲ್ಲಿದಿದ್ದರೆ ಆ ಭಿನ್ನರಾಶಿ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿದೆ ಎಂದು ಹೇಳುತ್ತಾರೆ.



©KTB  
Not to be republished

# ದಶಮಾಂಶಗಳು

ಈ ಶಿಕ್ಷಣ ವಿಧಿ

## 8.1 ಪೀಠಿಕೆ

ಸವಿತಾ ಮತ್ತು ಶರ್ಮಾ ಕೆಲವು ಲೇಖನಿ ಸಾಮಗ್ರಿಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಅಂಗಡಿಗೆ ಹೋಗಿದ್ದರು. “ನನ್ನಲ್ಲಿ 5 ರೂಪಾಯಿ 75 ಪೈಸೆ ಇದೆ” ಎಂದು ಸವಿತಾ ಹೇಳಿದಳು. “ನನ್ನಲ್ಲಿ 7 ರೂಪಾಯಿ 50 ಪೈಸೆ ಇದೆ” ಎಂದು ಶರ್ಮಾ ಹೇಳಿದಳು.

ದಶಮಾಂಶ ಬಳಸಿ ರೂಪಾಯಿ ಹಾಗೂ ಪೈಸೆಯನ್ನು ಬಳಸುವುದು ಹೇಗೆಂದು ಅವರಿಗೆ ತಿಳಿದಿತ್ತು. ಆದುದರಿಂದ ಸವಿತಾ ಹೇಳಿದಳು ನನ್ನಲ್ಲಿ ₹ 5.75 ಮೊತ್ತ ಇದೆ” ಹಾಗೂ ಶರ್ಮಾ ಹೇಳಿದಳು “ನನ್ನಲ್ಲಿ ₹ 7.50 ಮೊತ್ತ ಇದೆ” ಎಂದು.



ಅವರು ಸರಿಯಾಗಿ ಬರೆದಿದ್ದಾರೆಯೇ?

ಬಿಂದುವು ದಶಮಾಂಶವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಈ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಹೆಚ್ಚು ತಿಳಿಯೋಣ.

## 8.2 ಹತ್ತನೇ ಭಾಗ

ರವಿ ಮತ್ತು ರಾಜ ಪೆನ್ನಿಲ್‌ಗಳ ಉದ್ದ ಅಳಿದರು. ರವಿಯ ಪೆನ್ನಿಲ್ 7cm 5mm ಉದ್ದವಿತ್ತು ಹಾಗೂ ರಾಜವಿನ ಬಳಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಪೆನ್ನಿಲ್ 8cm 3mm ಉದ್ದವಿತ್ತು. ಈ ಉದ್ದಗಳನ್ನು ಸೆಂಟಿ ಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದೆ?

$10\text{mm} = 1\text{cm}$  ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

ಆದುದರಿಂದ  $1\text{mm} = \frac{1}{10} \text{ cm}$  ಅಥವಾ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ =  $0.1\text{cm}$

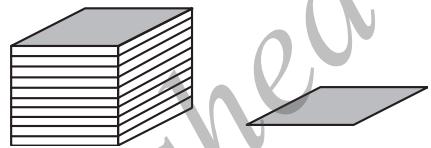
ರವಿಯ ಬಳಿಯ ಪೆನ್ನಿಲ್‌ನ ಉದ್ದ =  $7\text{cm } 5\text{mm}$

$$= 7 \frac{5}{10} \text{ cm} \text{ ಅಂದರೆ } 7\text{cm} \text{ ಮತ್ತು } 10\text{ನೇ } 5\text{cm} \\ = 7.5\text{cm}$$

ರಾಜು ಬಳಿಯ ಪೆನ್ಸಿಲ್ ಉದ್ದ = 8cm 3mm

$$= 8\frac{3}{10} \text{ cm} \text{ ಅಂದರೆ } 8\text{cm} \text{ ಮತ್ತು } 10\text{ನೇ } 3\text{cm} \\ = 8.3 \text{ cm}$$

ನಾವು ಹಿಂದೆ ದಶಮಾಂಶದ ಬಗ್ಗೆ ಕಲಿಕಿರುವುದನ್ನು ಸೃಂಗಿಕೊಳ್ಳೋಣ. ನಾವು ಬಿಡಿಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟು ಮಾಡಬಹುದು. ಇಂತಹ ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟನ್ನು 1 ಕಟ್ಟು ಎಂದೂ, 2 ಹತ್ತರ ಕಟ್ಟನ್ನು ಎರಡು ಕಟ್ಟು ಎಂದೂ ಪರಿಗಣಿಸಬಹುದು. ಈ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಕಟ್ಟನ್ನು 10 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ಮಾಡಬಹುದು(ಬಿಡಿಗಳಾಗಿ). ಈ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು 10ನೇ 1 ಕಟ್ಟು ಹಾಗೂ ಎರಡು ಭಾಗಗಳನ್ನು 10ನೇ 2 ಕಟ್ಟು ಎಂದು ಹೇಳಬಹುದು. ಎರಡು ಕಟ್ಟುಗಳು ಹಾಗೂ 3 ಭಾಗಗಳು (10ನೇ 1) ನ್ನು ಹೀಗೆ ದಾಖಲಿಸಬಹುದು.



ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$
2	3

ಇದನ್ನು 2.3 ಎಂದು ಬರೆಯಲಾಗುತ್ತದೆ ಹಾಗೂ 2 ಬಿಂದು 3 ಎಂದು ಓದಲಾಗುತ್ತದೆ (2 ಪಾಯಿಂಚ್ 3). ಹೆಚ್ಚು ಬಿಡಿಗಳಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸೋಣ. ಇಲ್ಲಿ ಒಂದು ಕಟ್ಟು 10 ಮಾನಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ. ಆದುದರಿಂದ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಹೀಗೆ ಬರೆಯಬಹುದು.

ಹತ್ತಗಳು	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
(10)	(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$
2	3	5

$$\text{ಅಂದರೆ } 20 + 3 + \frac{5}{10} = 23.5 \text{ ಇಪ್ಪತ್ತಮೂರು ಬಿಂದು } 5 \text{ ಎಂದು ಓದುತ್ತೇವೆ.}$$

**ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ**



1. ಇದನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

ನೂರಿಗಳು	ಹತ್ತಿಗಳು	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
(100)	(10)	(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$
5	3	8	1
2	7	3	4
3	5	4	6

2. ರವಿ ಹಾಗೂ ರಾಜು ಬಳಿಯಿರುವ ಪೆಸ್ನಿಂಗಳ ಉದ್ದೇಶನ್ನು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.  
3. 1 ನೇ ಪ್ರಶ್ನೆಯಲ್ಲಿರುವಂತೆ ಮೂರು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಪರಿಹಾರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

### ದಶಮಾಂಶವನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವುದು

ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ನಾವು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಿದ್ದೇವೆ. ಈಗ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸೋಣ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ 0.6 ನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

0.6 ಇದು ಸೊನ್ನೆಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ ಹಾಗೂ ಒಂದಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆಯಾಗಿದೆ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಅದರಲ್ಲಿ 6 ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳಿವೆ. ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ 0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವೆ 10 ಸಮಾಲುಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ 6 ಪಾಲುಗಳನ್ನು ಇಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತೆ ಪರಿಗಣಿಸಬೇಕು.



0 ಮತ್ತು 1 ರ ನಡುವಿನ 5 ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಅವುಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಿ.

ಈಗ 2.3 ನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದೇ? ಪರಿಶೀಲಿಸಿ. 2.3 ರಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಬಿಡಿಗಳು ಹಾಗೂ ಎಷ್ಟು ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳಿವೆ? ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಅದು ಎಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ?

ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ 1.4 ನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 1:** ಇವುಗಳಿಗೆ ಸಾಫ್ತ್‌ನ ಬೆಲೆ ಕೋಟ್‌ಕೆ ರಚಿಸಿ.

(a) 20.5 (b) 4.2

**ಪರಿಹಾರ:** ಒಂದು ಸಾಫ್ತ್‌ನ ಬೆಲೆ ಕೋಟ್‌ಕೆ ಮಾಡಿ ಇಲ್ಲಿ ನೀಡಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿರುವ ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಕ್ತ ಜಾಗದಲ್ಲಿ ಬರೆಯೋಣ.

ಸಂಖ್ಯೆ	ಹತ್ತಿಗಳು	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
	(10)	(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$
20.5	2	0	5
4.2	0	4	2

**ಉದಾಹರಣೆ 2:** ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- (a) ಎರಡು ಒಂದುಗಳು ಮತ್ತು ಒಂದು ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
- (b) ಮೂವತ್ತು ಹಾಗೂ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು

**ಪರಿಹಾರ:**

- (a) ಎರಡು ಒಂದುಗಳು ಮತ್ತು ಒಂದು ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು

$$= 2 + \frac{5}{10} = 2.5$$

- (b) ಮೂವತ್ತು ಹಾಗೂ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು =  $30 + \frac{1}{10} = 30.1$

**ಉದಾಹರಣೆ 3:** ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶಗಳಾಗಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a)  $30 + 6 + \frac{2}{10}$

(b)  $600 + 2 + \frac{8}{10}$

**ಪರಿಹಾರ:** (a)  $30 + 6 + \frac{2}{10}$

ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಹತ್ತುಗಳು, ಬಿಡಿಗಳು ಹಾಗೂ ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳಿವೆ?

ಇದರಲ್ಲಿ 3 ಹತ್ತುಗಳು, 6 ಬಿಡಿಗಳು ಹಾಗೂ 2 ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳಿವೆ. ಆದುದರಿಂದ ಇದರ ದಶಮಾಂಶ ರೂಪ 36.2 ಆಗಿದೆ.

(b)  $600 + 2 + \frac{8}{10}$

ಇದರಲ್ಲಿ 6 ನೂರುಗಳು, 2 ಬಿಡಿಗಳು ಹಾಗೂ 8 ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳಿವೆ. ಆದುದರಿಂದ ಈ ಸಂಖ್ಯೆ ದಶಮಾಂಶ ರೂಪ 602.8 ಆಗಿದೆ.

**ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶಗಳಾಗಿ ಪರಿವರ್ತನೆ**

ಫೇದ 10 ಇರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ದಶಮಾಂಶವಾಗಿ ಬರೆಯುವ ವಿಧಾನ ನಮಗೆ ಈಗಾಗಲೇ ತಿಳಿದಿದೆ.

ಈಗ (a)  $\frac{11}{5}$  ಹಾಗೂ (b)  $\frac{1}{2}$  ನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸೋಣ.

$$(a) \frac{11}{5} = \frac{22}{10} = \frac{20+2}{10} = \frac{20}{10} + \frac{2}{10} = 2 + \frac{2}{10} = 2.2$$

ಆದುದರಿಂದ  $\frac{11}{5}$  ರ ದಶಮಾಂಶ ರೂಪ 2.2 ಆಗಿದೆ.

$\frac{1}{2}$  ರಲ್ಲಿ ಭೇದವು 2 ಆಗಿದೆ. ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲು ಭೇದ 10 ಆಗಬೇಕು. ಭೇದ 10 ಇರುವಂತೆ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವುದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 5}{2 \times 5} = \frac{5}{10} = 0.5$$

ಆದುದರಿಂದ  $\frac{1}{2}$  ಇದರ ದಶಮಾಂಶ ರೂಪ 0.5

ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ:

$\frac{3}{2}, \frac{4}{5}, \frac{2}{5}$ ಗಳನ್ನು  
ದಶಮಾಂಶಗಳಾಗಿ ಬರೆಯಿರಿ.

ದಶಮಾಂಶವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿ ಪರಿವರ್ತನೆ

10, 2, ಅಥವಾ 5 ಇವುಗಳನ್ನು ಭೇದವಾಗಿ ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯುವುದು ಹೇಗೆಂದು ತಿಳಿದೆವು. 1.2 ರಂತಹ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳಾಗಿ ಬರೆಯಬಹುದೇ?

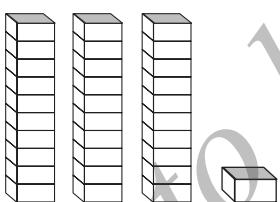
$$1.2 = 1 + \frac{2}{10} = \frac{10}{10} + \frac{2}{10} = \frac{12}{10}$$



### ಅಭ್ಯಾಸ 8.1

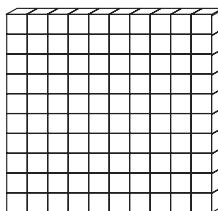
1. ಈ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a)

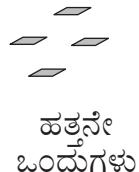


ಹತ್ತುಗಳು      ಒಂದುಗಳು

(b)



ನೂರುಗಳು      ಹತ್ತುಗಳು



ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು

ನೂರುಗಳು	ಹತ್ತುಗಳು	ಒಂದುಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು
(100)	(10)	(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$

2. ಸಂಖ್ಯೆ ಸ್ಥಾನ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಈ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

- (a) 19.4      (b) 0.3      (c) 10.6      (d) 205.9

3. ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- |                         |                                       |
|-------------------------|---------------------------------------|
| (a) ಹತ್ತನೇ ಏಳು          | (b) ಎರಡು ಹತ್ತುಗಳು ಹಾಗೂ ಹತ್ತನೇ ಒಂಭತ್ತು |
| (c) ಹದಿನಾಲ್ಕು ಬಿಂದು ಆರು | (d) ಒಂದು ನೂರು ಹಾಗೂ ಎರಡು ಒಂದುಗಳು       |
| (e) ಆರು ನೂರು ಬಿಂದು ಎಂಟು |                                       |

4. ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- |                         |                        |                                   |                     |
|-------------------------|------------------------|-----------------------------------|---------------------|
| (a) $\frac{5}{10}$      | (b) $3 + \frac{7}{10}$ | (c) $200 + 60 + 5 + \frac{1}{10}$ |                     |
| (d) $70 + \frac{8}{10}$ | (e) $\frac{88}{10}$    | (f) $4 \frac{2}{10}$              | (g) $\frac{3}{2}$   |
| (h) $\frac{2}{5}$       | (i) $\frac{12}{5}$     | (j) $3 \frac{3}{5}$               | (k) $4 \frac{1}{2}$ |

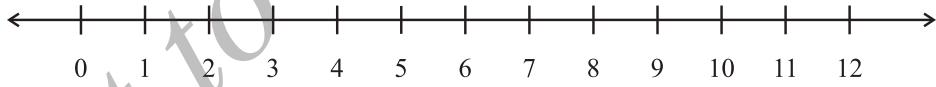
5. ಈ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆದು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- |          |         |         |         |          |
|----------|---------|---------|---------|----------|
| (a) 0.6  | (b) 2.5 | (c) 1.0 | (d) 3.8 | (e) 13.7 |
| (f) 21.2 | (g) 6.4 |         |         |          |

6. ಇವುಗಳನ್ನು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ (cm) ಉಪಯೋಗಿಸಿ ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- |             |            |            |
|-------------|------------|------------|
| (a) 2mm     | (b) 30mm   | (c) 116 mm |
| (d) 4cm 2mm | (e) 162 mm | (f) 83 mm  |

7. ಇಲ್ಲಿ ನೀಡಲಾದ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ಯಾವ ಎರಡು ಮೂರಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ನಡುವೆ ಇದೆ? ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವ ಮೂರಣಸಂಖ್ಯೆಗೆ ಈ ದಶಮಾಂಶ ಹೆಚ್ಚು ಹತ್ತಿರವಿದೆ?

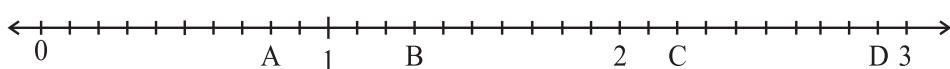


- |         |         |         |
|---------|---------|---------|
| (a) 0.8 | (b) 5.1 | (c) 2.6 |
| (d) 6.4 | (e) 9.1 | (f) 4.9 |

8. ಈ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಿ.

- |         |         |         |         |
|---------|---------|---------|---------|
| (a) 0.2 | (b) 1.9 | (c) 1.1 | (d) 2.5 |
|---------|---------|---------|---------|

9. ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಲಾದ ಬಿಂದುಗಳಾದ A, B, C, D ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.



10. (a) ರಮೇಶನಲ್ಲಿರುವ ನೋಟ್ ಪ್ರಸ್ತುತಿದ ಉದ್ದ್ಯ 9cm. 5mm ಇದೆ. ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ನಲ್ಲಿ ಅದರ ಉದ್ದ್ಯ ಬರೆಯಿರಿ.

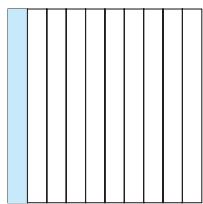
(b) ಒಂದು ಗಿಡದ ಉದ್ದ್ಯ 65mm ಇದೆ. ಈ ಉದ್ದ್ಯವನ್ನು cm ನಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

### 8.3 ನೂರನೇ ಒಂದು

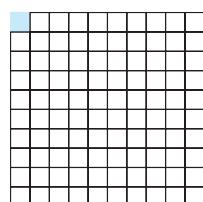
ಡೇವಿಡ್ ತನ್ನ ಕೋಣೆಯ ಉದ್ದ್ಯವನ್ನು ಅಳೆಯುತ್ತಿದ್ದಾನೆ. ಆ ಕೋಣೆಯ ಉದ್ದ್ಯ 4m 25cm ಎಂದು ಕಂಡುಕೊಂಡನು. ಅವನಿಗೆ ಈ ಉದ್ದ್ಯವನ್ನು ಮೀಟರ್‌ನಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬೇಕಾಗಿದೆ. ಅವನಿಗೆ ಸಹಾಯ ಮಾಡುವಿರಾ? ಒಂದು ಮೀಟರ್‌ನ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಒಂದು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಆಗಿರುತ್ತದೆ?

$$1\text{cm} = \left(\frac{1}{100}\right) \text{m.} \text{ ಅಥವಾ } \text{ಮೀಟರ್‌ನ ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗ.}$$

ಅಂದರೆ  $25\text{cm} = \frac{25}{100} \text{ m} = \frac{1}{4} \text{ m}$  ಅಂದರೆ ಮೊರ್ಫದ ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗ.  $\frac{1}{10}$  ನ್ನು ಚಿತ್ರದ ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಿದಂತೆ ಇದನ್ನು ಚಿತ್ರದ ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸೋಣ.

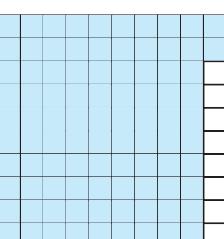
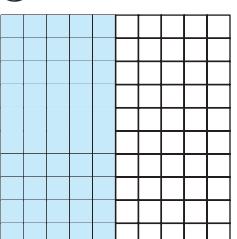
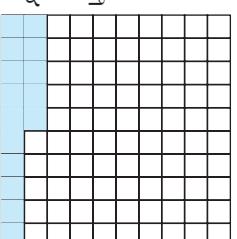
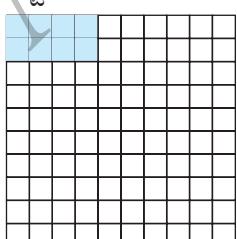


ಚಿತ್ರ (i)



ಚಿತ್ರ (ii)

ದೊಡ್ಡ ಚೌಕದಲ್ಲಿ 8, 15, 50, 92 ಚಿಕ್ಕ ಚೌಕಗಳನ್ನು ಶೇಡ್ ಮಾಡಿದರೆ ಶೇಡ್ ಮಾಡಿದ ಭಾಗ ದೊಡ್ಡ ಚೌಕದ ಎಷ್ಟನೇ ಭಾಗ ? ಇದನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಲು ಈ ಚಿತ್ರದ ಸಹಾಯ ಪಡೆಯಿರಿ.



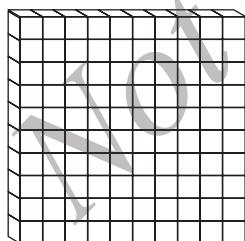
ಶೇಂದ್ರ ಮಾಡಿದ ಭಾಗ	ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪ	ದಶಮಾಂತ ರೂಪ
8 ಚೌಕಗಳು	$\frac{8}{100}$	0.08
15 ಚೌಕಗಳು	$\frac{15}{100}$	0.15
50 ಚೌಕಗಳು		
92 ಚೌಕಗಳು		

ಈ ಸಾಫ್ತ್ವನ ಬೆಲೆ ಕೋಟ್ಟಕವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

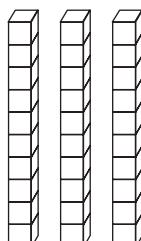
ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು
(1)	$\left(\frac{1}{10}\right)$	$\left(\frac{1}{100}\right)$
2	4	3

ಈ ಕೋಟ್ಟಕದಲ್ಲಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯು  $2 + \frac{4}{10} + \frac{3}{100}$  ಆಗಿದೆ. ಇದರ ದಶಮಾಂತ ರೂಪ 2.43. ಇದನ್ನು ಎರಡು ಒಂದು ನಾಲ್ಕು ಮೂರು ಎಂದು ಪ್ರಾಣಿಸಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 4:** ಜಿತ್ತದಲ್ಲಿರುವ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಮಾಹಿತಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕೋಟ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟಿರುವ ಸಾಫ್ತ್ವನಗಳನ್ನು ತುಂಬಿ ಅನುಗುಣವಾದ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.



ನೂರು ಇಟಿಗೆಗಳು



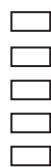
ಹತ್ತರ ಇಟಿಗೆಗಳು



ಎರಡು ಬಿಡಿ



ಇಟಿಗೆಗಳು



5 ನೂರನೇ



1 ಹತ್ತನೇ



ಒಂದು



ಒಂದು



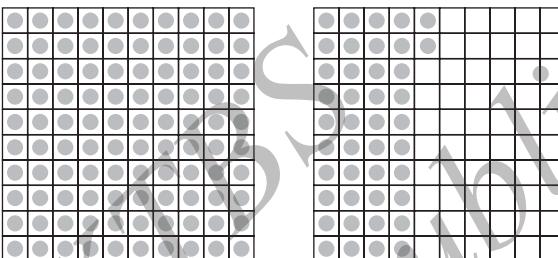
ಇಟಿಗೆ

ಪರಿಹಾರ:

ನೂರುಗಳು (100)	ಹತ್ತುಗಳು (10)	ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{10}\right)$	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{100}\right)$
1	3	2	1	5

ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು  $100 + 30 + 2 + \frac{1}{10} + \frac{5}{100} = 132.15$  ಆಗಿದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 5:** ಚಿತ್ರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಸೂಕ್ತ ಸಂಖ್ಯೆ ಬರೆಯಿರಿ.



ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{10}\right)$	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{100}\right)$

ಪರಿಹಾರ:

ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{10}\right)$	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{100}\right)$
1	4	2

ಆದುದರಿಂದ ಆ ಸಂಖ್ಯೆ  $1.42$  ಆಗಿದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 6:** ಸ್ಥಾನಬೆಲೆ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ಸರಿಯಾದ ದಶಮಾಂಶ ಬರೆಯಿರಿ.

ನೂರುಗಳು (100)	ಹತ್ತುಗಳು (10)	ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{10}\right)$	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{100}\right)$
2	4	3	2	5

**ಪರಿಹಾರ:** ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು

$$2 \times 100 + 4 \times 10 + 3 \times 1 + 2 \times \frac{1}{10} + 5 \times \frac{1}{100} = 200 + 40 + 3 + \frac{2}{10} + \frac{5}{100} = 243.25 \text{ ಅಗಿದೆ.}$$

ಮೊದಲ ಅಂಕ 2 ನ್ನು 100 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು. ನಂತರದ ಅಂಕ 4 ನ್ನು 10 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು (ಅಂದರೆ 100 ರ  $\frac{1}{10}$  ಭಾಗ) ನಂತರದ ಅಂಕ 3 ನ್ನು 1 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು. ಅನಂತರದ ಗುಣಾಕಾರದ ಅಂಶ  $\frac{1}{10}$  ಹಾಗೂ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ  $\frac{1}{100}$  (ಅಂದರೆ  $\frac{1}{10}$  ರ  $\frac{1}{10}$  ಭಾಗ) ಒಂದು ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬಿಂದುವು ಬಿಡಿಸ್ಥಾನ ಹಾಗೂ  $\frac{1}{10}$  ಸ್ಥಾನಗಳ ಮಧ್ಯ ಬರುತ್ತದೆ. ಇದೇ ರೀತಿ ಸ್ಥಾನ ಬೆಲೆ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು  $\frac{1}{100}$  ರ  $\frac{1}{10}$  ಸ್ಥಾನ ಅಂದರೆ  $\frac{1}{1000}$  ನೇ ಸ್ಥಾನಕ್ಕೂ ಮಾಡಬಹುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 7:** ದಶಮಾಂಶಗಳಾಗಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- (a)  $\frac{4}{5}$       (b)  $\frac{3}{4}$       (c)  $\frac{7}{1000}$

**ಪರಿಹಾರ:** (a) ಭೇದ 10 ಇರುವ  $\frac{4}{5}$  ರ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು.

$$\frac{4}{5} = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10} = 0.8$$

(b) ಭೇದ 10 ಅಥವಾ 100 ಇರುವಂತೆ ನಾವು  $\frac{3}{4}$  ಕ್ಕೆ ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಬೇಕು.

4 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಾಗ 10 ಸಿಗುವ ಯಾವುದೇ ಮಾರ್ಜನೆ ಸಂಖ್ಯೆ ಇಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಭೇದವನ್ನು 100 ಮಾಡಬೇಕು.

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{5 \times 25} = \frac{75}{100} = 0.75$$

(c)  $\frac{7}{1000}$  ಇಲ್ಲಿ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಮತ್ತು ನೂರನೇ ಒಂದು ಸ್ಥಾನಗಳು ಸೌನ್ಯದಾಗಿರುವುದರಿಂದ  
 $\frac{7}{1000} = 0.007$

**ಉದಾಹರಣೆ 8:** ಭಿನ್ನರಾಶಿಯ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- (a) 0.04      (b) 2.34      (c) 0.342

**ಪರಿಹಾರ:** (a)  $0.04 = \frac{4}{100} = \frac{1}{25}$

$$(b) 2.34 = 2 + \frac{34}{100} = 2 + \frac{34 \div 2}{100 \div 2} = 2 + \frac{17}{50} = 2 \frac{17}{50}$$

$$(c) 0.342 = \frac{342}{1000} = \frac{342 \div 2}{1000 \div 2} = \frac{171}{500}$$

**ಉದाहರण 9:** ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

$$(a) 200 + 30 + 5 + \frac{2}{10} + \frac{9}{100}$$

$$(b) 50 + \frac{1}{10} + \frac{6}{100}$$

$$(c) 16 + \frac{3}{10} + \frac{5}{1000}$$

**ಪರಿಹಾರ:**

$$(a) 200 + 30 + 5 + \frac{2}{10} + \frac{9}{100} = 235 + 2 \times \frac{1}{10} + 9 \times \frac{1}{100} = 235.29$$

$$(b) 50 + \frac{1}{10} + \frac{6}{100} = 50 + 1 \times \frac{1}{10} + 6 \times \frac{1}{100} = 50.16$$

$$(c) 16 + 3 \times \frac{1}{10} + \frac{5}{1000} = 16 + \frac{3}{10} + \frac{0}{100} + \frac{5}{1000}$$

$$= 16 + 3 \times \frac{1}{10} + 0 \times \frac{1}{100} + 5 \times \frac{1}{1000} = 16.305$$

**ಉದಾಹರಣ 10:** ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a) ಮೂರು ಸೂರ್ಯ ಆರು ಹಾಗೂ ಸೂರನೇ ಏಕು

(b) ಹನ್ನೊಂದು ಬಿಂದು ಎರಡು ಮೂರು ಷಷ್ಟಿ

(c) ಒಂಭತ್ತು ಹಾಗೂ ಸಾವಿರನೇ ಇಪ್ಪತ್ತ್ಯಾದು

**ಪರಿಹಾರ:**

(a) ಮೂರು ಸೂರ್ಯ ಆರು ಹಾಗೂ ಸೂರನೇ ಏಕು

$$= 306 + \frac{7}{100} = 306 + 0 \times \frac{1}{10} + 7 \times \frac{1}{100} = 306.07$$

$$(b) ಹನ್ನೊಂದು ಬಿಂದು ಎರಡು ಮೂರು ಷಷ್ಟಿ = 11.235$$

(c) ಒಂಭತ್ತು ಮತ್ತು ಸಾವಿರನೇ ಇಪ್ಪತ್ತ್ಯಾದು

$$= 9 + \frac{25}{1000}$$

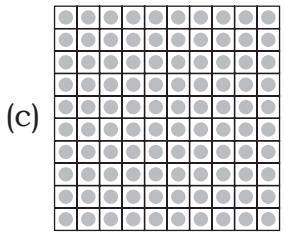
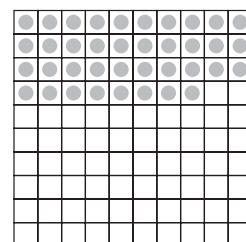
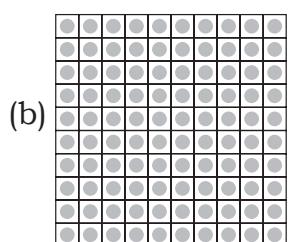
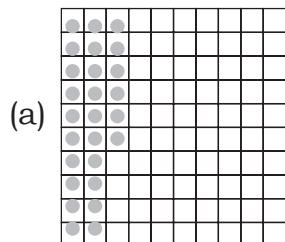
$$= 9 + \frac{0}{10} + \frac{2}{100} + \frac{5}{1000} = 9.025$$

$$\text{ಇಲ್ಲಿ } \frac{25}{1000} = \frac{20}{1000} + \frac{5}{1000} = \frac{2}{100} + \frac{5}{1000}$$



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.2

1. ಚಿತ್ರಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಕೋಷ್ಟಕ ತುಂಬಿರಿ.



ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು	ಸಂಖ್ಯೆ
(a)			
(b)			
(c)			

2. ಈ ಸ್ಥಾನಬೆಲೆ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

	ನೂರುಗಳು (100)	ಹತ್ತುಗಳು (10)	ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{10}\right)$	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{100}\right)$	ಸಾವಿರನೇ ಒಂದುಗಳು $\left(\frac{1}{1000}\right)$
a	0	0	3	2	5	0
b	1	0	2	6	3	0
c	0	3	0	0	2	5
d	2	1	1	9	0	2
e	0	1	2	2	4	1

3. ಈ ದಶಮಾಂಶಗಳಿಗೆ ಸ್ಥಾನ ಬೆಲೆ ಕೋಷ್ಟಕ ರಚಿಸಿರಿ.

(a) 0.29      (b) 2.08      (c) 19.60      (d) 148.32      (e) 200.812

4. ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(a)  $20 + 9 + \frac{4}{10} + \frac{1}{100}$     (b)  $137 + \frac{5}{100}$     (c)  $\frac{7}{10} + \frac{6}{100} + \frac{4}{1000}$   
 (d)  $23 + \frac{2}{10} + \frac{6}{1000}$  (e)  $700 + 20 + 5 + \frac{9}{100}$

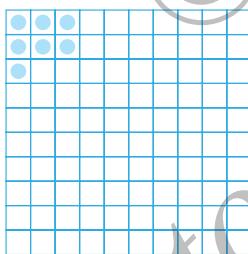
5. ಈ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಅಕ್ಷರಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
- (a) 0.03      (b) 1.20      (c) 108.5  
 (d) 10.07      (e) 0.032      (f) 5.008
6. ಕೊಟ್ಟಿ ದಶಮಾಂಶಗಳು ಸಂಖ್ಯಾರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ಯಾವ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳ ನಡುವೆ ಇರುತ್ತದೆ ?
- (a) 0.06      (b) 0.45      (c) 0.19  
 (d) 0.66      (e) 0.92      (f) 0.57
7. ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಿ ಅದರ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
- (a) 0.60      (b) 0.05      (c) 0.75      (d) 0.18  
 (e) 0.25      (f) 0.125      (g) 0.066

#### 8.4 ದಶಮಾಂಶಗಳ ಹೋಲಿಕೆ

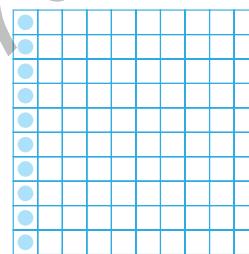
0.07 ಮತ್ತು 0.1 ರಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ದೊಡ್ಡದು ಎಂದು ಹೇಳಬಹುದೇ ?

ಎರಡು ಸಮಾದ ಚೌಕಾಕೃತಿಯ ಕಾಗದ ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಅವುಗಳನ್ನು 100 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದರಲ್ಲಿ 0.07 ಭಾಗಕ್ಕೆ ಅಂದರೆ 100 ರಲ್ಲಿ 7 ಭಾಗಕ್ಕೆ ಬಣ್ಣಿ ಹಾಕಿ.

ಇನ್ನೊಂದು ಕಾಗದದಲ್ಲಿ 0.1 ಭಾಗಕ್ಕೆ ಅಂದರೆ  $\frac{1}{10} = \frac{10}{100}$ , ಅಂದರೆ 100 ರಲ್ಲಿ 10 ಭಾಗಕ್ಕೆ ಬಣ್ಣಿ ಹಾಕಿ.



$$0.07 = \frac{7}{100}$$



$$0.1 = \frac{1}{10} = \frac{10}{100}$$

ಅಂದರೆ  $0.1 > 0.07$

ಈಗ  $32.55$  ಮತ್ತು  $32.5$  ಇವುಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸೋಣ. ಈ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ ಮೊದಲಿಗೆ ಪೊಣಿಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಹೋಲಿಸಬೇಕು. ಇಲ್ಲಿ ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಪೊಣಿಸಂಖ್ಯೆ 32 ಆಗಿದ್ದು ಸಮಾಗಿದೆ. ಆದರೆ ಈ ಎರಡು ದಶಮಾಂಶ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮವಲ್ಲ.  $32.55$  ಮತ್ತು  $32.5$  ರಲ್ಲಿ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗವೂ ಸಮಾಗಿರುವುದರಿಂದ ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು ಹೋಲಿಸಬೇಕು.

$$32.55 = 32 + \frac{5}{10} + \frac{5}{100} \quad \text{ಹಾಗೂ} \quad 32.5 = 32 + \frac{5}{10} + \frac{0}{100}$$

ಆದುದರಿಂದ  $32.55 > 32.5$  ಯಾಕೆಂದರೆ  $32.55$  ರ ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 11:** ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ದೊಡ್ಡದು ?

- (a) 1 ಅಥವಾ 0.99      (b) 1.09 ಅಥವಾ 1.093

**ಪರಿಹಾರ:** (a)  $1 = 1 + \frac{0}{10} + \frac{0}{100}$  ಮತ್ತು  $0.99 = 0 + \frac{9}{10} + \frac{9}{100}$

1 ಇದರ ಪೊಂದ ಸಂಖ್ಯೆ ಭಾಗವು 0.99ರ ಪೊಂದಸಂಖ್ಯೆ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು ಆದುದರಿಂದ  
 $1 > 0.99$

(b)  $1.09 = 1 + \frac{0}{10} + \frac{9}{100}$  ಮತ್ತು  $1.093 = 1 + \frac{0}{10} + \frac{9}{100} + \frac{3}{1000}$

ಈ ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ನೂರನೇ ಒಂದು ಸ್ಥಾನದವರೆಗೆ ಅಂಕಿಗಳು ಒಂದೇ ಆಗಿದೆ. ಆದರೆ 1.093 ರ ಸಾಮಾನ್ಯ ಒಂದನೇ ಸ್ಥಾನದ ಅಂಕಿಯು 1.09 ರ ಸಾಮಾನ್ಯ ಒಂದನೇ ಸ್ಥಾನದ ಅಂಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಾಗಿದೆ. ಆದುದರಿಂದ  $1.093 > 1.09$



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.3

1. ಯಾವುದು ದೊಡ್ಡದು ?

- |                     |                      |                     |
|---------------------|----------------------|---------------------|
| (a) 0.3 ಅಥವಾ 0.4    | (b) 0.07 ಅಥವಾ 0.02   | (c) 3 ಅಥವಾ 0.8      |
| (d) 0.5 ಅಥವಾ 0.05   | (e) 1.23 ಅಥವಾ 1.2    | (f) 0.099 ಅಥವಾ 0.19 |
| (g) 1.5 ಅಥವಾ 1.50   | (h) 1.431 ಅಥವಾ 1.490 | (i) 3.3 ಅಥವಾ 3.300  |
| (j) 5.64 ಅಥವಾ 5.603 |                      |                     |

ಇದೇ ರೀತಿಯ 5 ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡ ದಶಮಾಂಶವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

### ಪ್ರಯೋಗ:



- (a) 2 ರೂಪಾಯಿ 5 ಪೈಸೆ ಹಾಗೂ 2 ರೂಪಾಯಿ 50 ಪೈಸೆ ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.
- (b) 20 ರೂಪಾಯಿ 7 ಪೈಸೆ ಹಾಗೂ 21 ರೂಪಾಯಿ 75 ಪೈಸೆ ಇವುಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

### 8.5 ದಶಮಾಂಶಗಳ ಒಳಕೆ

#### 8.5.1 ಹಣ

₹ 1 ಅಂದರೆ 100 ಪೈಸೆ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

ಆದುದರಿಂದ 1 ಪೈಸೆ = ₹  $\frac{1}{100}$  = ₹ 0.01

ಆದುದರಿಂದ 65 ಪೈಸೆ = ₹  $\frac{65}{100}$  = ₹ 0.65

5 ಪೈಸೆ = ₹  $\frac{5}{100}$  = ₹ 0.05

105 ಪೈಸೆ ಎಂದರೆ ಎಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿ ?

ಅದು ₹ 1 ಹಾಗೂ 5 ಪೈಸೆ = ₹ 1.05

### 8.5.2 ಉದ್ದ :

ಮಹೇಶನು ಮೇಜಿನ ಉದ್ದವನ್ನು ಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಅಳೆಯಬೇಕಿದೆ. ಅವನಲ್ಲಿ 50cm ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯಿದೆ. ಅಳೆದಾಗ ಮೇಜಿನ ಮೇಲಾಗದ ಉದ್ದ 156cm ದೊರೆಯಿತು. ಈ ಉದ್ದ ಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟುಬಹುದು?

$$1\text{cm} = \frac{1}{100}\text{m} \text{ ಅಥವಾ } 0.01\text{m}$$

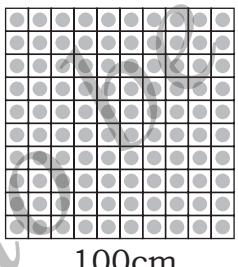
$$\begin{aligned} \text{ಅದುದರಿಂದ } 56\text{cm} &= \frac{56}{100}\text{m} = 0.56\text{m} \\ &= 100\text{cm} + 56\text{cm} \\ &= 1\text{m} + \frac{56}{100}\text{m} = 1.56\text{m}. \end{aligned}$$



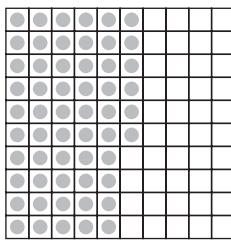
### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ

1. 4mm ಇದನ್ನು ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ (cm) ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದೇ?
2. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ 7 cm 5mm ಇದನ್ನು cm ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಗೆ ಬರೆಯಬಹುದು?
3. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ 52m ಇದನ್ನು ಕಿ.ಮೀ.ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದೇ? 340m ನ್ನು ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಕಿಲೋಮೀಟರ್ (km)ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಗೆ ಬರೆಯಬಹುದು? 2008 m ಇದನ್ನು km ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಗೆ ಬರೆಯುವಿರಿ?

ಮಹೇಶನು ಈ ಉದ್ದವನ್ನು ಚಿತ್ರದ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು ಬಯಸಿದನು. ಅದಕ್ಕಾಗಿ ಅವನು ಒಂದೇ ಅಳತೆಯ ಕಾಗದದ ಚೌಕಾಕಾರದ ಕಾಗದಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಅವುಗಳನ್ನು 100 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿದನು. ಈ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚಿಕ್ಕಭಾಗವನ್ನು ಒಂದು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಎಂದು ಪರಿಗಣಿಸಿದನು.



100cm



56cm

### 8.5.3 ತೊಕೆ

ನಂದು ಅಂಗಡಿಯಿಂದ 500g ಬಟಾನೆ, 250g ಕ್ಯಾಪ್ಸಿಕಾಮ್, 700g ಈರುಳ್ಳ, 500g ಹೊಮೊಟೋ, 100g ಶುಂಠಿ ಹಾಗೂ 300g ಕ್ಯಾರೆಟ್ ವಿರೀದಿಸಿದಳು. ಅವಳ ಚೀಲದಲ್ಲಿರುವ ತರಕಾರಿಗಳ ಒಟ್ಟು ತೊಕವೆಷ್ಟು?

ಚೀಲದಲ್ಲಿರುವ ತರಕಾರಿಗಳ ತೊಕಗಳನ್ನು ಕೂಡೋಣ.

$$\begin{aligned} 500\text{g} + 250\text{g} + 700\text{g} + 500\text{g} + 100\text{g} + 300\text{g} \\ = 2350\text{g} \end{aligned}$$

$1000\text{g} = 1\text{kg}$  ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

1. 456g ಇದನ್ನು ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ಕಿಲೋಗ್ರಾಂ ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲ್ಪಡಿರಾ.
2. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ 2kg 9g ಇದನ್ನು ಗ್ರಾಂ ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಗೆ ಬರೆಯುವಿರಿ?

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } 1\text{g} = \frac{1}{1000}\text{kg} = 0.001\text{kg}$$

$$\text{ಫೇಗೆ } 2350\text{g} = 2000\text{g} + 350\text{g}$$



$$= \frac{2000}{1000}\text{kg} + \frac{350}{1000}\text{kg} = 2\text{kg} + 0.350\text{kg}$$

$$= 2.350\text{kg} \quad \text{ಅಂದರೆ } 2350\text{g} = 2\text{kg } 350\text{g}$$

$$= 2.350\text{kg.}$$

ನಂದುವಿನ ಜೀಲದಲ್ಲಿರುವ ತರಕಾರಿಗಳ ಒಟ್ಟು ಶೋಕ 2.350kg.



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.4

1. ಈ ಹಣವನ್ನು ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.  
 (a) 5 ಪ್ರಸ್ತುತಿಗಳ  
 (b) 75 ಪ್ರಸ್ತುತಿಗಳ  
 (c) 20 ಪ್ರಸ್ತುತಿಗಳ  
 (d) 50 ರೂಪಾಯಿ 70 ಪ್ರಸ್ತುತಿಗಳ  
 (e) 725 ಪ್ರಸ್ತುತಿಗಳ
2. ಏಷರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ (ದಶಮಾಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ)  
 (a) 15cm  
 (b) 6cm  
 (c) 2m 45cm  
 (d) 9m 7cm  
 (e) 419cm
3. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.  
 (a) 5mm  
 (b) 60mm  
 (c) 164mm  
 (d) 9cm 8mm  
 (e) 93mm
4. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ಕಿಲೋಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.  
 (a) 8m  
 (b) 88m  
 (c) 8888m  
 (d) 70km 5m
5. ದಶಮಾಂತ ಬಳಸಿ ಕಿಲೋಗ್ರಾಂಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.  
 (a) 2g  
 (b) 100g  
 (c) 3750g  
 (d) 5kg 8g  
 (e) 26kg 50g

## 8.6 ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಸೊಂಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಕಲನ

ಮಾಡಿನೋಡಿ

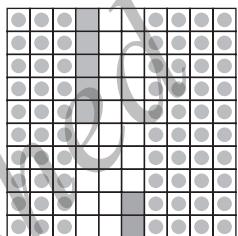


0.35 ಮತ್ತು 0.42 ನ್ನು ಕೊಡಿಸಿ.

ಒಂದು ವರ್ಗವನ್ನು 100 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಂಗಡಿಸಿ.

0.35ನ್ನು ಈ ವರ್ಗಗಳಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಲು 3 ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ ಹಾಗೂ 5 ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳನ್ನು ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ.

0.42ನ್ನು ಅದೇ ವರ್ಗಕಾರದ ಕಾಗದದಲ್ಲಿ 4 ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಹಾಗೂ 2 ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಬಣ್ಣ ಹಾಕಿ ಸೂಚಿಸಲು. ಈಗ ಒಟ್ಟು ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳು ಹಾಗೂ ನೂರನೇ ಒಂದು ಭಾಗಗಳನ್ನು ಲೆಕ್ಕೆ ಮಾಡಿ.



	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು
+	0	3	5
	0	4	2
	0	7	7

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } 0.35 + 0.42 = 0.77$$

ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ

ಮೊತ್ತ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಮಾಡಿದಂತೆ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಸಂಕಲನ ಮಾಡಬಹುದು.

- (i)  $0.29 + 0.36$       (ii)  $0.7 + 0.08$
- (iii)  $1.54 + 1.80$       (iv)  $2.66 + 1.85$

ಈಗ  $0.68$  ಮತ್ತು  $0.54$  ನ್ನು ಕೊಡಬಹುದೇ ?

	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು
+	0	6	8
	0	5	4
	1	2	2

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } 0.68 + 0.54 = 1.22$$

**ಉದಾಹರಣೆ 12:** ಉತ್ತಾ ಒಂದು ಪೆನ್ನನ್ನು ₹ 9.50 ಹಾಗೂ ಒಂದು ಪೆನ್ನಲೊನ್ನು ₹ 2.50ಕ್ಕೆ ವಿರೀದಿಸಿದರೆ ಆಕೆ ವೆಚ್ಚ ಮಾಡಿದ ಒಟ್ಟು ಹಣ ಎಷ್ಟು ?

**ಪರಿಹಾರ:** ಪೆನ್ನಗಾಗಿ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದ ಹಣ = ₹ 9.50

ಪೆನ್ನಲೊಗಾಗಿ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದ ಹಣ = ₹ 2.50

$$\text{ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದ ಹಣ} = ₹ 9.50 + ₹ 2.50 = ₹ 12.00$$



**ಉದाहರण 13:** ಸಾಮ್ಮನ್ ಬಸ್‌ನಲ್ಲಿ  $5\text{km } 52\text{m}$  ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಕಾರಿನಲ್ಲಿ  $2\text{km } 265\text{m}$  ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ ನಡಿಗೆಯ ಮೂಲಕ  $1\text{km } 30\text{m}$  ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದರೆ ಆಕೆ ಚಲಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ದೂರ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:**

$$\text{ಬಸ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ} = 5\text{km } 52\text{m} = 5.052\text{km}$$

$$\text{ಕಾರ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ} = 2\text{km } 265\text{m} = 2.265\text{km}$$

$$\text{ನಡಿಗೆ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ} = 1\text{km } 30\text{m} = 1.030\text{km}$$

$$\text{ಆದುದರಿಂದ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ದೂರ} = 5.052\text{km}$$

$$\begin{array}{r} 2.265\text{km} \\ + 1.030\text{km} \\ \hline 8.347\text{km} \end{array}$$

$$\text{ಆದುದರಿಂದ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ದೂರ} = 8.347 \text{ km}$$

**ಉದಾಹರಣ 14:** ರಾಹುಲ್  $4\text{kg } 90\text{g}$  ಸೇಬು,  $2\text{kg } 60\text{g}$  ದ್ವಾಡ್ಯ ಹಾಗೂ  $5\text{kg } 300\text{g}$  ಮಾವು ಖರೀದಿಸಿದರೆ ಆತನು ಖರೀದಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ಹಣಕ್ಕೆನ ತೂಕ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** ಸೇಬಿನ ತೂಕ  $= 4\text{kg } 90\text{g} = 4.090\text{kg}$

ದ್ವಾಡ್ಯ ತೂಕ  $= 2\text{kg } 60\text{g} = 2.060\text{kg}$

ಮಾವಿನ ತೂಕ  $= 5\text{kg } 300\text{g} = 5.300\text{kg}$

ಆದುದರಿಂದ ಖರೀದಿಸಿದ ಹಣಕ್ಕೆನ ಒಟ್ಟು ತೂಕ

$$\begin{array}{r} 4.090\text{kg} \\ 2.060\text{kg} \\ + 5.300\text{kg} \\ \hline 11.450 \text{ kg} \end{array}$$



ಆದುದರಿಂದ ಖರೀದಿಸಿದ ಹಣಕ್ಕೆನ ಒಟ್ಟು ತೂಕ  $= 11.450\text{kg}$

## ಅಭ್ಯಾಸ 8.5

1. ಇವುಗಳ ಮೊತ್ತ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

- |                             |                           |
|-----------------------------|---------------------------|
| (a) $0.007 + 8.5 + 30.08$   | (b) $15 + 0.632 + 13.8$   |
| (c) $27.076 + 0.55 + 0.004$ | (d) $25.65 + 9.005 + 3.7$ |
| (e) $0.75 + 10.425 + 2$     | (f) $280.69 + 25.2 + 38$  |

2. ರಶೀದ್ ಗಳಿಗೆ ಮುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ₹ 35.75 ಹಾಗೂ ವಿಜ್ಞಾನ ಮುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ₹ 32.60 ಖಚು ಮಾಡಿದನು. ಅವನು ಖಚು ಮಾಡಿದ ಒಟ್ಟು ಹಣ ಎಷ್ಟು?
3. ರಾಧಿಕಾಗೆ ಅವಳ ತಾಯಿ ₹ 10.50 ಹಾಗೂ ಅವಳ ತಂದೆ ₹ 15.80 ನೀಡಿದರೆ, ರಾಧಿಕ ಪಡೆದ ಒಟ್ಟು ಹಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
4. ನಸ್ರೀನಾ ಆಕೆಯ ಅಂಗಿಗೆ 3m 20cm ಬಟ್ಟೆ ಹಾಗೂ ಲಂಗಕ್ಕೆ 2m 5cm ಬಟ್ಟೆ ಖರೀದಿಸಿದಳು. ಆಕೆ ಖರೀದಿಸಿದ ಬಟ್ಟೆಯ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದ್ವ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
5. ನರೇಶನು ಬೆಳಿಗ್ಗೆ 2km 35m ಹಾಗೂ ಸಂಜೆ 1km 7m ನಡೆದನು. ಅವನು ನಡೆದ ಒಟ್ಟು ದೂರ ಎಷ್ಟು?
6. ಸುನೀತಾಳು 15km 268m ದೂರವನ್ನು ಬಸ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ, 7km 7m ದೂರವನ್ನು ಕಾರಿನ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ, 500m ನಡಿಗೆ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಶಾಲೆ ತಲುಪಿದಳು. ಅವಳ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರ ಎಷ್ಟು?
7. ರವಿಯು 5kg 400g ಅಕ್ಕೆ, 2kg 20g ಸಕ್ಕರೆ ಹಾಗೂ 10kg 850g ಗೋಡಿಹಿಟ್ಟು ಖರೀದಿಸುತ್ತಾನೆ. ಅವನು ಖರೀದಿಸಿದ ವಸ್ತುಗಳ ಒಟ್ಟು ತೂಕ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

### 8.7 ದಶಮಾಂಶಗಳ ವ್ಯವಕಲನ

1.32 ನ್ನು 2.58 ರಿಂದ ಕಡೆಯಿರಿ.

ಇದನ್ನು ಕೋಷ್ಟಕದ ಮೂಲಕ ತೋರಿಸಬಹುದು.

	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು
-	2	5	8
	1	3	2
	1	2	6

ಆದುದರಿಂದ  $2.58 - 1.32 = 1.26$

ಆದುದರಿಂದ ದಶಮಾಂಶಗಳ ಸಂಕಲನದಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದಂತೆ, ದಶಮಾಂಶಗಳ ವ್ಯವಕಲನ ಮಾಡುವಾಗ ನೂರನೇ ಒಂದರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕೆಯಿಂದ ನೂರನೇ ಒಂದರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕೆ, ಹತ್ತನೇ ಒಂದರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕೆಯಿಂದ ಹತ್ತನೇ ಒಂದರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕೆ, ಬಿಡಿ ಸ್ಥಾನದ ಅಂಕೆಯಿಂದ ಬಿಡಿಸ್ಥಾನದ ಅಂಕೆಯನ್ನು, ಹೀಗೆ ಕಡೆಯುತ್ತಾ ಹೋಗಬೇಕು. ಕೆಲವು ಬಾರಿ ಅಂಕೆಗಳನ್ನು ಸ್ಥಾನಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾಗಿ ವ್ಯವಸ್ಥೆ ಮಾಡಬೇಕು.

ಈಗ 1.74ನ್ನು 3.5 ರಿಂದ ಕಡೆಯೋಣ.

	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು
-	3	5	0
	1	7	4
	1	7	6

$$\begin{array}{r}
 2 \quad 14 \quad 10 \\
 \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\
 3. \quad 5 \quad 0 \\
 - \quad 1. \quad 7 \quad 4 \\
 \hline
 1. \quad 7 \quad 6
 \end{array}$$



### ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:

1. 1.85 ನ್ನು 5.46 ರಿಂದ ಕಡೆಯಿರಿ.
2. 5.25 ನ್ನು 8.28 ರಿಂದ ಕಡೆಯಿರಿ.
3. 0.95 ನ್ನು 2.29 ರಿಂದ ಕಡೆಯಿರಿ.
4. 2.25 ನ್ನು 5.68 ರಿಂದ ಕಡೆಯಿರಿ.

ಅದುದರಿಂದ  $3.5 - 1.74 = 1.76$

**ಉದಾಹರಣೆ 15:** ಅಭಿಶೇಕನ ಬಳಿ ₹ 7.45 ಹಣವಿತ್ತು. ಅದರಲ್ಲಿ ₹ 5.30 ಬೆಲೆಯ ಚಾಕಲೀಟ್ ವಿರೀದಿಸಿದರೆ ಅವನಲ್ಲಿ ಉಳಿಯುವ ಹಣವೆಷ್ಟು ?

**ಪರಿಹಾರ :** ಒಟ್ಟು ಹಣ = ₹ 7.45

ಚಾಕಲೀಟ್‌ಗಾಗಿ ವಿಚು ಮಾಡಿದ ಹಣ = ₹ 5.30

ಉಳಿಯುವ ಹಣ = ₹ 7.45 - ₹ 5.30 = ₹ 2.15

**ಉದಾಹರಣೆ 16:** ಉಮ್ಮೆಖಾಳ ಮನೆ ಶಾಲೆಯಿಂದ 5km 350 m ದೂರವಿದೆ. ಅವಳು ನಡಿಗೆಯಲ್ಲಿ 1km 70m ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಉಳಿದ ದೂರವನ್ನು ಬಸೊನಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದಳು. ಆಕೆ ಬಸೊನಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗಿರುವ ದೂರ = 5.350km

ಕಾಲ್ಪನಿಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ = 1.070km

ಅದುದರಿಂದ ಬಸ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ = 5.350km - 1.070km = 4.280km

ಅದುದರಿಂದ ಬಸ್ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ = 4.280km ಅಥವಾ 4km 280m

**ಉದಾಹರಣೆ 17:** ಕಾಂಚನ 5kg 200g ತೂಕದ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಂಡಳು. ಅದರಲ್ಲಿ 2kg 750g ನಷ್ಟಿ ಹಣ್ಣನ್ನು ಆಕೆ ನೇರೆ ಮನೆಯವರಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಳು. ಅವಳಿಗೆ ಉಳಿದ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ತೂಕವೆಷ್ಟು ?

**ಪರಿಹಾರ:** ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ಒಟ್ಟು ತೂಕ = 5.200kg

ನೇರೆ ಮನೆಯವರಿಗೆ ನೀಡಿದ ಹಣ್ಣಿನ ತೂಕ = 2.750kg

ಉಳಿದ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ತೂಕ = 5.200kg - 2.750kg = 2.450kg



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.6

1. ಕಳೆಯಿರಿ.
  - (a) ₹ 18.25 ನ್ನು ₹ 20.75 ರಿಂದ
  - (b) 250m ನಿಂದ 202.54m ನ್ನು
  - (c) ₹ 8.40 ರಿಂದ ₹ 5.36 ನ್ನು
  - (d) 2.05 km ನ್ನು 5.206km ನಿಂದ
  - (e) 0.314 kg ನ್ನು 2.107 kg ಯಿಂದ
2. ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
 

(a) 9.756 – 6.28	(b) 21.05 – 15.27
(c) 18.5 – 6.76	(d) 11.6 – 9.847
3. ರಾಜು ₹ 35.65 ಕ್ಕೆ ಒಂದು ಪುಸ್ತಕ ಕೊಂಡುಕೊಂಡನು. ಅವನು ಅಂಗಡಿಯವನಿಗೆ ₹ 50 ನೀಡಿದರೆ ಅಂಗಡಿಯವನಿಂದ ಅವನಿಗೆ ಸಿಗಬೇಕಾದ ಉಳಿದ ಹಣವೆಷ್ಟು ?
4. ರಾಣಿಯಲ್ಲಿ ₹ 18.50 ಮೊತ್ತವಿತ್ತು. ಅವಳು ₹ 11.75ಕ್ಕೆ ಒಂದು ಐಸ್‌ತ್ರೀಂ ವಿರೀದಿಸಿದರೆ ಅವಳಿಗೆ ಉಳಿಯುವ ಹಣವೆಷ್ಟು ?
5. ಟೀನಾಳ ಬಳಿ 20m 5cm ಉದ್ದದ ಬಟ್ಟೆಯಿತ್ತು.  
ಅದರಲ್ಲಿ 4m 50cm ಉದ್ದದ ಬಟ್ಟೆಯನ್ನು ಆಕೆ ಕಟ್ಟನಾ ಮಾಡಲು ಕತ್ತರಿಸಿದರೆ ಆಕೆಯ ಬಳಿ ಉಳಿಯುವ ಬಟ್ಟೆಯಿಷ್ಟು ?
6. ನಮಿತಾ ಪ್ರತಿದಿನ 20km 50m ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತಾಳೆ.  
ಅದರಲ್ಲಿ 10km 200m ನ್ನು ಬಸ್‌ನಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿ ಉಳಿದ ದೂರವನ್ನು ಆಟೋ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತಾಳೆ.  
ಅವಳು ಆಟೋ ಮೂಲಕ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ ಎಷ್ಟು ?
7. ಆಕಾಶ್ 10kg ತರಕಾರಿ ಕೊಂಡುಕೊಂಡನು. ಅದರಲ್ಲಿ 3kg 500g ಶೆರ್ಲಿ, 2kg 75g ಚೊಮೋಚೊ ಹಾಗೂ ಉಳಿದುದು ಆಲೂಗಡ್ಡೆಯಾದರೆ ಆಲೂಗಡ್ಡೆಯ ತೋಕ ಎಷ್ಟು ?



## ನಾವು ಚರ್ಚಿಸಿದ ವಿಷಯಗಳು

- ಒಂದು ಪೊಣಿಕೆ ಭಾಗವನ್ನು ಅಧ್ಯೇತ್ಸಿ ಕೊಳ್ಳಲು ನಾವು ಪೊಣಿಕೆವನ್ನು ಬಿಡಿಯ ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತೇವೆ. ಒಂದು ಪೊಣಿಕೆವನ್ನು 10 ಸಮಭಾಗ ಮಾಡಿದರೆ ಅದು  $\frac{1}{10}$  (ಹತ್ತನೇ ಒಂದು) ಅದನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ 0.1 ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿ ಚುಕ್ಕೆಯು ದಶಮಾಂಶ ಬಿಂದುವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ. ಈ ಬಿಂದು ಬಿಡಿ ಮತ್ತು ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಸಾಫ್ಟನ್‌ಡಿ ಮಧ್ಯ ಬರುತ್ತದೆ.
- ಭೇದವಾಗಿ 10 ನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು.
- ಒಂದು ಪೊಣಿಕೆವನ್ನು 100 ಸಮಾಲು ಮಾಡಿದರೆ ಅದನ್ನು  $\frac{1}{100}$  ಭಾಗ (ನೂರನೇ ಒಂದು) ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಇದನ್ನು 0.01 ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು.
- ಭೇದವಾಗಿ 100 ನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು.
- ಸ್ಥಾನಬೆಲೆ ಕೋಟ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಎಡದಿಂದ ಬಲಕ್ಕೆ ಹೋದಂತೆ ಒಂದು ಅಂಶಯು ಹಿಂದಿನ ಅಂಶಯ  $\frac{1}{10}$  ರಷ್ಣಿಯತ್ತದೆ. ಇದೇ ರೀತಿ ಸ್ಥಾನ ಬೆಲೆ ಕೋಟ್ಟಕವನ್ನು ನೂರನೇ ಒಂದರ  $\frac{1}{10}$  ಅಂದರೆ ಸಾವಿರನೇ ಒಂದು ( $\frac{1}{1000}$ ) ಕ್ಕೆ ವಿಸ್ತರಿಸಬಹುದು. ಇದನ್ನು ದಶಮಾಂಶ ರೂಪದಲ್ಲಿ 0.001 ಎಂದು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ.
- ಎಲ್ಲಾ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಸಂಖ್ಯಾರೇಶಯ ಹೇಳೆ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದು.
- ಎಲ್ಲಾ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು.
- ಎರಡು ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಪರಸ್ಪರ ಹೋಲಿಸಬಹುದು. ಈ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಯು ಪೊಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸುವುದರಿಂದ ಆರಂಭವಾಗುತ್ತದೆ. ಪೊಣಾಂಕದ ಭಾಗವು ಸಮಾಗಿದ್ದರೆ ಹತ್ತನೇ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು ಹೋಲಿಸುತ್ತೇವೆ. ಈ ಶ್ರೀಯೆಯನ್ನು ಹೀಗೆ ಮುಂದುವರಿಸಬಹುದು.
- ನಮ್ಮ ನಿತ್ಯಜೀವನದಲ್ಲಿ ದಶಮಾಂಶಗಳನ್ನು ಹಲವಾರು ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಬಳಸುತ್ತೇವೆ. ಉದಾ : ಹಣ, ದೂರ, ತೊಕ ಇತ್ಯಾದಿಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು ದಶಮಾಂಶ ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.



# ಅಂಕಿಅಂಶಗಳ (ದತ್ತಾಂಶಗಳ) ನಿರ್ವಹಣೆ

೬ -  
ಕ್ಷಿಂಡಿಗಳಿಗೆ

## 9.1 ಪೀಠಿಕೆ:

ನಿಮ್ಮ ಶಿಕ್ಷಕರು ಪ್ರತಿದಿನ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಹಾಜರಾತಿ ದಾಖಲು ಮಾಡುವುದನ್ನು ನೀವು ಗಮನಿಸಿರಬಹುದು. ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪ್ರತಿ ಪರೀಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಅಥವಾ ವಾರ್ಷಿಕ ಪರೀಕ್ಷೆಗಳಲ್ಲಿ ಪಡೆದ ಅಂಕಗಳನ್ನು ದಾಖಲಿಸಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿರಬಹುದು. ಇದೇ ರೀತಿ ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಆಟದಲ್ಲಿನ ಸ್ಕೋರ್ ಬೋರ್ಡನ್ನು ಗಮನಿಸಿರಬಹುದು. ಈ ಮುಂದೆ ಎರಡು ಸ್ಕೋರ್ ಬೋರ್ಡ್‌ಗಳ ವಿವರವನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ.

ಚೋಲರ್‌ಗಳ ಹೆಸರು	ಒವರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	ಮೇಡನ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	ಕೊಟಿರುವ ರನ್‌ಗಳು	ಪಡೆದ ವಿಕೆಟ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
A	10	2	40	3
B	10	1	30	2
C	10	2	20	1
D	10	1	50	4

ಬ್ಯಾಟ್ಸ್‌ಮನ್‌ಗಳ ಹೆಸರು	ಗಳಿಸಿದ ರನ್‌ಗಳು	ಎದುರಿಸಿದ ಬಾಲ್‌ಗಳು	ಮೃದಾನದಲ್ಲಿದ್ದ ಸಮಯ (ಮಿನಿಟ್‌ಗಳಲ್ಲಿ)
E	45	62	75
F	35	70	81
G	37	53	67
H	22	41	55

ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಿರುವಂತೆ ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಅಟದಲ್ಲಿ ಸೋಲು ಮತ್ತು ಗೆಲುವುಗಳನ್ನು ಮಾತ್ರ ಸ್ಕೋರ್ ಬೋಡ್‌ನಲ್ಲಿ ದಾಖಲಿಸುವುದಿಲ್ಲ. ಇದರ ಜೊತೆಗೆ ಈ ಆಟಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಇತರ ಮುಖ್ಯ ಮಾಹಿತಿಗಳನ್ನೂ ಸಹ ದಾಖಲಿಸಿರುತ್ತಾರೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ರನ್ಸುಗಳನ್ನು ಗಳಿಸಿದ ಆಟಗಾರನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಸಮಯ ಮತ್ತು ಎದುರಿಸಿದ ಬಾಲಾಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಮುಂತಾದವು.

ಇದೇ ರೀತಿ ನೀವು ನಿತ್ಯ ಜೀವನದಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು, ಜಿತ್ತಗಳು, ಹೆಸರುಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿರುವ ಹಲವಾರು ವಿಧದ ಹೋಷ್ಟ್‌ಕರ್ಗಳನ್ನು ನೋಡಿರುತ್ತೀರಿ. ಆ ಹೋಷ್ಟ್‌ಕರ್ಗಳು ಅಂಕಂಶಗಳನ್ನು ಹೊಡುತ್ತವೆ. ಕೆಲವು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಮಾಹಿತಿ ನೀಡಲು ಒಟ್ಟು ಮಾಡಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಗ್ರಹವನ್ನು ಅಂಕಂಶ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

## 9.2 ಅಂಕ-ಅಂಶಗಳನ್ನು ದಾಖಲಿಸುವುದು:

ಒಂದು ಶಾಲೆಯ ತರಗತಿಯೊಂದರ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪ್ರವಾಸಕ್ಕೆ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳುತ್ತಿರುವ ಸಿದ್ಧತೆಯನ್ನು ಉದಾಹರಣೆಯಾಗಿ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ. ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ತಮಗೆ ಇಪ್ಪಾದ ಹಣ್ಣುಗಳ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿ ತಿಳಿಸಲು ತರಗತಿ ಶಿಕ್ಷಕರು ಸೂಚಿಸುತ್ತಾರೆ. ತರಗತಿಯ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿನಿಂದ ಉಮಾಳಿಗೆ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಹೆಸರು ಹಾಗೂ ಅವರ ಆಯ್ದುಯ ಹಣ್ಣಿನ ಹೆಸರನ್ನು ಜೊತೆಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯುವಂತೆ ಹೇಳುತ್ತಾರೆ.

ಈ ಪಟ್ಟಿಯಿಂದ ಶಿಕ್ಷಕರು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಆಯ್ದುಯಂತೆ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಹಂಚಲು ಸಹಾಯವಾಗಬಹುದು.

ರಾಫ್ರೆವ್	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು	ಭಾವನ	-	ಸೇಬು
ಶ್ರೀತಿ	-	ಸೇಬು	ಮನೋಜ್	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು
ಅಮರ್	-	ಸೀಬೆಹಣ್ಣು	ಡೊನಾಲ್ಡ್	-	ಸೇಬು
ಘಾತಿಮಾ	-	ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣು	ಮರಿಯಾ	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು
ಅಮಿತ್	-	ಸೇಬು	ಉಮಾ	-	ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣು
ರಾಮನ್	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು	ಅವ್ತಿರ್	-	ಸೀಬೆಹಣ್ಣು
ರಾಧ	-	ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣು	ರೀತು	-	ಸೇಬು
ಫರೀದಾ	-	ಸೀಬೆಹಣ್ಣು	ಸಲ್ಮಾ	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು
ಅನುರಾಧ	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು	ಕವಿತಾ	-	ಸೀಬೆಹಣ್ಣು
ರತ್ನಿ	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು	ಜಾವೇದ್	-	ಬಾಳಿಹಣ್ಣು

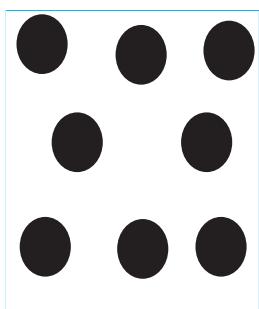
ತರಗತಿಯ ಶಿಕ್ಷಕರಿಗೆ ತರಗತಿಗೆ ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬಾಳಿಹಣ್ಣುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ತಿಳಿಯಲು, ಈ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡಿರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಹೆಸರನ್ನು ಪಟ್ಟಿಯಿಂದ ಒಂದೊಂದಾಗಿ ಓದಿ, ನಂತರ ಒಟ್ಟು ಬೇಕಾದ ಬಾಳಿಹಣ್ಣುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡಬಹುದು. ಇದೇ ರೀತಿ ಬೇಕಾದ ಸೇಬುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ, ಸೀಬೆಹಣ್ಣುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಮತ್ತು ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡಬಹುದು. ಈ ವಿಧಾನ ಎಷ್ಟು ಕಷ್ಟ ಮತ್ತು ಸಮಯ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದು ! ತರಗತಿಯ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಇನ್ನೂ ಹೆಚ್ಚಾದರೆ (50ಕ್ಕೂ) ಈ ವಿಧಾನವು ಇನ್ನೂ ಕಷ್ಟಕರವಾಗುವುದು.

ಅದರೆ ಉಮಾಜು ಹಣ್ಣಗಳ ಹೆಸರಾದ ಬಾಳಿಹಣ್ಣು, ಸೇಬು, ಸೀಬೆ, ಕಿತ್ತಲೆ, ಎಂಬುದಾಗಿ ಒಂದೊಂದಾಗಿ ಬರೆಯುತ್ತಾ ಹೋಗುತ್ತಾಳೆ.

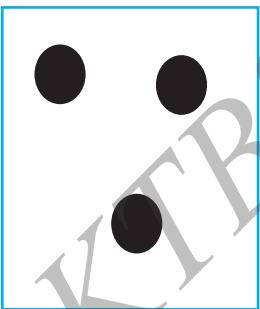
ಈ ವಿಧಾನವು ಉಪಾಧ್ಯಾಯರ ಕೆಲಸವನ್ನು ಸುಲಭಗೊಳಿಸುವುದೇ? ಇವಕು ಮತ್ತೆ ಒಂದೊಂದೇ ಬಗೆಯ ಹಣ್ಣಗಳ ಹೆಸರನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡುತ್ತಾ ಹೋಗಬೇಕು.

ಆದರೆ ಸಲ್ಲಾಲಿಗೆ ಬೇರೊಂದು ಉಪಾಯವಿದೆ. ಅವಳು ತರಗತಿಯ ಕೊತಡಿಯ ನೆಲದ ಮೇಲೆ 4 ಚೌಕಗಳನ್ನು ಬರೆಯುತ್ತಾಳೆ. ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚೌಕವು ಒಂದು ಹಣ್ಣನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ. ಅವಳು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗೆ ತಾವು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿದ ಹಣ್ಣಗಳಿಗೆ ತಕ್ಷಂತ ಚೌಕದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಕಲ್ಲನ್ನು ಇಡಲು ಸೂಚಿಸುತ್ತಾಳೆ.

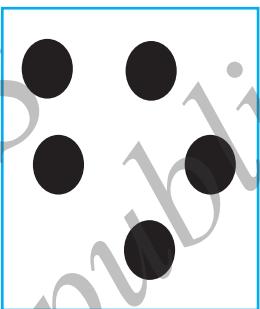
ಬಾಳಿಹಣ್ಣು



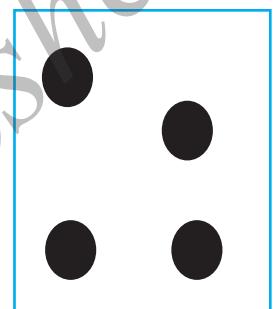
ಕಿತ್ತಲೆ



ಸೇಬು



ಸೀಬೆ



ಇದರ ಪ್ರಕಾರ ಬಾಳಿಹಣ್ಣು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ, ಬಾಳಿಹಣ್ಣಿಗೆ ಗುರುತಿಸಲಾದ ಚೌಕದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಕಲ್ಲನ್ನು ಇಡುತ್ತಾನೆ. ಹಿಂತೆ ಮುಂದುವರಿಸಲಾಗುತ್ತದೆ.

ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚೌಕದಲ್ಲಿನ ಕಲ್ಲಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡಿ ಸಲ್ಲಾಲು ಸುಲಭವಾಗಿ, ಬೇಕಾದ ಹಣ್ಣಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ತಿಳಿಸಬಲ್ಲಿ. ಈ ರೀತಿ ವ್ಯವಸ್ಥಿತವಾಗಿ ಕಲ್ಲಗಳನ್ನು ಚೌಕಗಳಲ್ಲಿಟ್ಟು ಬೇಕಾದ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಆಕೆ ಸುಲಭವಾಗಿ ಪಡೆಯಬಲ್ಲಿ.

ಇದೇ ಚಟುವಟಿಕೆಯನ್ನು 40 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗೆ 4 ಹಣ್ಣಗಳ ಆಯ್ದುಯೊಂದಿಗೆ ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ. ಸಣ್ಣ ಕಲ್ಲಗಳ ಬದಲಾಗಿ, ಗೋಲಿಗಳು, ಬಿರಳಿ ಮುಚ್ಚಳು, ಅಥವಾ ಇತರ ಯಾವುದೇ ಸೂಚಕ ಬಿಲ್ಲಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು.

### 9.3 ಅಂಕಿಅಂಶ ಆಯೋಜನೆ:

ಸಲ್ಲಾಲು ಹಿಂತೆ ಪಡೆದ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಕಲೆ ಹಾಕಲು ರೆನಾಲ್ಡ್‌ಗೆ ಕೇವಲ ಒಂದು ಹೆನ್ನು ಮತ್ತು ಒಂದು ಕಾಗದ ಬೇಕಾಗುವುದು. ಅವನಿಗೆ ಸಣ್ಣ ಕಲ್ಲಗಳ ಅವಶ್ಯಕವಿಲ್ಲ. ಅವನು ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯು ಚೌಕಗಳಲ್ಲಿ ಸಣ್ಣಕಲ್ಲಗಳನ್ನು ಇಡಲು ಹೇಳುವುದಿಲ್ಲ. ರೆನಾಲ್ಡ್‌ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತಯಾರಿಸುತ್ತಾನೆ:

ಬಾಳಿಹಣ್ಣು	✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓ ✓	8
ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣು	✓ ✓ ✓	3
ಸೇಬು	✓ ✓ ✓ ✓ ✓	5
ಸೀಬೆಹಣ್ಣು	✓ ✓ ✓ ✓	4

ನಿಮಗೆ ರೆನಾಲ್ಡ್‌ನ ಕೋಷ್ಟಕವು ಅರ್ಥವಾಯಿತೆ ?

(✓) ಗುರುತು ಏನನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ ?

ಸೀಬೆಹಣ್ಣಿನ್ನು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡವರ ಸಂಖ್ಯೆ : 4

ಸೀಬೆಹಣ್ಣಿನ ಹೆಸರಿನ ಮುಂದೆ ಎಪ್ಪು ✓ ಗುರುತುಗಳಿವೆ ?

ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಪ್ಪು ?

ಈ ಎಲ್ಲಾ ಮಾಹಿತಿಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ. ಈ ವಿಧಾನದ ಬಗ್ಗೆ ಚರ್ಚೆಸಿ.

ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಅತಿ ಉತ್ತಮ? ಏಕೆ? ಯಾವ ವಿಧಾನವು ಹೆಚ್ಚು ಪ್ರಮಾಣದ ಅಂಕ ಅಂಶಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ ಹೆಚ್ಚು ಉಪಯುಕ್ತ ಮಾಹಿತಿಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಲು ಸೂಕ್ತವಾದುದು?

**ಉದಾಹರಣೆ 1:** ಒಂದು ತರಗತಿಯ ಶಿಕ್ಷಕರು ತಮ್ಮ ತರಗತಿಯ ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯಿಂದ ಮಧ್ಯಾಹ್ನದ ಉಂಟಕ್ಕೆ ತಮಗೆ ಇಷ್ಟವಾದ ಉಂಟದ ವಿಧವನ್ನು ತಿಳಿಯಲು ಅವೇಕ್ಷಿಸುತ್ತಾರೆ. ಈ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಸಂಗ್ರಹಿಸಲು ತರಗತಿಯ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿನಿ ಮರಿಯಾಗೆ ಹೇಳುತ್ತಾರೆ. ಈ ಕಾರ್ಯವನ್ನು ಮರಿಯಾಳು ಒಂದು ಕಾಗದದ ಹಳೆ ಮತ್ತು ಒಂದು ಪೇಸ್‌ಲೋನ ಸಹಾಯದಿಂದ ಮಾಡುತ್ತಾಳೆ. ಉಂಟದ ವಿಧಗಳನ್ನು ಕಂಬ ಸಾಲುಗಳಲ್ಲಿ ಅಯೋಜಿಸಿ, ಪ್ರತಿ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯ ಉಂಟದ ಆಯ್ದುಯನ್ನು | ಗುರುತಿನ ಮೂಲಕ ಸೂಚಿಸುತ್ತಾಳೆ

ಆಯ್ದು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಅನ್ನ ಮಾತ್ರ	
ಚಪಾತಿ ಮಾತ್ರ	
ಅನ್ನ ಮತ್ತು ಚಪಾತಿ ಎರಡೂ	

ಅದೇ ತರಗತಿಯ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯಾದ ಉಮೇಶನು ಈ ಮೇಲಿನ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ನೋಡಿ, ಮತ್ತೊಂದು ಉತ್ತಮ ವಿಧಾನದಿಂದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡಲು ಸೂಚಿಸಿದನು. ಅವನು ಮಾರಿಯಾಳಿಗೆ (I) ಗುರುತುಗಳಲ್ಲಿ ಹತ್ತರ ಗುಂಪನ್ನು ಮಾಡಲು ಕೆಳಗೆ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ತಿಳಿಸಿದನು.

(I) ಗುರುತುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಲೆಕ್ಕಿಸಲು ಒಂದು ಸುಲಭ ಉಪಾಯವನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದನು.

(II) ಗುರುತುಗಳ ಹತ್ತರ ಗುಂಪಗಳಲ್ಲಿ ಈ ಮುಂದೆ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಮಾಡಬಹುದೆಂದು ಉಮೇಶ ಸಲಹೆ ನೀಡಿದನು.

ಆಯ್ದು	ಎಣಿಕೆ ಗುರುತುಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಅನ್ನ ಮಾತ್ರ		17
ಚಪಾತಿ ಮಾತ್ರ		13
ಅನ್ನ ಮತ್ತು ಚಪಾತಿ ಎರಡೂ		20

ಅದೇ ತರಗತಿಯ ರಾಜನ್ ಮಾರಿಯಾಳಿಗೆ ಇದರ (5) ಗುಂಪನ್ನು ಮಾಡಲು ಸಲಹೆ ನೀಡಿ ಕೆಲಸವನ್ನು ಇನ್ನೂ ಸುಲಭ ಮಾಡಿದನು.



## ಮಾಡಿನೋಡಿ

1. ನಿಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಸಹಪಾಠಿಗಳ ಕುಟುಂಬಗಳಲ್ಲಿರುವ ಸದಸ್ಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸಿ, ಒಂದು ಕೋಟ್ಟಕದ ಮೂಲಕ ಸೂಚಿಸಿ. ಹೆಚ್ಚು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಯಾವ ಗುಂಪಿಗೆ ಸೇರಿದ್ದಾರೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಕುಟುಂಬದಲ್ಲಿರುವ ಸದಸ್ಯರು	ಎಣಿಕೆ ಗುರುತಿಗಳು	ಕುಟುಂಬದಲ್ಲಿ ಅಷ್ಟು ಸದಸ್ಯರಿರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ

ಮೇಲಿನಂತೆ ಎಣಿಕೆ ಗುರುತಿಗಳನ್ನು ಹಾಕಿ ತಯಾರಿಸಿ. ಈ ಪಟ್ಟಿಯಿಂದ ಈ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ : -

- (a) ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಬಾರಿ ಬಂದಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆ
- (b) ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಬಾರಿ ಬಂದಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆ
- (c) ಸಮನಾಗಿ ಮನರಾವತೀಕರಿಸುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು

### 9.4 ಚಿತ್ರ ನಕ್ಷೆ [ಚಿತ್ರಾಲೇಖ]

ಒಂದು ಕಪಾಟಿನಲ್ಲಿ 5 ವಿಭಾಗಗಳಿವೆ. ಪ್ರತಿ ವಿಭಾಗದ ಸಾಲೆನಲ್ಲಿ ಮಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಲಾಗಿದೆ. ಇದರ ವಿವರವನ್ನು ಕೋಟ್ಟಕದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ.

ಸಾಲುಗಳು	ಮಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	→ 1 ಮಸ್ತಕ
1ನೇ ಸಾಲು	3	
2ನೇ ಸಾಲು	4	
3ನೇ ಸಾಲು	2	
4ನೇ ಸಾಲು	8	

ಯಾವ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಮಸ್ತಕಗಳಿವೆ? ಯಾವ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಮಸ್ತಕಗಳಿವೆ?

ನೀವು ಈ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಕೇವಲ ಚಿತ್ರವನ್ನು ನೋಡಿ ಉತ್ತರಿಸಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿ ಚಿತ್ರದ ಏಕ್ಕಣೆಯು ಅಂಕ ಅಂಶಗಳನ್ನು ತಿಳಿಸಲು ಸಹಾಯ ಮಾಡುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನು ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆ ಅಥವಾ ಚಿತ್ರಾಲೇಖ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯು ಅಂಕ ಅಂಶಗಳನ್ನು ವಸ್ತುಗಳ ಚಿತ್ರಗಳ ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ. ಬರೆ ಕಣಳಾಡಿಸಿ ನೋಡಿ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳ ಮೇಲಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಬಹುದು.

## ಮಾಡಿನೋಡಿ



ದಿನಪತ್ತಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಮತ್ತು ಇತರ ಪತ್ತಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಓದುಗರ ಗಮನ ಸೆಳೆಯುತ್ತಾರೆ. ಹೀಗೆ ಮುದ್ರಿತವಾದ ಒಂದೆರಡು ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಗಳನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸಿ, ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಪ್ರದರ್ಶಿಸಿ ಇವು ಎನನ್ನು ತಿಳಿಸುತ್ತವೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಅರ್ಥ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಿ.

ಚಿತ್ರಾಲೇಖವನ್ನು ಅರ್ಥ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಲು ಸ್ವಲ್ಪ ಅಭ್ಯಾಸ ಅವಶ್ಯಕ.

### 9.5 : ಒಂದು ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯ ವಿಶೇಷಣ :-

**ಉದಾಹರಣೆ : 3 :** ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯು 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವ ಒಂದು ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ವಾರದಲ್ಲಿ ಗೈರು ಹಾಜರಾದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ.

ದಿನಗಳು	ಗೈರು ಹಾಜರಾದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	→ 1 ಗೈರು ಹಾಜರಿ
ಸೋಮವಾರ	6	
ಮಂಗಳವಾರ	5	
ಬುಧವಾರ	2	
ಗುರುವಾರ	1	
ಶುಕ್ರವಾರ	10	
ಶನಿವಾರ	11	

- (a) ಯಾವ ದಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಗೈರು ಹಾಜರಾಗಿದ್ದರು?
- (b) ಯಾವ ದಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಹಾಜರಾತಿ ಇತ್ತು?
- (c) ಈ ವಾರದಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಗೈರು ಹಾಜರಾತಿ ಇತ್ತು?

**ಪರಿಹಾರ :**

- (a) ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಗೈರುಹಾಜರಾಗಿರುವ ದಿನ ಶನಿವಾರ (ಶನಿವಾರವನ್ನು ತೋರಿಸುವ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 8 ಚಿತ್ರಗಳಿವೆ. ಉಳಿದ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಚಿತ್ರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಕಡಿಮೆ)
- (b) ಗುರುವಾರದ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಯಾವುದೇ ಚಿತ್ರಗಳಿಲ್ಲ, ಅಂದರೆ ಯಾವುದೇ ಗೈರು ಹಾಜರಿ ಇಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಗುರುವಾರದಂದು ಮೊಳ್ಳಿ ಹಾಜರಾತಿ ಇತ್ತು.
- (c) ಹೊಷ್ಟ್‌ಕಡಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು 20 ಚಿತ್ರಗಳಿವೆ. ಆದುದರಿಂದ ವಾರದ ಒಟ್ಟು ಗೈರು ಹಾಜರಿ ಸಂಖ್ಯೆ 20.

**ಉದಾಹರಣೆ 4:** ಒಂದು ಬಡಾವಣೆಯಲ್ಲಿರುವ ನಿವಾಸಿಗಳು ಇಷ್ಟಪಟ್ಟಿರುವ ಪ್ರಿಡ್ಜ್‌ಗಳ ಬಣ್ಣಗಳನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ.

ಬಣ್ಣಗಳು	ನಿವಾಸಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	10 ಜನ ನಿವಾಸಿಗಳು
ನೀಲಿ	5	
ಹಸಿರು	2	
ಕೆಂಪು	6	
ಬಿಳಿ	2	

- (a) ನೀಲಿ ಬಣ್ಣದ ಪ್ರಿಡ್ಜ್‌ಗಳನ್ನು ಬಯಸಿದ ಜನರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?
- (b) ಕೆಂಪು ಬಣ್ಣದ ಪ್ರಿಡ್ಜ್‌ಗಳನ್ನು ಬಯಸಿದ ಜನರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** (a) ನೀಲಿ ಬಣ್ಣವನ್ನು ಬಯಸಿದ ಜನರ ಸಂಖ್ಯೆ: 50

$$[ \text{ } = 10, \text{ ಆದುದರಿಂದ } 5 \text{ ಚಿತ್ರಗಳಿಗೆ } = 5 \times 10 = 50 \text{ ಜನ} ]$$

(b) ಕೆಂಪು ಬಣ್ಣದ ಪ್ರೀಡ್‌ಗಳನ್ನು ಬಯಸಿದವರ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಲೆಕ್ಕೆ ಮಾಡಲು ಸ್ಪ್ಲಿಟ್ ಎಚ್‌ರೆಬೇಕು. 5 ಪೊಣ ಆಕೃತಿಗಳಿಗೆ (ಚಿತ್ರಗಳಿಗೆ)  $5 \times 10 = 50$  ಮತ್ತು 1 ಅಪೊಣ ಅಂದರೆ ಸುಮಾರು ಅರ್ಥದಷ್ಟಿರುವ ಚಿತ್ರಕ್ಕೆ ಅಂದಾಜು 5 ಜನ, ಒಟ್ಟು  $50 + 5 = 55$  ಜನರು ಕೆಂಪು ಬಣ್ಣದ ಪ್ರೀಡ್‌ನ್ನು ಬಯಸುವರು. ಅಲೋಚಿಸಿ, ಚರ್ಚಿಸಿ ನಂತರ ಬರೆಯಿರಿ: ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ ಕೆಂಪು ಬಣ್ಣವನ್ನು ಇಚ್ಛಿಸುವವರು  $50 + 5 = 55$ . ಇದನ್ನು ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾಠ  $50+8 = 58$  ಎಂದು ಬರೆದರೆ ಇದನ್ನು ಒಪ್ಪಬಿಹುದೇ?

**ಉದಾಹರಣೆ 5:** ಒಂದು ಶಾಲೆಯ 6 ನೇ ತರಗತಿಯ 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಶಾಲೆಗೆ ಬರಲು ಬಳಸುವ ಸಾರಿಗೆಯ ವಿಧಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಮಾಹಿತಿ ಸಂಗ್ರಹಿಸಲಾಯಿತು. ಅವರು ಬಳಸುವ ಸಾರಿಗೆಯ ವಿಧಗಳನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ.

ಈ ಚಿತ್ರ ನಕ್ಷೆಯಿಂದ ನೀವು ಏನನ್ನು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವಿರಿ?

ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ವಿಧಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	ಒಬ್ಬ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ
ಸ್ವಂತ ಕಾರು	4	
ಸಾರ್ವಜನಿಕ ಬಸ್ಸು	5	
ಶಾಲಾ ವಾಹನ	9	
ಸೈಕಲ್	2	
ನಡಿಗೆ (ಕಾಲು ನಡಿಗೆ)	6	

**ಪರಿಹಾರ:** ಈ ಮೇಲಿನ ಚಿತ್ರಾಲ್ಟೆಯಿಂದ,

- ಸ್ವಂತ ಕಾರಿನಲ್ಲಿ ಬರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ 4
- ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಶಾಲಾವಾಹನವನ್ನು ಬಳಸುತ್ತಾರೆ. ಇದು ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಜನಪ್ರಿಯ ವಿಧ.
- ಸೈಕಲ್ ಬಳಸುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಕೇವಲ 2 ಜನ.
- ಇತರೆ ಸಾರಿಗೆ ವಿಧಾನಗಳಲ್ಲಿ ಶಾಲೆಗೆ ಬರುವ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಇದೇ ರಿತಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 6:** ಕ್ಷೇತ್ರಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸುವ ಕಾರ್ಡನೆ ಒಂದು ವಾರದಲ್ಲಿ ತಯಾರಿಸಿದ ಕ್ಷೇತ್ರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಈ ಮುಂದಿನ ಚಿತ್ರ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಹೊಡಲಾಗಿದೆ.

ವಾರದ ದಿನಗಳು	ತಯಾರಿಸಿದ ಕ್ಷೇತ್ರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	= 100 ಕ್ಷೇತ್ರಗಳು
ಸೋಮವಾರ	6	
ಮಂಗಳವಾರ	7	
ಬುಧವಾರ	5	

ಗುರುವಾರ		
ಶುಕ್�ವಾರ		
ಶನಿವಾರ		

(a) ಯಾವ ದಿನ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ತಯಾರಿಸಲಾಗಿದೆ?

(b) ಯಾವ ದಿನ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ತಯಾರಿಸಲಾಗಿದೆ?

(c) ಈ ವಾರದಲ್ಲಿ ತಯಾರಿಸಲಾದ ಒಟ್ಟು ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಅಂದಾಜು ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ಮೊಣಿಕೊಳಿಸಿದ ನಂತರ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಬಹುದು:

ವಾರದ ದಿನಗಳು	ತಯಾರಿಸಿದ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆ
ಸೋಮವಾರ	600
ಮಂಗಳವಾರ	700 ಕ್ಷೀಂತ ಹೆಚ್ಚು ಮತ್ತು 800 ಕ್ಷೀಂತ ಕಡಿಮೆ
ಬುಧವಾರ	
ಗುರುವಾರ	
ಶುಕ್ರವಾರ	
ಶನಿವಾರ	

## ಅಭ್ಯಾಸ 9.1

1. ಒಂದು ಗಣಿತದ ಪರೀಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ತರಗತಿಯ 40 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪಡೆದ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ. ಈ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಗುರುತಿಸಿ ಸಹಾಯದಿಂದ ಒಂದು ಕೋಷ್ಟಕ ತಯಾರಿಸಿ.

8	1	3	7	6	5	5	4	4	2
4	9	5	3	7	1	6	5	2	7
7	3	8	4	2	8	9	5	8	6
7	4	5	6	9	6	4	4	6	6

(a) ಇಪ್ಪು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು 7 ಮತ್ತು 7 ಕ್ಷೀಂತ ಹೆಚ್ಚು ಅಂಕಗಳನ್ನು ಗಳಿಸಿದ್ದಾರೆ?

(b) 4 ಕ್ಷೀಂತ ಕಡಿಮೆ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಪಡೆದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

2. ನಾಲ್ಕನೇ ತರಗತಿಯ 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಿಹಿತಿಂಡಿಗಳ ಆಯ್ದು ಈ ಕೆಳಗಿನಂತಿದೆ:

ಲಾಡು, ಬಫ್ಫ್, ಲಾಡು, ಜಿಲೇಬಿ, ಲಾಡು, ರಸಗುಲ್ಲ, ಜಿಲೇಬಿ, ಲಾಡು, ಬಫ್ಭ್, ರಸಗುಲ್ಲ, ಲಾಡು, ಜಿಲೇಬಿ, ಜಿಲೇಬಿ, ರಸಗುಲ್ಲ, ಲಾಡು, ರಸಗುಲ್ಲ, ಜಿಲೇಬಿ, ಲಾಡು, ರಸಗುಲ್ಲ, ಲಾಡು, ಲಾಡು, ಬಫ್ಭ್ ರಸಗುಲ್ಲ, ರಸಗುಲ್ಲ, ಜಿಲೇಬಿ, ರಸಗುಲ್ಲ, ಲಾಡು ರಸಗುಲ್ಲ, ಜಿಲೇಬಿ ಲಾಡು.

- (a) ಈ ಮೇಲಿನ ಸಿಹಿತಿಂಡಿಗಳ ಹೆಸರನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಗುರುತ್ವಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಒಂದು ಕೋಟ್ಟುಕೆದಲ್ಲಿ ಜೋಡಿಸಿ.
- (b) ಯಾವ ಬಗೆಯ ಸಿಹಿತಿಂಡಿಯನ್ನು ಹೆಚ್ಚು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಬಯಸುತ್ತಾರೆ?
3. ಆರು ಮುಖಗಳಿರುವ ಒಂದು ದಾಳವನ್ನು ಕೆಫರೀನ್ 40 ಬಾರಿ ಆಡಿದಾಗ, ಆ ದಾಳವು ತೋರಿಸಿದ ಮುಖ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದೆ.

1	3	5	6	6	3	5	4	1	6
2	5	3	4	6	1	5	5	6	1
1	2	2	3	5	2	4	5	5	6
5	1	6	2	3	5	2	4	1	5

ಈ ಅಂಕಿ ಅಂಶಗಳಿಗೆ ಎಣಿಕೆ ಗುರುತ್ವಗಳ (ಗೀಟುಗುರುತ್ವಗಳ) ಸಹಾಯದಿಂದ ಒಂದು ಕೋಟ್ಟುಕೆವನ್ನು ತಯಾರಿಸಿ; ಈ ಮುಂದಿನವುಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

- (a) ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಬಾರಿ ಪುನರಾವರ್ತನೆಯಾಗಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆ
- (b) ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಬಾರಿ ತೋರಿಸಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆ
- (c) ಸಮನಾದ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಪುನರಾವರ್ತಿಸಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು.
4. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರಾಲೇಖದಲ್ಲಿ 5 ಹಳ್ಳಿಗಳಲ್ಲಿರುವ ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳನ್ನು ತೋರಿಸಿದೆ.

ಹಳ್ಳಿಗಳು	ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	 = 1 ಟ್ರಾಕ್ಟರ್
A		
B		
C		
D		
E		

ಚಿತ್ರಾಲೇಖನನ್ನು ಗಮನಿಸಿ, ಮುಂದಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

- (a) ಯಾವ ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳಿವೆ?
- (b) ಯಾವ ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳಿವೆ?
- (c) B ಹಳ್ಳಿಗಿಂತ C ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳಿವೆ?
- (d) 5 ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿರುವ ಒಟ್ಟು ಟ್ರಾಕ್ಟರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

5. ಒಂದು ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿರುವ ತರಗತಿವಾರು ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ.

ತರಗತಿಗಳು	ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆ	 - 4 ಬಾಲಕಿಯರು
I		
II		
III		
IV		
V		
VI		
VII		
VIII		

ಮೇಲಿನ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

- (a) ಯಾವ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಾಲಕಿಯರಿದ್ದಾರೆ ?
  - (b) VI ನೇ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಯ V ನೇ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗಿಂತ ಕಡಿಮೆಯೇ ?
  - (c) VII ನೇ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಬಾಲಕಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು ?
6. ಒಂದು ಅಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ವಾರದ ವಿದ್ಯುತ್ ದೀಪಗಳ ಮಾರಾಟವನ್ನು ಈ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ:

ದಿನಗಳು	ಮಾರಾಟ ಮಾಡಿದ ವಿದ್ಯುತ್ ಬಲ್ಬಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	 - 2 ಬಲ್ಬಗಳು
ಸೋಮವಾರ		
ಮಂಗಳವಾರ		
ಬುಧವಾರ		
ಗುರುವಾರ		
ಶುಕ್ರವಾರ		
ಶನಿವಾರ		
ಭಾನುವಾರ		

ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ ಈ ಮುಂದಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

- ಶುಕ್ರವಾರ ಮಾರಿದ ಬಲ್ಪಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?
- ಯಾವ ದಿನದಂದು ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಬಲ್ಪಗಳು ಮಾರಾಟವಾಗಿವೆ?
- ಯಾವ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಸಮಾನ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಲ್ಪಗಳು ಮಾರಾಟವಾಗಿವೆ?
- ಯಾವ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಕನಿಷ್ಠ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಲ್ಪಗಳು ಮಾರಾಟವಾಗಿವೆ?
- ಒಂದು ರಟ್ಟಿನ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯಲ್ಲಿ 9 ಬಲ್ಪಗಳು ಹಿಡಿಸಬಹುದಾದರೆ, ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿರುವ ಒಟ್ಟು ಬಲ್ಪಗಳನ್ನು ತುಂಬಲು ಎಷ್ಟು ರಟ್ಟಿನ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳು ಅವಶ್ಯಕ?

**ಉದಾ:** 7. ಒಂದು ಹಣ್ಣಿಯ 6 ಜನ ಹಣ್ಣಿನ ವ್ಯಾಪಾರಿಗಳು ಒಂದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಅವಧಿಯಲ್ಲಿ ಮಾರಾಟ ಮಾಡಿದ ಹಣ್ಣಿನ ಬುಟ್ಟಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ.

ಹಣ್ಣಿನ ವ್ಯಾಪಾರಿಗಳು	ಮಾರಿದ ಹಣ್ಣಿನ ಬುಟ್ಟಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	— 100 ಹಣ್ಣಿನ ಬುಟ್ಟಿಗಳು
ರಹೀಮ್	    	
ರತನ್	     	
ಅನ್ನರ್	      	
ಮಾಟೆನ್	        	
ರಣಜಿತ್ ಸಿಂಗ್	       	
ಜೋಸ್‌ಫ್	    	

ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ ಮುಂದಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

- ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಹಣ್ಣಿನ ಬುಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ಮಾರಿದ ವ್ಯಾಪಾರಿ ಯಾರು ?
- ಅನ್ನರ್ ಮಾರಿದ ಬುಟ್ಟಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು ?
- 600 ಮತ್ತು ಅದಕ್ಕೂ ಹೆಚ್ಚು ಹಣ್ಣಿನ ಬುಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ಮಾರಿದ ವ್ಯಾಪಾರಿಗಳು ಹಣ್ಣಿಗಳನ್ನು ಶೇಖರಿಸಲು ಒಂದು ಗೌಡೋನ್ (ಸಂಗ್ರಹ ಕೊಡಿ) ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಲು ಬಯಸಿದ್ದಾರೆ. ಅಂತಹ ವ್ಯಾಪಾರಿಗಳನ್ನು ಹೆಸರಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವೇ ?

#### 9.6 ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ರಚಿಸುವದು:

ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯ ರಚನೆಯು ನಿಜವಾಗಲೂ ಕುಶಾಹಲಕಾರಿ. ಆದರೆ ಕೆಲವು ಸಾರಿ (ಹಿಂದಿನ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ ಬಳಸಿದಂತೆ) ಸಂಕೇತಗಳು ಹಲವಾರು ಮಾನಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಇದರಿಂದ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯ ರಚನೆ ಕಷ್ಟಕರ. ಇದರ ಬದಲಾಗಿ ಇನ್ನೂ ಸರಳವಾದ ಸಂಕೇತಗಳನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು. ಈ ಸಂಕೇತವು 5 ಜನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದರೆ, 4 ಅಥವಾ 3 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ಸೂಚಿಸಬೇಕು?

ಈ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಪರಿಹರಿಸಲು ಒಂದು ಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ಹೀಗೆ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳೋಣ:

-  ಇದು 5 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದರೆ,  
 ಇದು 4 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ  
 ಇದು 3 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ  
 ಇದು 2 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು  
 ಇದು 1 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ

ನಂತರ ಉಳಿದ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಪ್ರಾರಂಭಿಸಬಹುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 7 :** 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವ ಒಂದು ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ವಾರದಲ್ಲಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಹಾಜರಾತಿಯನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ಇದನ್ನು ಒಂದು ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯಿಂದ ಸೂಚಿಸಿ.

ದಿನಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಹಾಜರಾತಿ ಸಂಖ್ಯೆ
ಸೋಮವಾರ	24
ಮಂಗಳವಾರ	26
ಬುಧವಾರ	28
ಗುರುವಾರ	30
ಶುಕ್ರವಾರ	29
ಶನಿವಾರ	22

**ಪರಿಹಾರ:** ಹಿಂದೆ ಮಾಡಿದ ಕಲ್ಪನೆಯಂತೆ,

24ನ್ನು      ಈ ರೀತಿ ಸೂಚಿಸಬಹುದು.

26ನ್ನು       ಹೀಗೆ ಸೂಚಿಸಿ ಮುಂದುವರೆದರೆ,

ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯು ಈ ಮುಂದಿರುವಂತೆ ಆಗುತ್ತದೆ:

ದಿನಗಳು	ಹಾಜರಾತಿ ಸಂಖ್ಯೆ
ಸೋಮವಾರ	    
ಮಂಗಳವಾರ	     
ಬುಧವಾರ	     
ಗುರುವಾರ	     
ಶುಕ್ರವಾರ	     
ಶನಿವಾರ	     

ನಾವು ಇಲ್ಲಿ 5ಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಇರುವುದನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಒಟ್ಟಿಗೆಯೊಂದನ್ನು ಮಾಡಿಕೊಂಡೇವು. ಆದರೆ ಜಿತ್ತುವನ್ನು ಕಡಿತಗೊಳಿಸುವ ವಿಧಾನವು ಯಾವಾಗಲು ಸಾಧ್ಯವಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಇಂತಹ ಸಂದರ್ಭಗಳಲ್ಲಿ ನಾವೇನು ಮಾಡೋಣ?

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡಿ:

**ಉದಾಹರಣೆ 8:** ಒಂದು ವಸati ಗೃಹದಲ್ಲಿ ಮೊದಲ 4 ತಿಂಗಳ ಅವಧಿಯಲ್ಲಿ ಕೊಂಡುಕೊಂಡಿರುವ ವಿದ್ಯುತ್ ಬಲ್ಪಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ವಿವರಿಸಲಾಗಿದೆ:

ತಿಂಗಳು	ಬಲ್ಪಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಜನವರಿ	20
ಫೆಬ್ರವರಿ	26
ಮಾರ್ಚ್	30
ಏಪ್ರಿಲ್	34

ಈ ಮೇಲಿನ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು ಒಂದು ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆಯಿಂದ ಸೂಚಿಸಿ:

**ಪರಿಹಾರ:** ಜನವರಿ ಮತ್ತು ಮಾರ್ಚ್ ತಿಂಗಳುಗಳನ್ನು ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸುವುದು ಸುಲಭ. ಆದರೆ ಫೆಬ್ರವರಿ ಮತ್ತು ಏಪ್ರಿಲ್‌ಗಳ ದತ್ತಾಂಶಗಳಾದ 26 ಮತ್ತು 34ನ್ನು ಸೂಚಿಸುವುದು ಸುಲಭವಲ್ಲ. ಒಂದು ಬಲ್ಪಿನ ಸಂಕೇತ (ಠ)ವು 10 ಬಲ್ಪಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲಿ. 26ನ್ನು 5ಕ್ಕೆ ಸಮೀಪವಾಗುವಂತೆ 25 ಎಂದೂ, 34ನ್ನು 5ಕ್ಕೆ ಸಮೀಪವಾಗಿ 35 ಎಂದೂ ಅಂದಾಜು ಮಾಡೋಣ.

ಆಗ ಫೆಬ್ರವರಿಗೆ ಎರಡು ಮತ್ತು ಅಧಿಕ ಬಲ್ಪಿ ಸಂಕೇತದಿಂದ, ಮತ್ತು ಏಪ್ರಿಲ್‌ಗ ಮೂರು ಮತ್ತು ಅಧಿಕ ಬಲ್ಪಿ ಸಂಕೇತದಿಂದ ಸೂಚಿಸಬಹುದು.

ಆಗ ಉಂಟಾಗುವ ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆಯು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಆಗುತ್ತದೆ.

ತಿಂಗಳು	ಬಲ್ಪಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಜನವರಿ	೨೦
ಫೆಬ್ರವರಿ	೩೫
ಮಾರ್ಚ್	೪೦
ಏಪ್ರಿಲ್	೪೫



## ಅಭ್ಯಾಸ 9.2

1. 5 ಹಳ್ಳಿಗಳಲ್ಲಿರುವ ಪ್ರಾಣಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಮುಂದಿನಂತಿದೆ.

ಹಳ್ಳಿ (A) --- 80      ಈ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಒಂದು ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆ ಬಿಡಿಸಿ.

ಹಳ್ಳಿ (B) --- 120      ಸಂಕೇತ ಇವು 10 ಪ್ರಾಣಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲಿ.

ಹಳ್ಳಿ (C) --- 90      ನಂತರ ಈ ಮುಂದಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

ಹಳ್ಳಿ (D) --- 40

ಹಳ್ಳಿ (E) --- 60

(a) ಹಳ್ಳಿ (E) ಯ ಪ್ರಾಣಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಎಷ್ಟು  ಸಂಕೇತಗಳು ಬೇಕು ?

(b) ಯಾವ ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಪ್ರಾಣಿಗಳಿವೆ ?

(c) ಹಳ್ಳಿ (A) ಅಥವಾ ಹಳ್ಳಿ (C) ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವ ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಪ್ರಾಣಿಗಳಿವೆ ?

2. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ವಿವಿಧ ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿದ್ದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ :

ವರ್ಷಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
1996	400
1998	535
2000	472
2002	600
2004	623

ಈ ಮೇಲಿನ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಒಂದು ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆಯನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಸಂಕೇತವು 100 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲಿ. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

(a) 2002ನೇ ವರ್ಷದಲ್ಲಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಸಂಕೇತಗಳನ್ನು ಬಳಸುವರಿ?

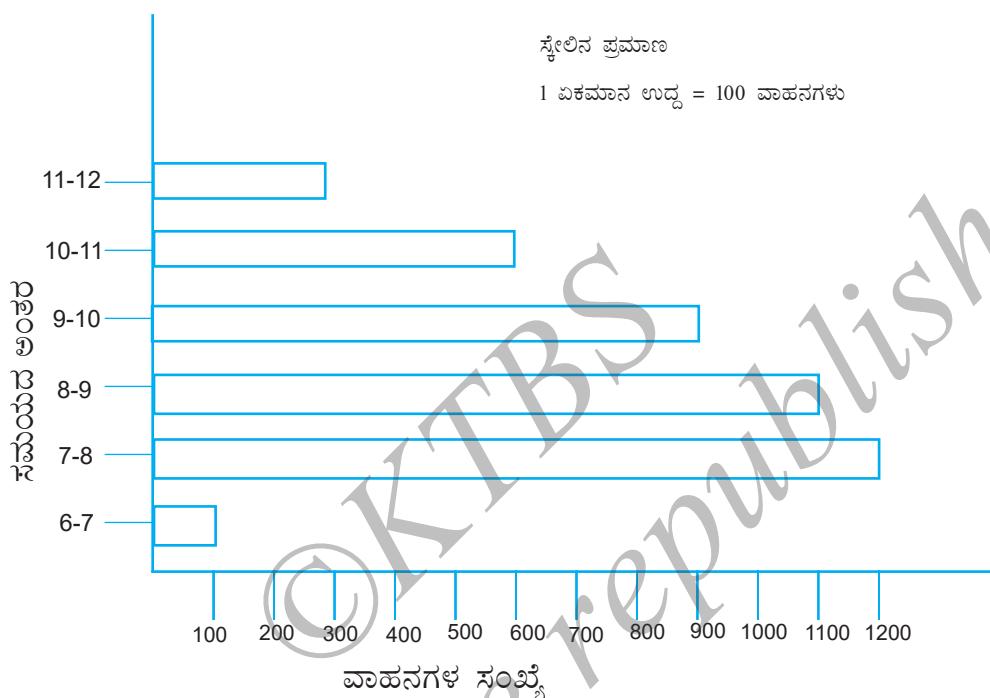
(b) 1998ನೇ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಸಂಕೇತಗಳನ್ನು ಬಳಸುವರಿ?

(c) ಪ್ರತಿ ಸಂಕೇತವು 50 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವಂತೆ ಬೇರೆ ಯಾವುದಾದರೂ ಸಂಕೇತ ಬಳಸಿ ಮತ್ತೊಂದು ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆ ರಚಿಸಿ. a ಮತ್ತು b ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಹೆಚ್ಚು ಮಾಹಿತಿಯುಕ್ತವಾಗಿದೆ? ತಿಳಿಸಿ.

### 9.7 ಸ್ತುಂಭನಕ್ಕೆ ಅಥವಾ ಸ್ತುಂಭಾಲೇಖ

ಕೊಟ್ಟಿರುವ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು (ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು) ಜಿತ್ತನಕ್ಕೆಯಿಂದ ಸೂಚಿಸುವುದು ಹೆಚ್ಚು ಸಮಯವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದಲ್ಲದೆ ಕೆಲವು ಬಾರಿ ಕಷ್ಟಸಾಧ್ಯವೂ ಆಗಿರುತ್ತದೆ. ಸಮಾನ ಅಗಲವಿರುವ ಅಡ್ಡವಾಗಿ ಅಥವಾ ಲಂಬವಾಗಿ ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾನ ಅಂಶರದಲ್ಲಿ ಎಳೆದ ಆಯತಾಕಾರ ಸ್ತುಂಭಗಳಿಂದ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಬಹುದು. ಈ ರೀತಿ ಸೂಚಿಸುವ ನಕ್ಕಿಗೆ 'ಸ್ತುಂಭನಕ್ಕೆ' ಅಥವಾ 'ಸ್ತುಂಭಾಲೇಖ' ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

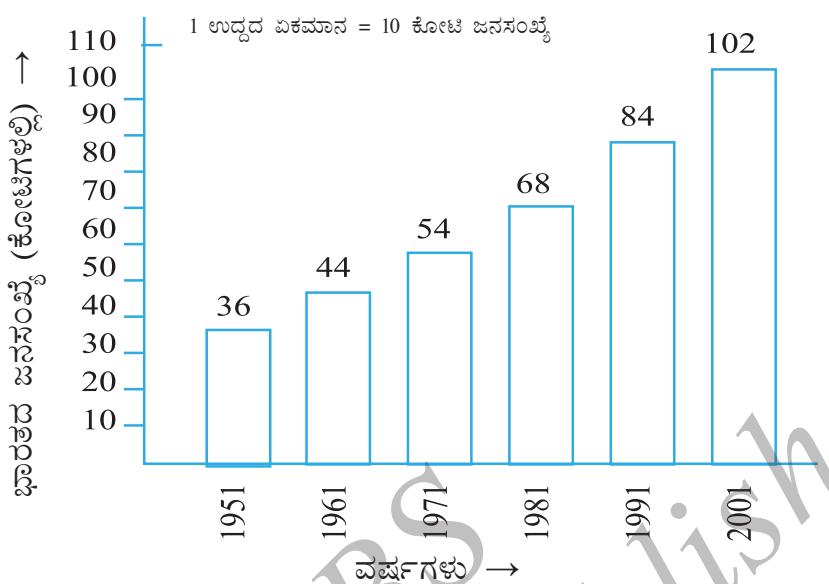
**ಸ್ತಂಭನಕ್ಷಯ ವಿಶ್ಲೇಷಣೆ:** ಬೆಂಗಳೂರಿನ ಒಂದು ಜನನಿಬಿಡ ರಸ್ತೆಯಲ್ಲಿ ಸಾಗುತ್ತಿರುವ ವಾಹನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಉದಾಹರಣೆಯಾಗಿ ನೋಡೋಣ. ಒಂದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ದಿನ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಅವಧಿ - ಬೇಳೆಗೆ 6.00 ರಿಂದ ಮಧ್ಯಾಹ್ನ 12.00 ರವರೆಗೆ ಚಲಿಸಿದ ವಾಹನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಅಲ್ಲಿಯ ವಾಹನ ನಿಯಂತ್ರಕ ಪೊಲೀಸರು ಗುರುತಿಸಿದರು. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸ್ತಂಭನಕ್ಷಯ ಶಃ ದತ್ತಾಂಶವನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ. 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದವು 100 ವಾಹನಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ.



ಕಾಲಾವಧಿ ಬೇಳೆಗೆ 7.00 ರಿಂದ 8.00 ರಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ವಾಹನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ (1200 ವಾಹನಗಳು) ಯನ್ನು ಅತಿ ಉದ್ದ ಸ್ತಂಭದಿಂದ ತೋರಿಸುವುದನ್ನು ನಾವು ಕಾಣಬಹುದು. ಎರಡನೇ ಅತಿ ಉದ್ದದ ಸ್ತಂಭವು ಕಾಲಾವಧಿ ಬೇಳೆಗೆ 8.00 ರಿಂದ 9.00 ಆಗಿದೆ. ಇದೇ ರೀತಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಉದ್ದದ ಸ್ತಂಭವು (100 ವಾಹನಗಳು) ಕಾಲಾವಧಿ ಬೇಳೆಗೆ 6.00 ರಿಂದ 7.00 ನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ. ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಉದ್ದದ ಸ್ತಂಭಕ್ಕಿಂತ ಸ್ವಲ್ಪ ದೊಡ್ಡದಾದ ಸ್ತಂಭವು ಕಾಲಾವಧಿ ಬೇಳೆಗೆ 11.00 ರಿಂದ ಮಧ್ಯಾಹ್ನ 12.00ನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ.

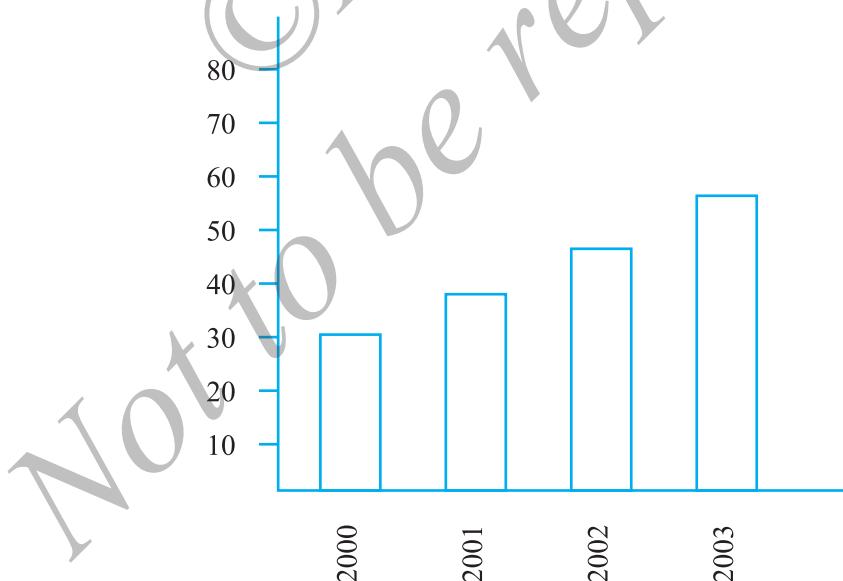
ಎರಡು ಕಾಲಾವಧಿಗಳಾದ ಬೇಳೆಗೆ 8.00 ರಿಂದ 10.00 ರವರೆಗೆ ಚಲಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ವಾಹನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ  $1000 + 900 = 1900$ ನ್ನು ಎರಡು ಅತಿ ಉದ್ದವಾದ ಸ್ತಂಭಗಳು ಸೂಚಿಸುತ್ತವೆ.

ಕೊಟ್ಟಿರುವ ದತ್ತಾಂಶಗಳಲ್ಲಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ದೊಡ್ಡ ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿದ್ದರೆ ನಿಮಗೆ ಬೇರೆಯದಾದ ಸ್ಕ್ರೇನ್ ಪ್ರಮಾಣವು ಅವಶ್ಯಕ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಭಾರತದ ಜನಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಳವಣಿಗೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ದತ್ತಾಂಶಗಳು ಕೊಣೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ. ಈಗ ನೀವು 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದವನ್ನು 1 ವ್ಯಕ್ತಿಗೆ ಸೂಚಿಸಿದರೆ ಸ್ತಂಭಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಸ್ಕ್ರೇನ್ ಪ್ರಮಾಣ 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದಕ್ಕೆ 10 ಕೊಣೆಯಾಗಬೇಕು. ಇದನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಸ್ತಂಭನಕ್ಷಯ ಶಃ ಕೆಳಗಿನಂತಿರುತ್ತದೆ:



ಆದುದರಿಂದ 5 ವರ್ಷಗಳ ಮಧ್ಯ ಒಂದು ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಜನಸಂಖ್ಯೆಯ ವೃಧ್ಣಿ ಹಿಂದಿನ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಜನಸಂಖ್ಯೆಯ ವೃಧ್ಣಿಯನ್ನಾಗಿ ಪ್ರತಿಯೊಂದಿಗೆ 1.2% ಇದ್ದು.

**ಶಾಂಕಾಂಶ 9:** ಕೆಳಗೆ ಒಂದು ಶಾಲೆಯ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸ್ತಂಭನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ. ಇದನ್ನು ಅಭಿಪ್ರಾಯ ಮಾಡಿ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:



- ಈ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಬಳಸಿದ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ತಿಳಿಸಿ.
- ಪ್ರತಿ ವರ್ಷವೂ ಎಷ್ಟು ಹೊಸ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಸೇರಿದೆಯಾಗುತ್ತಿದ್ದರೆ?
- 2000 ನೇ ವರ್ಷದಲ್ಲಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು, 2000 ನೇ ವರ್ಷದಲ್ಲಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎರಡರಷ್ಟಿದೆಯೇ?

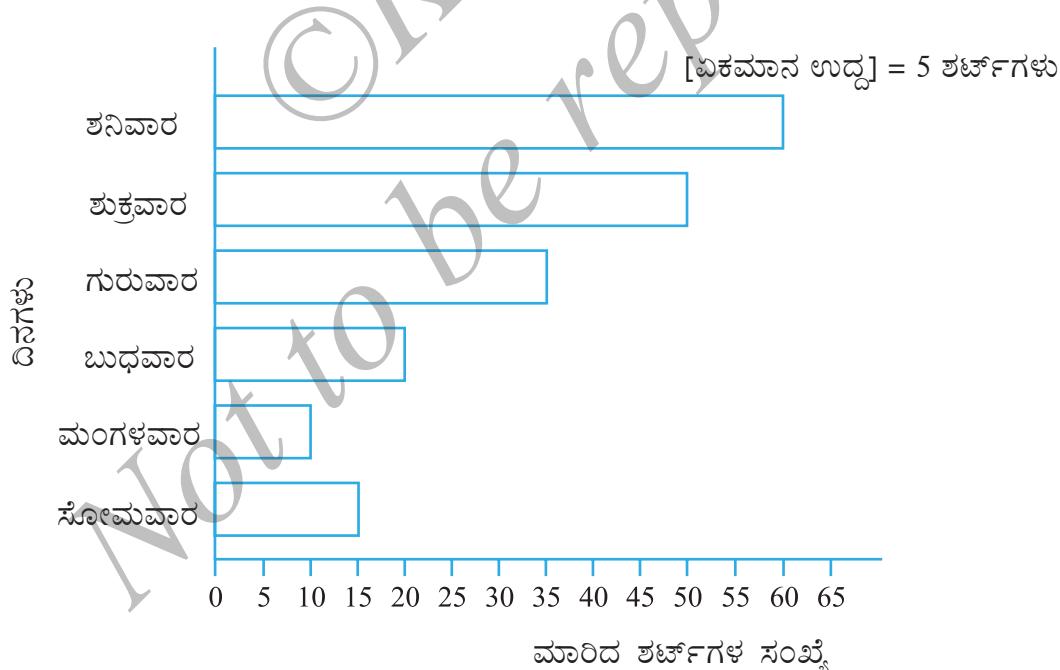
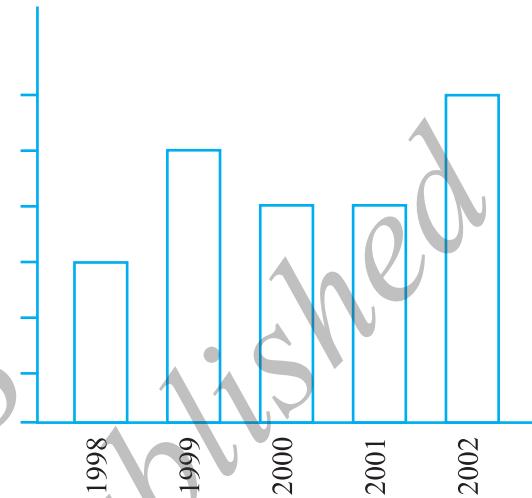
ಜರ್ಮನೀ:

- (a) ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಬಳಸಿರುವ ಪ್ರಮಾಣ 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ = 10 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು  
 (b) ಮತ್ತು (c) ಗಳನ್ನು ನೀವೇ ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ.



### ಅಭ್ಯಾಸ 9.3

- ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಸ್ತಂಭನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ 1998–2000ನೇ ವರ್ಷದ ಅವಧಿಯಲ್ಲಿ ಸರಕಾರವು ಕೊಂಡುಕೊಂಡಿರುವ ಗೋಧಿಯ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ. ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ, ಮುಂದಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.  
 ಯಾವ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಗೋಧಿ ಉತ್ಪನ್ನವು  
 a) ಗರಿಷ್ಠವಾಗಿತ್ತು?  
 b) ಕನಿಷ್ಠವಾಗಿತ್ತು?
- ಸಿದ್ಧ ಉಡುಪುಗಳನ್ನು ಮಾರುವ ಒಂದು ಅಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ಸೋಮವಾರದಿಂದ ಶನಿವಾರದವರೆಗೆ ಮಾರಾಟವಾಗಿರುವ ಶರ್ಕೋಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸ್ತಂಭ ನಕ್ಷೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ:  
 [ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ] = 5 ಶರ್ಕೋಗಳು



ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

- (a) ಈ ಮೇಲಿನ ಸ್ತಂಭನಕ್ಷೆಯು ಯಾವ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಕೊಡುತ್ತದೆ?  
 (b) ಶರ್ಕೋಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಬಳಸಲಾಗಿರುವ ಅಡ್ಡಸಾಲುಗಳ ಸ್ಥೇಲ್‌ ಎಷ್ಟು?

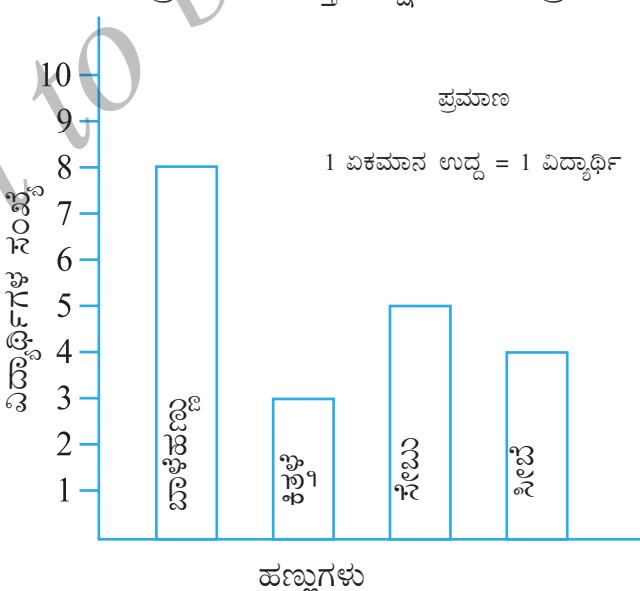
- (c) ಯಾವ ದಿನ ಗರಿಷ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಶರ್ಕಾರಗಳನ್ನು ಮಾರಲಾಗಿದೆ? ಅ ದಿನ ಮಾರಾಟ ಮಾಡಿದ ಶರ್ಕಾರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?
- (d) ಯಾವ ದಿನ ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಶರ್ಕಾರಗಳನ್ನು ಮಾರಲಾಗಿದೆ.
- (e) ಗುರುವಾರದ ದಿನ ಮಾರಿದ ಶರ್ಕಾರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?
3. ಅಭ್ಯರ್ಥಿನ ತನ್ನ ಅರ್ಥವಾರ್ಥಿಕ ಪರಿಸ್ಥೀಯಲ್ಲಿ ವಿವಿಧ ವಿಷಯಗಳಲ್ಲಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಲಾಗಿದೆ. ಇದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ ಮುಂದೆ ಹೊಟ್ಟರುವ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:
- ಈ ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯು ಯಾವ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಹೊಡುತ್ತದೆ ?
  - ಅಭ್ಯರ್ಥಿನ ಯಾವ ವಿಷಯದಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಅಂಕಗಳನ್ನು ಪಡೆದಿರುವನು ?
  - ಅವನು ಯಾವ ವಿಷಯದಲ್ಲಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಪಡೆದಿರುವನು ?
  - ಪ್ರತಿಯೊಂದು ವಿಷಯದ ಹೆಸರು ಮತ್ತು ಅವನು ಪಡೆದ ಅಂಕಗಳನ್ನು ತಿಳಿಸಿ.

### 9.7 (2) ಸ್ತಂಭ ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ರಚಿಸುವುದು:

9.3ರ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ರೆನಾಲ್ಫನ ಸಹಪಾರಿಗಳು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿದ ಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಸೃಜಿಸಿಕೊಳ್ಳಿ. ಈ ದತ್ತಾಂಶಕ್ಕೆ ಒಂದು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯನ್ನು ರಚಿಸೋಣ:

ಹಣ್ಣನ ಹೆಸರು	ಬಾಳಿಹಣ್ಣ	ಕಿತ್ತಲೆ	ಸೇಬು	ಸೀಬೆ
ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	8	3	5	4

ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ಮೊದಲು ಒಂದು ಅಡ್ಡರೇಖೆ ಮತ್ತು ಒಂದು ಲಂಬರೇಖೆಯನ್ನು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿರುವಂತೆ ಎಳೆಯೋಣ. ಅಡ್ಡರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಪ್ರತಿ ಹಣ್ಣನ್ನು ಸ್ತಂಭಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಎಳೆಯೋಣ. ಲಂಬರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಬರೆಯೋಣ. ಇದನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಸೂಕ್ತ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಆಯ್ದು ಮಾಡೋಣ. ಇದರ ಅರ್ಥ 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ್ವಷ್ಟ ಎಷ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ನಾವು ನಿರ್ದಿಷ್ಟಬೇಕು. ಇಲ್ಲಿ 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ್ವಷ್ಟ 1 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯನ್ನು ಮಾತ್ರ ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ ಎಂದು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ. ಇದರ ಪ್ರಕಾರ ಎಳೆದ ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯು ಈ ಚಿತ್ರದಂತೆ ಇರುತ್ತದೆ:



**ಉದाहರण 10:** ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಟಕದಲ್ಲಿ ಇರುವ ವಿವಿಧ ಬಾಬುಗಳಿಗೆ ಮಾಡುವ ವೆಚ್ಚಗಳನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ:

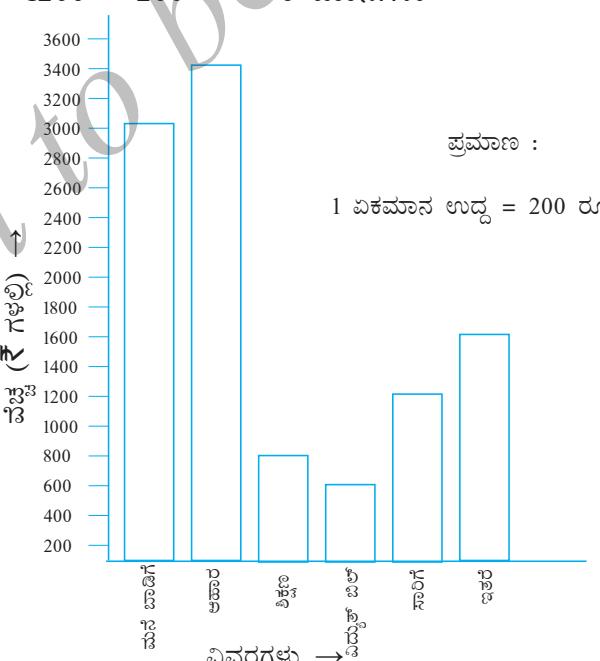
ವಿವರಗಳು	ವೆಚ್ಚಗಳು (ರೂ. ಗಳಲ್ಲಿ)
ಮನೆ ಬಾಡಿಗೆ	3000
ಆಹಾರ	3400
ಶೀಕ್ಷಣ	800
ವಿದ್ಯುತ್	400
ಸಾರಿಗೆ	600
ಇತರೆ ವೆಚ್ಚೆಗೆ	1200

ಈ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಲು ಬೇಕಾದ ಹಂತಗಳು:

- ಎರಡು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಒಂದು ಲಂಬವಾಗಿ ಇನ್ನೊಂದನ್ನು ಅಡ್ಡವಾಗಿ ವಳೆಯಿರ.
- ಅಡ್ಡರೇಖೆಯ ತಳಭಾಗದಲ್ಲಿ ವಿವರಗಳನ್ನು, ಲಂಬರೇಖೆಯ ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿ ವೆಚ್ಚಗಳನ್ನು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ಗುರುತಿಸಿ.
- ಸಮನಾದ ದಪ್ಪವಿರುವ ಸ್ತಂಭ (ಲಂಬ)ಗಳನ್ನು ಸಮಾನ ಅಂತರದಲ್ಲಿರುವಂತೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ.
- ಲಂಬರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ಸೂಕ್ತವಾದ ಪ್ರಮಾಣ (ಸ್ಕೇಲು) ವನ್ನು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಿ.  
1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ = ₹ 200 ಆಗಿರಲಿ) ನಂತರ ವಿವರಗಳಿಗೆ ತಕ್ಕಂತೆ ಅಳತೆಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.

ಈ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಸ್ತಂಭದ ಎತ್ತರಗಳನ್ನು ಲೆಕ್ಕೆ ಮಾಡಿ:

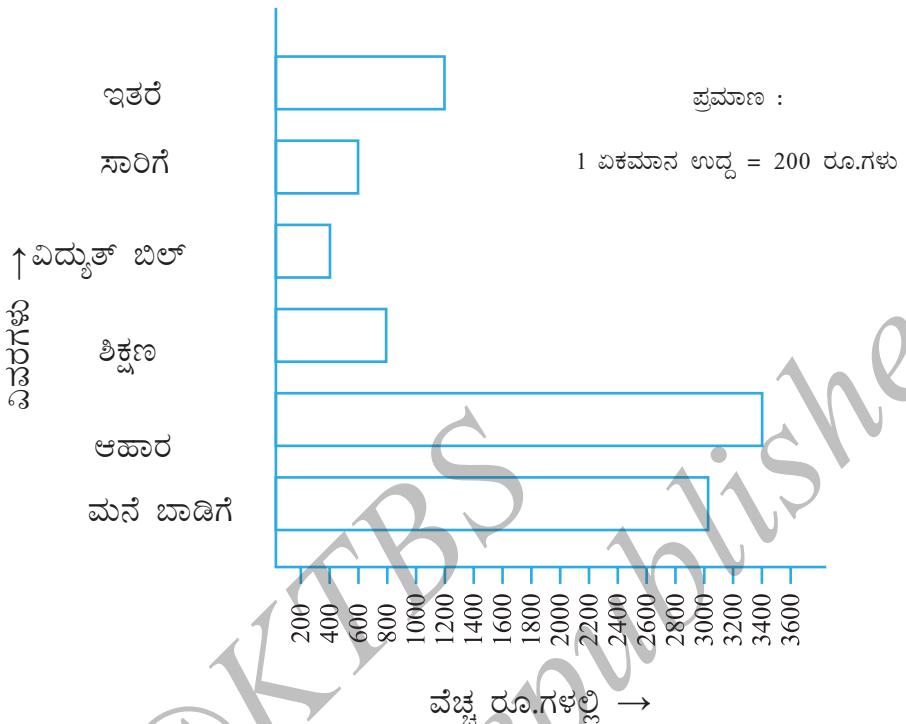
ಮನೆ ಬಾಡಿಗೆ	: $3000 \div 200 = 15$ ಮಾನಗಳು
ಆಹಾರ	: $3400 \div 200 = 17$ ಮಾನಗಳು
ಶೀಕ್ಷಣ	: $800 \div 200 = 4$ ಮಾನಗಳು
ವಿದ್ಯುತ್ ಬಿಲ್	: $600 \div 200 = 3$ ಮಾನಗಳು
ಇತರೆ	: $1200 \div 200 = 6$ ಮಾನಗಳು



ಪ್ರಮಾಣ :

1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ = 200 ರೂ.ಗಳು

ಇದೇ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ವಿವರಗಳು ಹಾಗೂ ವೆಚ್ಚಗಳ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿ ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಸೂಚಿಸಬಹುದು.



### ಮಾಡಿ ನೋಡಿ:

- ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾಠಿಗಳೊಡನೆ ಸೇರಿ ಅಂಕ ಅಂಶ ದೂರೆಯುವ 5 ಸನ್ವೀಶಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಚರ್ಚಿಸಿ. ನಂತರ ಈ ಅಂಕ ಅಂಶಗಳಿಗೆ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತಯಾರಿಸಿ ಅವುಗಳನ್ನು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯಿಂದ ಸೂಚಿಸಿ.



### ಅಭ್ಯಾಸ 9.4

- ಒಂದು ಶಾಲೆಯ 120 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ತಮ್ಮ ಬಿಡುವಿನ ಸಮಯದಲ್ಲಿ ಮಾಡಬಹುದಾದ ಚಟುವಟಿಕೆಗಳ ಸಮೀಕ್ಷೆಯಿಂದ ಮುಂದಿನ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಲಾಗಿದೆ.

ಆರಿಸಿದ ಚಟುವಟಿಕೆಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಆಟ ಆಡುವುದು	45
ಕಥೆ ಮುಸ್ತಕ ಓದುವುದು	30
ಟ.ವಿ. ವೀಕ್ಷಿಸುವುದು	20
ಸಂಗೀತ ಕೇಳುವುದು	10
ಬಣ್ಣ ಹಾಕುವುದು (ವಣ್ಣ ಚಿತ್ರಕಲೆ)	15

ಈ ಮೇಲಿನ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಲು 1 ವರ್ಕಮಾನ ಉದ್ದೇಶ = 5 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವಂತೆ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಒಂದು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆ ರಚಿಸಿ; ಆಟ ಆಡುವ ಚಟುವಟಿಕೆಯನ್ನು ಬಿಟ್ಟು ಯಾವ ಚಟುವಟಿಕೆಯನ್ನು ಹೆಚ್ಚು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಬಂಯಸುತ್ತಾರೆ ?

2. ಒಬ್ಬ ಮುಸ್ತಕ ಅಂಗಡಿಯವನು ಕ್ರಮವಾಗಿ 6 ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಮಾರಾಟ ಮಾಡಿರುವ ಗಳಿಂತ ಮುಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಇಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿದೆ.

ದಿನಗಳು	ಭಾನುವಾರ	ಸೋಮವಾರ	ಮಂಗಳವಾರ	ಬುಧವಾರ	ಗುರುವಾರ	ಶುಕ್ರವಾರ
ಮಾರಿದ ಮುಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	60	40	30	50	20	70

ಈ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಒಂದು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಸೂಕ್ತ ಪ್ರಮಾಣ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡು ರಚಿಸಿ.

3. ಒಂದು ಬೃಸಿಕಲ್ ತಯಾರಿಸುವ ತಯಾರಿಕಾ ಸಂಸ್ಥೆಯು 1998 ರಿಂದ 2002 ರವರೆಗೆ ತಯಾರಿಸಿದ ಬೃಸಿಕಲ್ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ. ಈ ದತ್ತಾಂಶವನ್ನು ಒಂದು ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ತೋರಿಸಿ ನಿಮಗೆ ಸೂಕ್ತವೆನಿಸಿದ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಿ.

ವರ್ಷಗಳು	ತಯಾರಿಸಿದ ಬೃಸಿಕಲ್ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
1998	800
1999	600
2000	900
2001	1100
2002	1200

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ:

(a) ಯಾವ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೃಸಿಕಲ್ ಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸಲಾಯಿತು?

(b) ಯಾವ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಅತಿ ಕಡಿಮೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೃಸಿಕಲ್ ಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸಲಾಯಿತು?

4. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಪಟ್ಟಣದಲ್ಲಿನ ವಿವಿಧ ವಯೋಮಾನದ ವ್ಯಕ್ತಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ.

ವಯೋಮಾನ	1–14	15–29	30–44	45–59	60–74	75ರ ಮೇಲ್ಪಟ್ಟು
ವ್ಯಕ್ತಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	2 ಲಕ್ಷ	1 ಲಕ್ಷದ	1 ಲಕ್ಷದ	1 ಲಕ್ಷದ	60 ಸಾವಿರ	40 ಸಾವಿರ

ಈ ಮೇಲಿನ ದತ್ತಾಂಶಗಳನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಒಂದು ಸ್ತುಂಭನಕ್ಕೆ ರಚಿಸಿ, ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.  
(ಪ್ರಮಾಣ 1 ಏಕಮಾನ ಉದ್ದ = 20 ಸಾವಿರ)

- ಯಾವ ಎರಡು ವರ್ಯೋಮಾನಗಳ ಗುಂಪುಗಳು ಸಮಾನ ಜನಸಂಖ್ಯೆ ಹೊಂದಿವೆ?
- 60 ಮತ್ತು ಅದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ವರ್ಯೋಮಿತಿಯಿರುವ ವೃತ್ತಿಗಳನ್ನು ಹಿರಿಯ ನಾಗರೀಕರಂದು ಕರೆಯುತ್ತೇವೆ. ಈ ಪಟ್ಟಣದಲ್ಲಿರುವ ಹಿರಿಯ ನಾಗರೀಕರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

ಈ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನಾವೇನು ಚರ್ಚಿಸಿದೆವು ?

- ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಕೊಡುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಗ್ರಹವನ್ನು ಅಂಕಿಅಂಶಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.
- ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಅಥವಾ ಗೀಟು ಗುರುತುಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕೋಷ್ಟಕದ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಆಯೋಜಿಸಿದಾಗ, ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಮಾಹಿತಿಯು ಬೇಗನೆ ಪಡೆಯಲು ಸಹಾಯವಾಗುತ್ತದೆ.
- ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು, ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಅಥವಾ ಅದರ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ, ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ರಚಿಸಲು ನಾವು ಕಲಿತ್ತಿದ್ದೇವೆ. ಒಂದು ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಅಥವಾ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಲು ನಂತರ ಅದಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಲೂ ಸಹ ಕಲಿತ್ತಿದ್ದೇವೆ. ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಯ ವಿವರಗಳನ್ನು ಅಥವಾ ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಒಂದು ಸಂಕೇತದಿಂದ ಸೂಚಿಸಿ ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯನ್ನು ರಚಿಸಿದ್ದೇವೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ  = 100 ಮುಸ್ತಕಗಳು.
- ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅಂಕಿಅಂಶಗಳಿಗೆ ಸ್ತುಂಭನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಹೇಗೆ ರಚಿಸುವುದೆಂಬುದನ್ನು ಚರ್ಚಿಸಿ ತಿಳಿದುಕೊಂಡೆವು. ಚಿತ್ರನಕ್ಕೆಯಲ್ಲಿ ಸಮಗಾತ್ರವಿರುವ ಮತ್ತು ಸಮಾನ ಅಂಶರದಲ್ಲಿರುವ ಸ್ತುಂಭಗಳನ್ನು ಅಡ್ಡವಾಗಿ ಅಥವಾ ಲಂಬವಾಗಿ ಎಳೆದು ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ. ಸ್ತುಂಭದ ಉದ್ದವು ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಕೊಡುತ್ತದೆ.
- ಇದನ್ನು ಮಾಡಲು ಅವಶ್ಯಕವಾದ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಹೇಗೆ ಆಯ್ದು ಮಾಡಬೇಕೆಂಬುದನ್ನು ನಾವು ಚರ್ಚಿಸಿದೆವು ಉದಾಹರಣೆಗೆ 1 ಮಾನ(ಅಳತೆ) = 100 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು. ಒಂದು ಸ್ತುಂಭನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ, ಅದನ್ನು ಓದಿ ತಿಳಿಯವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡಿದ್ದೇವೆ. ಮತ್ತು ಈ ನಕ್ಕೆಯನ್ನು ಹೇಗೆ ವಿಶೇಷಿಸಬಹುದೆಂಬುದನ್ನು ತಿಳಿದೆವು.

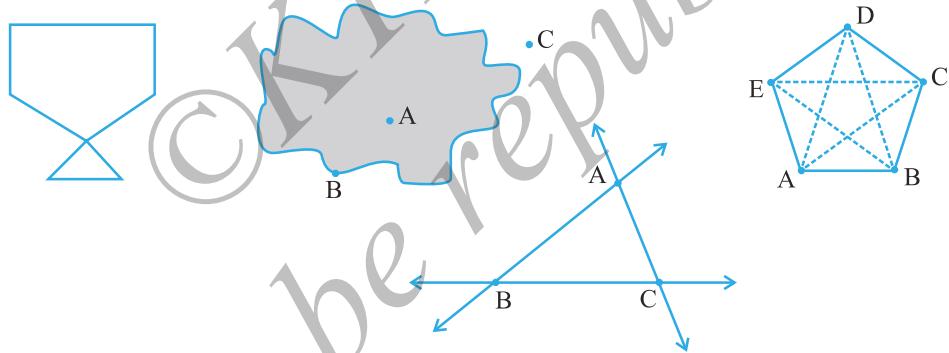


# ಕೇತ್ತ ಗಣಿತ

10 - ಪ್ರಯೋಜನಿ

## 10.1 ಹೀಗೆ

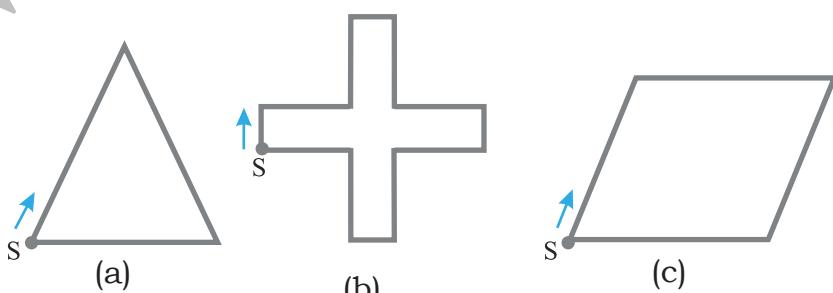
ನಾವು ಈ ಮುಂದೆ ಹೊಟ್ಟಿರುವ ಸಮತಲಾಕೃತಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಮಾತನಾಡುವಾಗ, ಅವುಗಳ ವಲಯಗಳು ಮತ್ತು ಸೀಮಾರೇಖಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಯೋಚಿಸುತ್ತೇವೆ. ಇವುಗಳ ಹೋಲಿಕೆಗೆ ನಮಗೆ ಕೆಲವು ಅಳತೆಗಳ ಅವಶ್ಯಕತೆ ಇದೆ. ಈಗ ನಾವು ಇಂಥಹ ಅಳತೆಗಳ ಬಗ್ಗೆ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳೋಣ.



## 10.2 ಸುತ್ತಳತೆ

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಿ (ಚಿತ್ರ 10.1) ಇವುಗಳನ್ನು ನೀವು ತಂತಿ ಅಥವಾ ದಾರದಿಂದ ತಯಾರಿಸಬಹುದು.

ನೀವು ಪ್ರತಿ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ 'S' ನಿಂದ ಪ್ರಾರಂಭಿಸಿ ಮತ್ತು ಅಲ್ಲಿರುವ ರೇಖಾವಿಂಡಗಳ ಜೊತೆಗೆ ಹೋಗುವುದರಿಂದ ನೀವು S ಬಿಂದುವನ್ನು ಪುನಃ ತಲುಪುತ್ತೀರಿ. (a), (b) ಮತ್ತು (c)ನ ಪ್ರತಿ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ನೀವು ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಮೂರ್ಕಿಯಾಗಿ ಸುತ್ತಿದ್ದೀರಿ.



ಚಿತ್ರ 10.1

ಈಗ ಕ್ರಮಾವಳಿಯ ದೂರವು ಆಕೃತಿಯನ್ನು ರಚಿಸಲು ಬಳಸಿದ ತಂತ್ಯಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೆ ಸಮಾಗಿರುತ್ತದೆ.

ಈ ದೂರವನ್ನು ಆವೃತ ಆಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಇದು ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಉಂಟುಮಾಡಲು ಬೇಕಾಗುವ ತಂತ್ಯಿಯ ಉದ್ದವಾಗಿದೆ.

ಸುತ್ತಳತೆಯ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ನಮ್ಮ ನಿತ್ಯజೀವನದಲ್ಲಿ ಬಹಳವಾಗಿ ಉಪಯೋಗಿಸುತ್ತೇವೆ.

- \* ತನ್ನ ಜಮೀನಿಗೆ ಬೇಲೆಯನ್ನು ಹಾಕಲು ಬಯಸುವ ರ್ಯಾತ್.
- \* ತನ್ನ ಮನೆಯ ಸುತ್ತಲು ಕಾಂಪೌಂಡ್ ಕಟ್ಟಲು ಯೋಚಿಸುವ ಎಂಜಿನಿಯರ್.
- \* ಓಟದ ಸ್ಥಾರ್ಟ್ಯಯನ್ನು ಆಯೋಚಿಸಲು ಬೇಕಾಗುವ ಓಟದ ಹಾದಿ (ಅಂಕಣ ಅಥವಾ ಟ್ರೌಕ್)ಯನ್ನು ರೂಪಿಸುವವರು.

ಈ ಎಲ್ಲಾ ವ್ಯಕ್ತಿಗಳು ಸುತ್ತಳತೆಯ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ಬಳಸಿರುತ್ತಾರೆ.

ಸುತ್ತಳತೆಯ ಸನ್ನಿಹಿತವಿರುವ ಒಂದು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

ಆವೃತ ಆಕೃತಿಯ ಸೀಮಾರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಒಂದು ಸುತ್ತು ಬರುವಾಗ ಕ್ರಮಾವಳಿಯ ಹಾದಿಯ ದೂರವೇ ಸುತ್ತಳತೆ.

### ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:

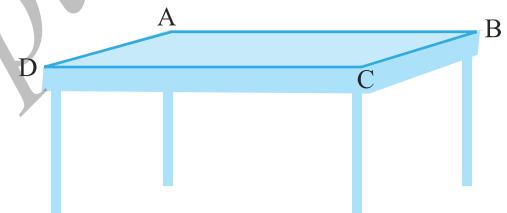
1) ನಿಮ್ಮ ಶಾಲೆಯ ಒಂದು ಮೇಜಿನ ಮೇಲ್ಜಾಗದ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಅಳೆಯಿರಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಉದ್ದ ಬರೆಯಿರಿ.

$$AB = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$BC = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$CD = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$DA = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$



ಈಗ, ಈ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಮೊತ್ತ

$$= AB + BC + CD + DA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

ಹಾಗಾದರೆ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು ?

2. ನಿಮ್ಮ ಮುಸ್ತಕದ ಒಂದು ಮುಟದ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದ ಅಳೆದು, ಅವುಗಳ ಅಳತೆ ಬರೆಯಿರಿ. ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಮೊತ್ತ

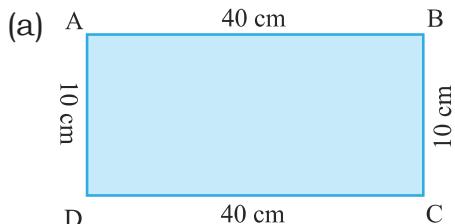
$$= AB + BC + CD + DA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} + \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

ಹಾಗಾದರೆ ಒಂದು ಮುಟದ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು ?

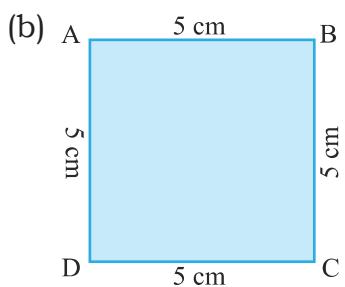
3. ಏರಾಜು 150 m ಲಾದ್ದು ಮತ್ತು 80 m ಅಗಲ ಇರುವ ಉದ್ದಾನವನಕ್ಕೆ ಹೋಗಿದ್ದಾರೆ. ಸೀಮಾರೇಖೆಯ ಸುತ್ತು ಒಂದು ಪೊಣ ಸುತ್ತು ಹಾಕಿದಳು. ಹಾಗಾದರೆ ಅವಳು ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ ಎಷ್ಟು?
4. ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರಗಳ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



$$\text{ಸುತ್ತಳತೆ} = AB + BC + CD + DA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

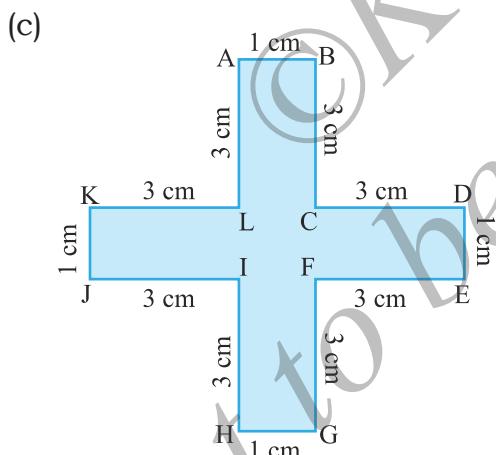
$$= \underline{\hspace{2cm}}$$



$$\text{ಸುತ್ತಳತೆ} = AB + BC + CD + DA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$



$$\text{ಸುತ್ತಳತೆ} = AB + BC + CD + DE + EF + FG$$

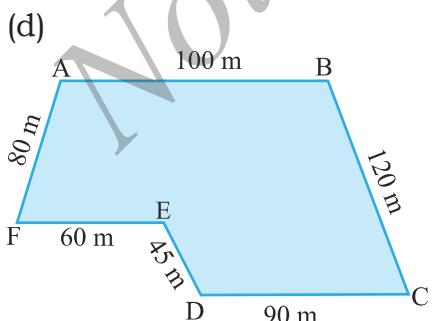
$$+ GH + HI + IJ + JK + KL + LA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$+ \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$+ \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$



$$\text{ಸುತ್ತಳತೆ} = AB + BC + CD + DE + EF + FA$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$+ \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

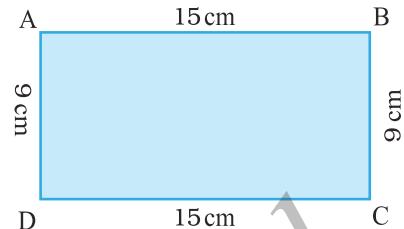
$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

ಹಾಗಾದರೆ ಕೇವಲ ರೇಖಾಚಿಂಡಗಳಿಂದಾದ ಆವೃತ್ತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ನೀವು ಹೇಗೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯುತ್ತೀರಿ? ಎಲ್ಲಾ ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಮೊತ್ತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವದರಿಂದ ಸುತ್ತಳತೆ ತಿಳಿದುಬರುತ್ತದೆ.

### 10.2 ಅಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ

ABCD ಅಯತ (ಚಿತ್ರ 10.2)ವನ್ನು ಗಮನಿಸೋಣ. ಇದರ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 15cm ಮತ್ತು 9cm ಆದರೆ ಇದರ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು?

$$\text{ಅಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ} = \text{ಇದರ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಮೊತ್ತ}$$



(ಚಿತ್ರ 10.2)

$$= AB + BC + CD + DA$$

$$= AB + BC + AB + BC$$

$$= 2AB + 2BC$$

$$= 2(AB + BC)$$

$$= 2(15\text{cm} + 9\text{cm})$$

$$= 2(24\text{cm})$$

$$= 48\text{cm}$$

ಸೆನಷಿಂ:  
ಏನೆಂದರೆ ಅಯತದ  
ಅಭಿಪ್ರಾಯ ಬಾಹುಗಳ  
ಸಮಾಗಿಯ್ತದೆ. ಅಂದರೆ  
 $AB = CD, AD = BC$

**ಪ್ರಯೋಜಿನಿ:**



ಈ ಕೆಳಕಂಡ ಅಯತಗಳ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅಯತದ ಉದ್ದ	ಅಯತದ ಅಗಲ	ಎಲ್ಲಾ ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಸುತ್ತಳತೆ	2 (ಉದ್ದ + ಅಗಲ) ದಿಂದ ಬರುವ ಸುತ್ತಳತೆ
25 cm	12 cm	$= 25\text{cm} + 12\text{cm} + 25\text{cm} + 12\text{cm} = 74\text{cm}$	$2(25\text{cm} + 12\text{cm}) = 2 \times (37\text{cm}) = 74\text{cm}$
0.5 m	0.25 m		
18 cm	15 cm		
10.5 cm	8.5 cm		

$$\text{ಅಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ} = \text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ} + \text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ}$$

$$\text{ಅಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ} = 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ})$$

ಈ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯ ಪ್ರಾಯೋಗಿಕ ಅನ್ವಯವನ್ನು ನೋಡೋಣ:

### ಉದाहರण 1:

ಶಬಾನ 3m ಉದ್ದ 2m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಕಾರದ ಮೇಜಿನ ಹೊದಿಕೆಯ ಅಂಚುಗಳಿಗೆ ಅಲಂಕಾರ ಮಾಡಬೇಕೆಂದಿದ್ದಾಳೆ (ಚಿತ್ರ 10.3). ಶಬಾನ ಅಲಂಕರಿಸಬೇಕಿರುವ ಅಂಚಿನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು ?

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಯತಕಾರದ ಮೇಜಿನ ಹೊದಿಕೆಯ ಉದ್ದ = 3m

ಆಯತಕಾರದ ಮೇಜಿನ ಹೊದಿಕೆಯ ಅಗಲ = 2m

ಶಬಾನ ಮೇಜಿನ ಹೊದಿಕೆಯ ಅಂಚುಗಳಿಗೆ ಅಲಂಕಾರ ಮಾಡಬೇಕೆಂದಿದ್ದಾಳೆ. ಹೊದಿಕೆಯ ಅಂಚಿನ ಉದ್ದ ಅದರ ಸುತ್ತಳತೆಗೆ ಸಮ.

$$\begin{aligned}\text{ಈಗ ಆಯತಕಾರದ ಮೇಜಿನ ಹೊದಿಕೆಯ ಸುತ್ತಳತೆ} &= 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ}) \\ &= 2 \times (3m + 2m) \\ &= 2 \times (5m) \\ &= 10m\end{aligned}$$

**ಉದಾಹರಣ 2:** ಒಬ್ಬ ಓಟಗಾರನು 50m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 25m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನವನ್ನು 10 ಸುತ್ತು ಸುತ್ತುತ್ತಾನೆ. ಅವನು ಕ್ರಮಿಸಿದ ಒಟ್ಟು ದೂರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಯತಕಾರ ಉದ್ದಾನವನದ ಉದ್ದ = 50m

ಆಯತಕಾರ ಉದ್ದಾನವನದ ಅಗಲ = 25m

ಓಟಗಾರನು ಒಂದು ಸುತ್ತು ಸುತ್ತಲು ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರವು, ಉದ್ದಾನವನದ ಸುತ್ತಳತೆಗೆ ಸಮಾಗಿದೆ.

$$\begin{aligned}\text{ಈಗ ಆಯತಕಾರ ಉದ್ದಾನವನದ ಸುತ್ತಳತೆ} &= 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ}) \\ &= 2 \times (50m + 25m) \\ &= 2 \times 75m \\ &= 150m\end{aligned}$$

ಅಂದರೆ, ಓಟಗಾರನು ಒಂದು ಸುತ್ತು ಸುತ್ತಲು ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರವು 150m ಆಗಿದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ, 10 ಸುತ್ತುಗಳಲ್ಲಿ

ಅವನು ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ =  $10 \times 150 = 1500m$

ಕ್ರಮಿಸಿದ ಒಟ್ಟಾರೆ ದೂರವು 1500m ಆಗಿದೆ.

**ಉದಾಹರಣ 3:** 150 cm ಉದ್ದ ಮತ್ತು 1m ಅಗಲ ಹೊಂದಿರುವ ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಉದ್ದ = 150cm

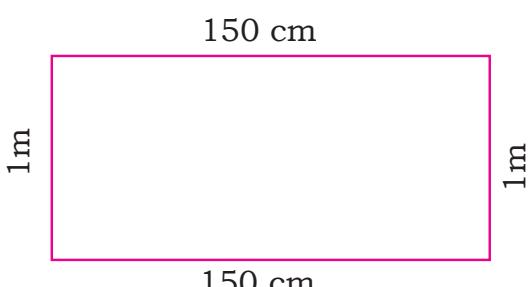
ಅಗಲ = 1m = 100cm

ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ

$$\begin{aligned}&= 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ}) \\ &= 2 \times (150cm + 100cm) \\ &= 2 \times 250 cm = 500 cm = 5m\end{aligned}$$

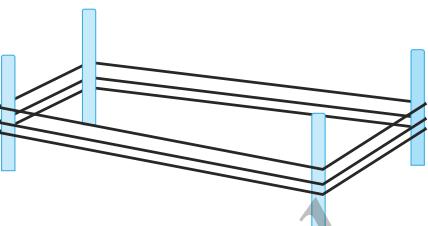


ಚಿತ್ರ 10.3



**ಉದाहರण-4:** ಒಬ್ಬ ರೈತನ ಜಮೀನಿನ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 240m ಮತ್ತು 180m ಆಗಿದೆ. ಅವನು ಈ ಜಾಗಕ್ಕೆ ಚಿತ್ರ 10.4 ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತೆ 3 ಸುತ್ತು ಹಗ್ಗದ ಬೇಲಿಯನ್ನು ಹಾಕಲು ಬಯಸಿದನು. ಅವನು ಬಳಸಬೇಕಾದ ಹಗ್ಗದ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು ?

**ಪರಿಹಾರ:** ರೈತನ ಜಮೀನಿನ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ಮೂರು ಬಾರಿ ಸುತ್ತಬೇಕು. ಆದ್ದರಿಂದ ಬಳಸುವ ಹಗ್ಗದ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದವು ಅದರ ಸುತ್ತಳತೆಯ ಮೂರರಷ್ಟುತ್ತದೆ.



$$\text{ಜಮೀನಿನ ಸುತ್ತಳತೆ} = 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ})$$

$$= 2 \times (240\text{m} + 180\text{m})$$

ಚಿತ್ರ 10.4

$$= 2 \times 420\text{m}$$

$$= 840\text{m}$$

$$\text{ಬೇಕಾಗುವ ಹಗ್ಗದ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದ} = 3 \times 840\text{m} = 2520\text{m}$$

**ಉದಾಹರಣ 5:** 250m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 175m ಅಗಲ ಇರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನಕ್ಕೆ ಪ್ರತಿ ಮೀಟರ್‌ಗೆ ₹ 12 ರಂತೆ ಬೇಲಿಯನ್ನು ಹಾಕಲು ತಗಲುವ ವೆಚ್ಚ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನದ ಉದ್ದ = 250m

ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನದ ಅಗಲ = 175m

ಬೇಲಿಯ ವೆಚ್ಚ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಲು ನಮಗೆ ಸುತ್ತಳತೆ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ.

$$\text{ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ} = 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ})$$

$$= 2 \times (250\text{m} + 175\text{m})$$

$$= 2 \times 425\text{m}$$

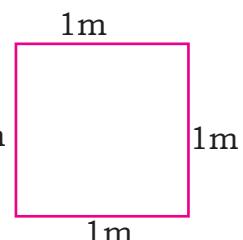
$$= 850\text{m}$$

$$\begin{aligned} \text{ಉದ್ದಾನವನಕ್ಕೆ ಬೇಲಿ ಹಾಕಲು ತಗಲುವ ಒಟ್ಟು ವೆಚ್ಚ} &= ₹ 12 \times 850 \\ &= ₹ 10200 \end{aligned}$$

### 10.2.2 ನಿಯಮಿತ ಆಕೃತಿಗಳ ಸುತ್ತಳತೆ.

ಈ ಮುಂದಿನ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸಿ.

ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ 1m ಇರುವ ಒಂದು ವರ್ಗ ಚೌಕಟ್ಟಿನ ಸುತ್ತ ಬಣ್ಣಿದ ಚೇಪ್‌ ಹಾಕಲು ಜಾಫರ್ ಬಯಸಿದನು.



ಅವನಿಗೆ ಅವಶ್ಯಕವಿರುವ ಬಣ್ಣಿದ ಟೇಪನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು ?

ವರ್ಗಾಕಾರದ ಚಿತ್ರದ ಸುತ್ತಲೂ ಬಣ್ಣಿದ ಟೇಪನ್ನು ಜಾಫರ್ ಹಾಕಲು ಬಯಸಿರುವುದರಿಂದ, ಚೇಪ್‌ನ ಉದ್ದ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಲು ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು.

ಹೀಗಾಗೆ, ಬೇಕಾಗುವ ಚೇಪ್‌ನ ಉದ್ದ = ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆ

$$= 1\text{m} + 1\text{m} + 1\text{m} + 1\text{m} = 4\text{m}$$

ಚಿತ್ರ 10.5

ಈಗ, ನಮಗೆ ಗೊತ್ತಿರುವ ಹಾಗೆ ವರ್ಗದ ಎಲ್ಲಾ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳು ಸಮಾಗಿರುವುದು. ಆದ್ದರಿಂದ, ಇದನ್ನು ನಾಲ್ಕು ಬಾರಿ ಕೂಡುವುದರ ಬದಲಾಗಿ, ನಾವು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ್ವನ್ನು 4 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬಹುದು. ಹೀಗಾಗಿ, ಬೇಕಾಗುವ ಟೇಪೋನ ಉದ್ದ =  $4 \times 1\text{m} = 4\text{m}$  ಈ ಉದಾಹರಣೆಯಿಂದ ನಾವು ಗಮನಿಸುವುದೇನೆಂದರೆ,

**ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆ =  $4 \times$  ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ**

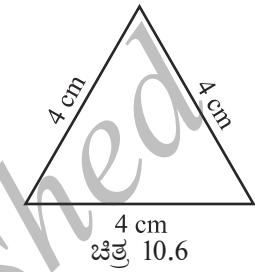
ಇಂಥಹ ಹಲವು ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಈಗ, ಪ್ರತಿ ಬಾಹು 4cm ಇರುವ ಸಮಭಾಮು ಶ್ರಿಭೂಜವನ್ನು (ಚಿತ್ರ 10.6) ನೋಡಿ. ಇದರ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದೇ ?

$$\text{ಈ ಸಮಭಾಮು ಶ್ರಿಭೂಜದ ಸುತ್ತಳತೆ} = 4\text{cm} + 4\text{cm} + 4\text{cm}$$

$$= 3 \times 4\text{cm}$$

$$= 12\text{ cm}$$



ಇದರಿಂದ, ನಾವು ಸಮಭಾಮು ಶ್ರಿಭೂಜದ ಸುತ್ತಳತೆ =  $3 \times$  ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ ಎಂದು ಕಂಡುಕೊಂಡೆವು.

**ವರ್ಗ ಮತ್ತು ಸಮಭಾಮುಶ್ರಿಭೂಜಗಳಿರುವ ಸಾಮ್ಯತೆ ಏನು ?**

### ಪ್ರಯೋಜಿ:

ನಿಮ್ಮ ಸುತ್ತಮುತ್ತಲು  
ನಿಯಮಿತ ಆಕಾರದ  
ಬೇರೆ ಬೇರೆ ವಸ್ತುಗಳನ್ನು  
ಗುರುತಿಸಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ  
ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಪ್ರತಿ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದ ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಕೋನಗಳ ಅಳತೆ ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾಗಿದೆ. ಇಂಥಹ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ನಾವು ನಿಯಮಿತ ಆವೃತ ಆಕೃತಿಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ವರ್ಗ ಮತ್ತು ಸಮಭಾಮು ಶ್ರಿಭೂಜಗಳು ಆವೃತ ನಿಯಮಿತ ಆಕೃತಿಗಳಾಗಿವೆ.

ನೀವು ಕಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದು,

**ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆ =  $4 \times$  ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ**

ಸಮಭಾಮು ಶ್ರಿಭೂಜದ ಸುತ್ತಳತೆ =  $3 \times$  ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ

ಹಾಗಾದರೆ, ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭೂಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು ?

ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭೂಜಾಕೃತಿಯು ಇದು ಸಮಭಾಮುಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ.

ಆದ್ದರಿಂದ ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭೂಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ =  $5 \times$  ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ನಿಯಮಿತ ಷಷ್ಷಭೂಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆಯು \_\_\_\_\_ ಆಗಿರುತ್ತದೆ

ನಿಯಮಿತ ಅಷ್ಟಭೂಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆಯು \_\_\_\_\_ ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 6:** ಶೈಲಾ 70m ಬಾಹುವಿರುವ ವರ್ಗಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನವನ್ನು ಮೂರು ಸುತ್ತು ಹಾಕಿದಾಗ, ಅವಳು ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ವರ್ಗಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನದ ಸುತ್ತಳತೆ =  $4 \times$  ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ

$$= 4 \times 70\text{m}$$

$$= 280\text{ m}$$

ಒಂದು ಸುತ್ತು ಸುತ್ತಿದಾಗ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ = 280m

ಆದ್ದರಿಂದ, ಮೂರು ಸುತ್ತು ಸುತ್ತಿದಾಗ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ =  $3 \times 280\text{m}$

$$= 840\text{m}$$

**ಉದಾಹರಣೆ 7:** ಪಿಂಕಿ 75m ವಗ್ರಾಕಾರದ ಮೈದಾನದ ಸುತ್ತು ಓಡುವಳು. ಬಾಚ್ 160m ಉದ್ದು ಮತ್ತು 105m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಮೈದಾನದ ಸುತ್ತು ಓಡುವನು. ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಿದರು ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು?

**ಪರಿಹಾರ:** ಪಿಂಕಿಯು ಒಂದು ಸುತ್ತಿನಲ್ಲಿ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ = ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆ

$$= 4 \times \text{ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ}$$

$$= 4 \times 75\text{m}$$

$$= 300\text{m}$$

ಬಾಚ್ ಒಂದು ಸುತ್ತಿನಲ್ಲಿ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ = ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ

$$= 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ})$$

$$= 2 \times (160\text{m} + 105\text{m})$$

$$= 2 \times 265\text{m}$$

$$= 530\text{m}$$

ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರಗಳ ನಡುವಿನ ಘೋಷ =  $530\text{m} - 300\text{m} = 230\text{m}$

ಆದ್ದರಿಂದ ಬಾಚ್ 230m ಹೆಚ್ಚು ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಿದನು.

**ಉದಾಹರಣೆ 8:** ಪ್ರತಿಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ 3cm ಇರುವ ಒಂದು ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭುಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಈ ಆವೃತ ಆಕೃತಿಯು 5 ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದ್ದು, ಪ್ರತಿ ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ 3cm ಆಗಿದೆ.

ಈ ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭುಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ =  $5 \times 3\text{cm} = 15\text{cm}$

**ಉದಾಹರಣೆ 9:** ನಿಯಮಿತ ಷಡ್ಫೂಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ 18cm ಆಗಿದೆ. ಅದರ ಪ್ರತಿಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** ಸುತ್ತಳತೆ = 18cm

ನಿಯಮಿತ ಷಡ್ಫೂಜವು 6 ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ನಾವು ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು 6 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ, ನಮಗೆ ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ ಮೊರೆಯುತ್ತದೆ.

ಷಡ್ಫೂಜದ ಒಂದು ಬಾಹು =  $18\text{cm} \div 6 = 3\text{cm}$

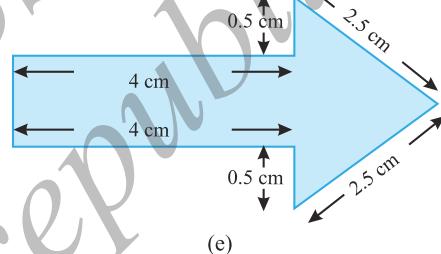
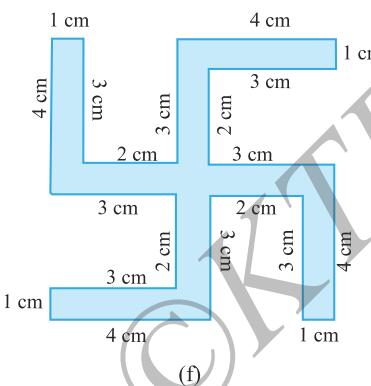
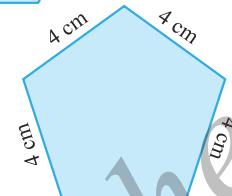
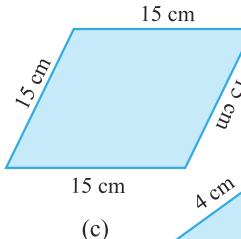
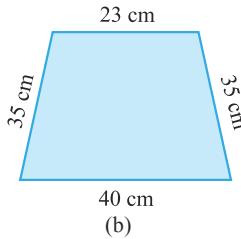
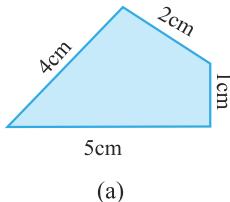
ಆದ್ದರಿಂದ ನಿಯಮಿತ ಷಡ್ಫೂಜದ ಪ್ರತಿಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದವು 3cm ಆಗಿದೆ.





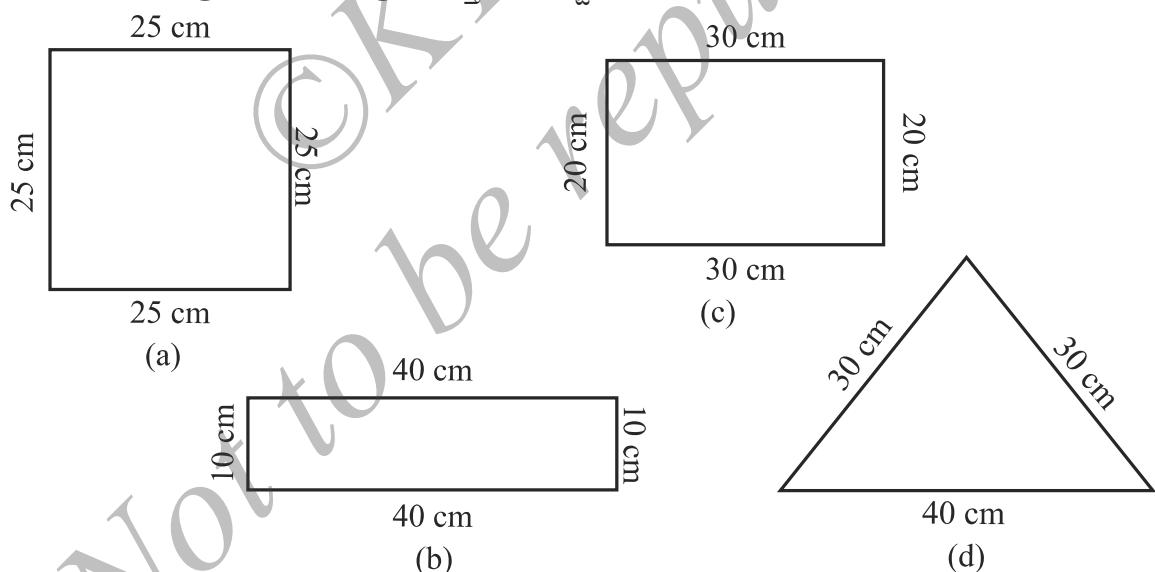
## ಅಭ್ಯಾಸ 10.1

- 1) ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚಿತ್ರದ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



- 2)  $40\text{cm} \times 10\text{cm}$  ಅಳತೆಯ ಮುಚ್ಚಳವಿರುವ ಒಂದು ಆಯಾಕಾರದ ಡಬ್ಲಿಯನ್ ಟೇಪ್ ಬಳಸಿ ಮೂರಣವಾಗಿ ಸೀಲ್ ಮಾಡಲಾಗಿದೆ. ಬೇಕಾಗುವ ಟೇಪ್‌ನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು?
- 3) ಒಂದು ಮೇಜಿನ ಮೇಲ್ಮೈನ ಅಳತೆ  $2\text{m } 25\text{cm} \times 1\text{m } 50\text{cm}$  ಇದೆ. ಅದರ ಮೇಲ್ಮೈನ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು?
- 4)  $32\text{cm}$  ಉದ್ದ ಮತ್ತು  $21\text{cm}$  ಅಗಲ ಇರುವ ಫಾಯಾಚಿತ್ರಕ್ಕೆ ಚೋಕಟ್‌ನ್ನು ಹಾಕಲು ಬೇಕಾಗುವ ಮರದ ಪಟ್ಟಿಯ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು?
- 5) ಒಂದು ಆಯಾಕಾರದ ಜಮೀನಿನ ಅಳತೆಯು  $0.7\text{km} \times 0.5\text{km}$  ಇದೆ. ಪ್ರತಿ ಬದಿಗೂ 4 ಸಾಲಿನ ತಂತಿ ಬೇಲಿಯನ್ನು ಹಾಕಬೇಕಾಗಿದೆ. ಇದಕ್ಕೆ ಅವಶ್ಯಕವಿರುವ ತಂತಿಯ ಉದ್ದ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 6) ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರತಿ ಆಕಾರದ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- (a)  $3\text{cm}, 4\text{cm}$  ಮತ್ತು  $5\text{cm}$  ಬಾಹುಗಳಿರುವ ಶ್ರಿಭೂಜ.
- (b)  $9\text{cm}$  ಬಾಹುವಿರುವ ಸಮಬಾಹು ಶ್ರಿಭೂಜ.
- (c) ಸಮನಾದ ಬಾಹುಗಳು  $8\text{cm}$  ಮತ್ತು ಮೂರನೇ ಬಾಹು  $6\text{cm}$ . ಇರುವ ಸಮದ್ವಿಬಾಹು ಶ್ರಿಭೂಜ
- 7) ಬಾಹುಗಳ ಅಳತೆ  $10\text{cm}, 14\text{cm}$  ಮತ್ತು  $15\text{cm}$  ಇರುವ ಶ್ರಿಭೂಜದ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 8) ಪ್ರತಿಬಾಹುವಿನ ಅಳತೆ  $8\text{m}$  ಇರುವ ನಿಯಮಿತ ಷಡ್ಪುಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

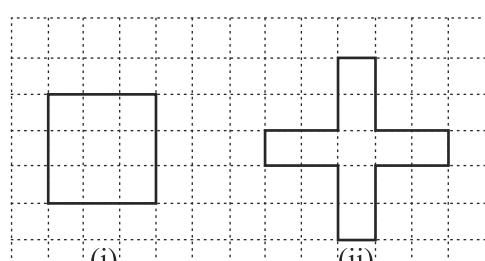
- 9) ಸುತ್ತಳತೆ 20m ಹೊಂದಿರುವ ವರ್ಗ್ಯಾದ ಬಾಹುವಿನ ಅಳತೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 10) ನಿಯಮಿತ ಪಂಚಭುಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆ 100cm ಆಗಿದೆ ಅದರ ಪ್ರತಿಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟು ?
- 11) 30cm ಉದ್ದದ ದಾರವಿದೆ. ಈ ದಾರದಿಂದ (a) ವರ್ಗ (b) ಸಮಬಾಹುತ್ರಿಭುಜ  
(c) ನಿಯಮಿತ ಷಟ್ಪಂಜಗಳನ್ನು ಉಂಟು ಮಾಡಿದರೆ, ಪ್ರತಿ ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದವೇಷ್ಟಿರುವುದು ?
- 12) ಒಂದು ತ್ರಿಭುಜದ ಏರಡು ಬಾಹುಗಳು 12cm ಮತ್ತು 14cm ಆಗಿದ್ದ ತ್ರಿಭುಜದ ಸುತ್ತಳತೆ 36cm ಆದರೆ ಮೂರನೇ ಬಾಹುವಿನ ಅಳತೆ ಎಷ್ಟು ?
- 13) ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ 250m ಇರುವ ವರ್ಗಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನಕ್ಕೆ ಪ್ರತಿ ಮೀಟರ್ಗೆ ₹ 20 ರಂತೆ ಬೇಲಿಯನ್ನು ಹಾಕಲು ತಗಲುವ ಒಟ್ಟು ವೆಚ್ಚೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 14) 175m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 125m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನಕ್ಕೆ ಪ್ರತಿ ಮೀಟರ್ಗೆ ₹ 20 ರಂತೆ ಬೇಲಿಯನ್ನು ಹಾಕಲು ತಗಲುವ ವೆಚ್ಚೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 15) ಕಾವ್ಯತ್ವ 75m ಬಾಹುವಿರುವ ವರ್ಗಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನದ ಸುತ್ತ ಸುತ್ತಿದಳೆ. ಪ್ರದ್ಯುಮ್ಮನು 60m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 45m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದಾನವನದ ಸುತ್ತ ಸುತ್ತಿದನು. ಯಾರು ಕಡಿಮೆ ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಿದರು?
- 16) ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚಿತ್ರೀದ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು ?



ಈ ಉತ್ತರಗಳಿಂದ ನೀವು ಯಾವ ನಿರ್ಧಾರಕ್ಕೆ ಒರುವಿರಿ ?

- 17) ಜಾನನು ಪ್ರತಿಬಾಹುವು  $\frac{1}{2}$ m ಇರುವ 9 ವರ್ಗಾಕಾರದ ಸಿಮೆಂಟಿನ ಅಚ್ಚುಗಳನ್ನು ಕೊಂಡನು. ಅಪ್ಪಗಳನ್ನು ವರ್ಗಾಕಾರದಲ್ಲಿ ಚೋಡಿಸಿದನು.

- (a) 10.7 (i) ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವ ಜೋಡಣೆಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು ?



ಚಿತ್ರ 10.7

(b) ಭಾವನಾಗೆ ಈ ಜೋಡಣೆಯು ಇಷ್ಟವಾಗಲಿಲ್ಲ. ಅವಳು ಕತ್ತರಿಯಾಕಾರದಲ್ಲಿ ಜೋಡಿಸಿದಳು.

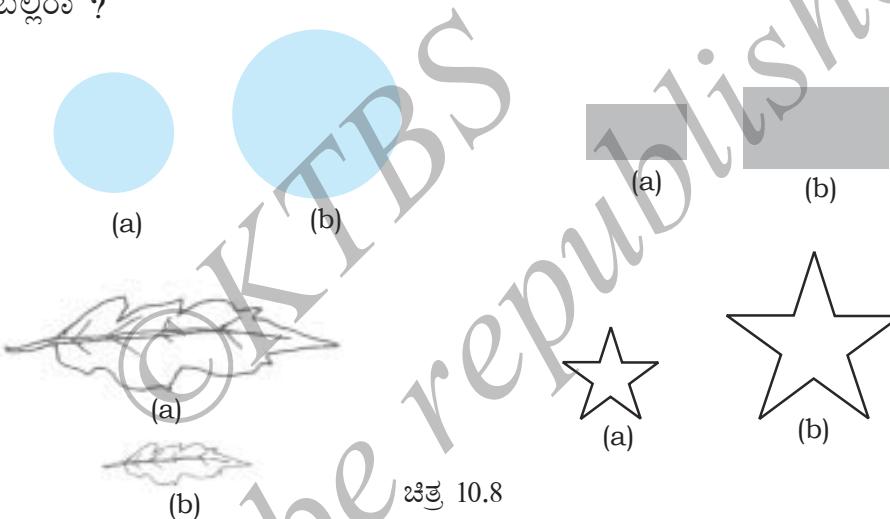
(ಚಿತ್ರ 10.7 (ii)) ಈ ಜೋಡಣೆಯ ಸುತ್ತಳತೆ ಎಷ್ಟು?

(c) ಯಾವುದು ಹೆಚ್ಚು ಸುತ್ತಳತೆ ಹೊಂದಿದೆ?

(d) ಜಾನನು ಇನ್ನೂ ಹೆಚ್ಚಿನ ಸುತ್ತಳತೆ ಇರುವ ಜೋಡಣೆ ಯಾವುದೆಂದು ಯೋಚಿಸಬೇಕಾಗಿದನು. ಅಂತಹ ಜೋಡಣೆಯನ್ನು ನೀವು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಬಲ್ಲಿರಾ? (ಪ್ರತಿ ಸಿಮೆಂಟಿನ ಅಳಿನ ಅಂಶ ಪೂರ್ವಾಗಿ ಇನ್ನೂಂದರೊಂದಿಗೆ ತಾಗಿರಬೇಕು. ಅವುಗಳನ್ನು ಮುರಿಯುವ ಹಾಗಿಲ್ಲ).

### 10.3 ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

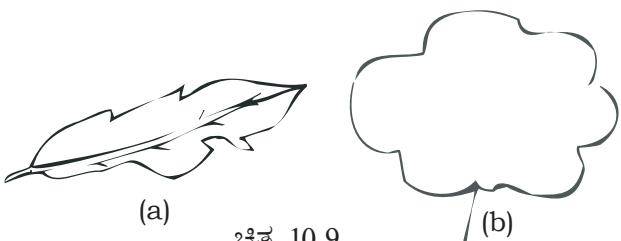
ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟರುವ ಆವೃತ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು (ಚಿತ್ರ 10.8) ನೋಡಿ. ಇವೆಲ್ಲವೂ ಸಮತಟ್ಟಾದ ಮೇಲ್ಮೈನ ಕೆಲವು ಭಾಗವನ್ನು ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿವೆ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಹೆಚ್ಚು ಭಾಗವನ್ನು ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ನೀವು ಹೇಳಬಲ್ಲಿರಾ?



ಚಿತ್ರ 10.8

ಒಂದು ಆವೃತ ಆಕೃತಿಯು ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿರುವ ಮೇಲ್ಮೈ ಪ್ರದೇಶವನ್ನು ಅದರ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಈಗ ನೀವು ಮೇಲಿನ ಯಾವ ಆಕೃತಿಯು ಹೆಚ್ಚು ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ ಹೇಳುವಿರಾ?

ಈಗ ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು (ಚಿತ್ರ 10.9) ನೋಡಿ.



ಚಿತ್ರ 10.9

ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಹೆಚ್ಚು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಹೊಂದಿದೆ? ಈ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ನೋಡಿ ಹೇಳುವುದು ಕಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ. ಈಗ ನಾವು ಏನು ಮಾಡಬಹುದು? ಇವುಗಳನ್ನು 1cm x 1cm ವರ್ಗಗಳಿರುವ ಹಾಳೆ ಅಥವಾ ಗ್ರಾಫ್ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಇಡಬೇಕು. ಆಕೃತಿಗಳ ಹೊರ ಅಂಜಿನ ಚಿತ್ರ ಬರೆಯಿರಿ.

ಚಿತ್ರವು ಆವರಿಸಿರುವ ವರ್ಗಗಳನ್ನು ನೋಡಿ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲವು ವರ್ಗವನ್ನು ಪೂರ್ವಾಗಿ ಸುತ್ತುವರಿದಿದೆ. ಕೆಲವು ಅಧ್ಯಾತ್ಮ, ಕೆಲವು ಅಧ್ಯಾತ್ಮ ಕಡಿಮೆ ಮತ್ತು ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಅಧ್ಯಾತ್ಮ ಹೆಚ್ಚು ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿವೆ.

ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಆವರಿಸಲು ಚೇಕಾಗಿರುವ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ವರ್ಗಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಆ ಆಕೃತಿಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ.

ಆದರೆ ಇಲ್ಲಿ ೧೦ ಒಂದು ಚಿಕ್ಕ ಸಮಸ್ಯೆ ಇದೆ ನೀವು ಅಳೆಯುವ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಸರಿಯಾಗಿ ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಈ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಪರಿಹರಿಸಲು ನಾವೋಂದು ಸಂಪ್ರದಾಯವನ್ನು ಅಳವಡಿಸಿಕೊಳ್ಳುತ್ತೇವೆ.

- ೧೦ ಒಂದು ಮೂರಾಂಶವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ೧ ಚದರ ಮೂಲಮಾನ ಎಂದು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದು. ಅದು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ವರ್ಗ ಹೊಂದಿರುವ ಹಾಳೆಯಾಗಿದ್ದರೆ; ಆಗ ಒಂದು ಮೂರಾಂಶ ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು ೧ ಚದರ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಆಗಿರುತ್ತದೆ.
- ಅಧ್ಯಕ್ಷಿಂತ ಕಡಿಮೆ ವರ್ಗವನ್ನು ಆವರಿಸಿದ್ದರೆ, ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಪರಿಗಣನೆಗೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಾರದು.
- ಅಧ್ಯಕ್ಷಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ವರ್ಗವನ್ನು ಆವರಿಸಿದ್ದರೆ ಅದರ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಒಂದು ವರ್ಗವಾಗಿ ಗಣನೆಗೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವುದು.
- ಅದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ಅಧ್ಯಭಾಗವನ್ನು ಆವರಿಸಿದ್ದರೆ ಅದರ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು  $\frac{1}{2}$  ಚದರ ಮೂಲಮಾನ ಎಂದು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಾರದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 10:** ಈ ಚಿತ್ರ 10.10 ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವ ಆಕೃತಿಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಚಿತ್ರವು ಹಲವು ರೇಖಾಖಂಡಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದೆ. ಹಾಗೂ ಇದು ಮೂರಾಂಶವರ್ಗ ಮತ್ತು ಅಧ್ಯಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾತ್ರ ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿದೆ. ಇದು ನಮ್ಮ ಕೆಲಸವನ್ನು ಸುಲಭವಾಗಿಸುತ್ತದೆ.

- (i) ಮೂರಾಂಶ ವರ್ಗಗಳು = 3
- (ii) ಅಧ್ಯ ವರ್ಗಗಳು = 3

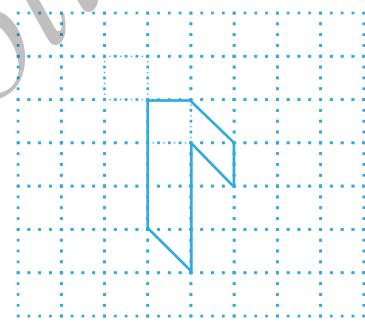
ಮೂರಾಂಶ ವರ್ಗ ಆವರಿಸಿರುವ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = 3 ಚದರ ಮೂಲಮಾನ

ಅಧ್ಯವರ್ಗಗಳು ಆವರಿಸಿರುವ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $3 \times \frac{1}{2} = 1\frac{1}{2}$   
ಚದರ ಮೂಲಮಾನ

ಒಟ್ಟು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $4\frac{1}{2}$  ಚದರ ಮೂಲಮಾನಗಳು.

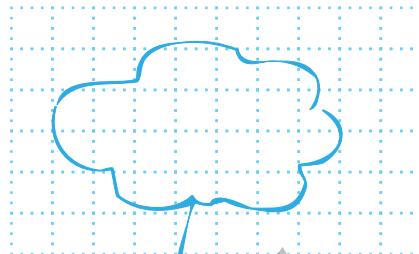
**ಉದಾಹರಣೆ 11:** ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಏಕೆಂಬ ಮಾಡುವುದರ ಮೂಲಕ ಚಿತ್ರ 10.9 (b)ಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಅಂದಾಜು ಮಾಡಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಕೃತಿಯ ಹೊರ ಅಂಚಿನ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಗ್ರಾಹ ಹಾಳೆಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ. (ಚಿತ್ರ 10.11)



ಚಿತ್ರ 10.10

ಆವರಿಸಿದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ	ಸಂಖ್ಯೆ	ಅಂದಾಜು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಚದರ ಮೂಲಮಾನ
1) ಪೊಣಂವಾಗಿ ಆವರಿಸಿದ ವರ್ಗಗಳು	11	11
2) ಅರ್ಥ ಆವರಿಸಿದ ವರ್ಗಗಳು	3	$3 \times \frac{1}{2}$
3) ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿರುವ ವರ್ಗಗಳು	7	7
4) ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಆವರಿಸಿಕೊಂಡ ವರ್ಗಗಳು	5	0



ಚಿತ್ರ 10.11

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

ಒಟ್ಟು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $11 + 3 \times \frac{1}{2} + 7 = 19\frac{1}{2}$  ಚದರ ಮೂಲಮಾನ.

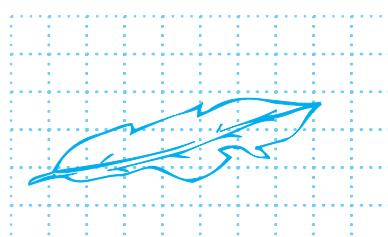
**ಉದಾಹರಣೆ 12:** ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡುವುದರ ಮೂಲಕ ಚಿತ್ರ 10.9 (a)ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಅಂದಾಜು ಮಾಡಿ.

### ಪರಿಹಾರ:

ಗ್ರಾಫ್ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಈ ಚಿತ್ರದ ಹೊರ ಅಂಚನ್ನು ಸುರುತು ಮಾಡಿ. ವರ್ಗಗಳು ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಈ ರೀತಿ (ಚಿತ್ರ 10.12) ಆವರಿಸಿವೆ.

- ಒಂದು ಗ್ರಾಫ್ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಯಾವುದಾದರೂಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಎಣಿಸಿ. ಇವುಗಳನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ ವೃತ್ತಾಕಾರ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಅಂದಾಜು ಮಾಡಿ.
- ಎಲೆಗಳು, ಹೂವಿನ ದಳಗಳು ಮತ್ತು ಇಂತಹ ಹಲವು ವಸುಗಳ ಆಕೃತಿಗಳ ಜಾಡು (trace) ಮೂಡಿಸಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಆವರಿಸಿದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ	ಸಂಖ್ಯೆಗಳು	ಅಂದಾಜು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಚದರ ಮೂಲಮಾನಗಳು
1) ಪೊಣಂವಾಗಿ ಆವರಿಸಿದ ವರ್ಗಗಳು	1	1
2) ಅರ್ಥ ಆವರಿಸಿದ ವರ್ಗಗಳು	—	—
3) ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಆವರಿಸಿದ ವರ್ಗಗಳು	7	7
4) ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಆವರಿಸಿರದ ವರ್ಗಗಳು	9	0



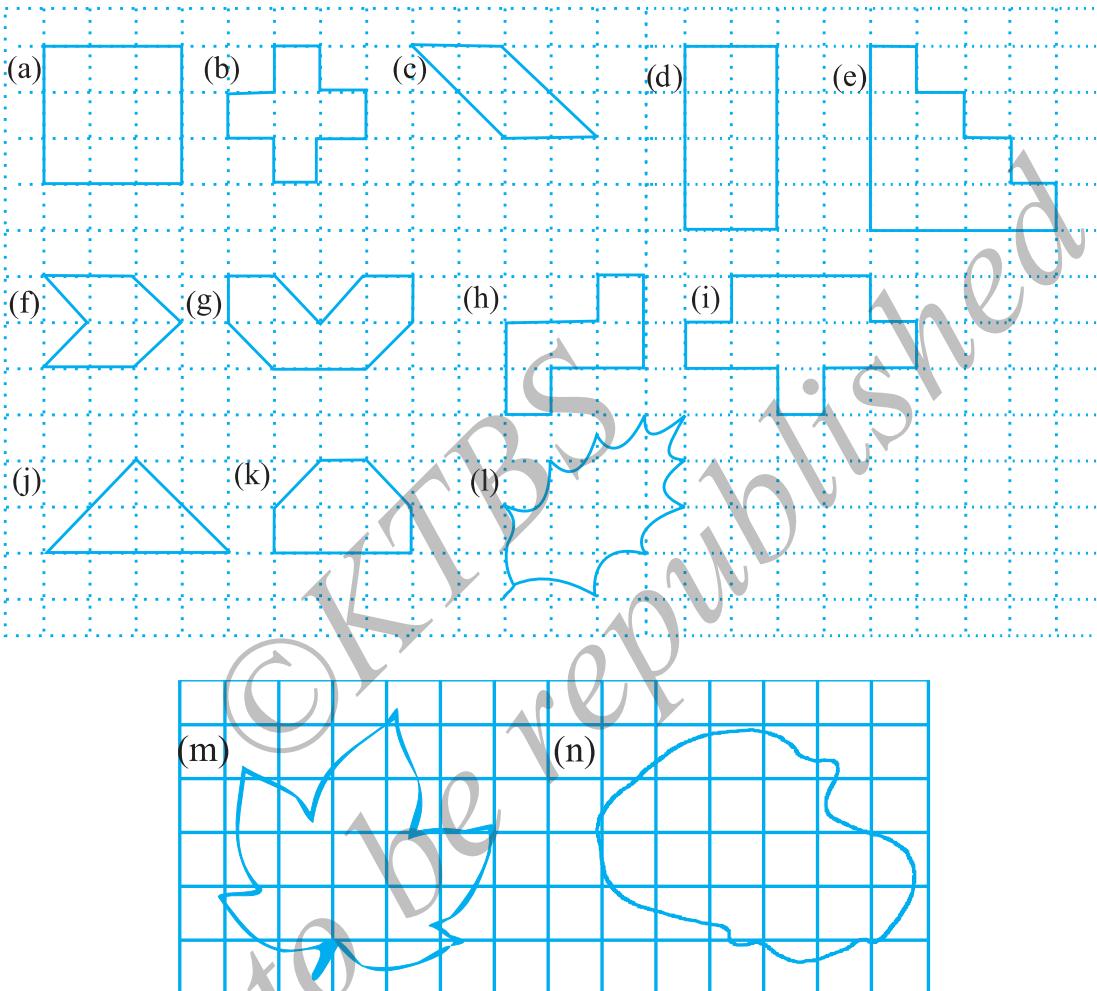
ಚಿತ್ರ 10.12

ಒಟ್ಟು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $1 + 7 = 8$  ಚದರ ಮೂಲಮಾನಗಳು



## ಅಭ್ಯಾಸ 10.2

1) ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಎಲೆಕೆ ಮಾಡುವದರ ಮೂಲಕ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

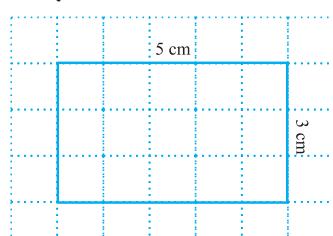


### 10.3.1 ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

ವರ್ಗಕಾರದ ಹಾಳೆಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ನಾವು  $5\text{cm}$  ಉದ್ದ ಮತ್ತು  $3\text{cm}$  ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಹೇಳಲು ಸಾಧ್ಯವೇ?

$1\text{cm} \times 1\text{cm}$  ವರ್ಗವಿರುವ ನಕ್ಷೆಯ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಆಯತವನ್ನು (ಚಿತ್ರ 10.13) ರಚಿಸಿ. ಈ ಆಯತವು 15 ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಆವರಿಸಿಕೊಂಡಿದೆ.

ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $15\text{ cm}^2$  ಅದನ್ನು ನಾವು  $5 \times 3$  ಚದರ ಸೆಂಟಿ ಮೀಟರ್ ಎಂದು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ.



ಚಿತ್ರ 10.13

ಕೆಲವು ಆಯತಗಳ ಬಾಹ್ಯಗಳ ಅಳತೆ ನೀಡಲಾಗಿದೆ. ಇವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಇವುಗಳನ್ನು ಗ್ರಾಹ್ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಇಡಿ ಮತ್ತು ಆವರಿಸಿರುವ ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಎಣಿಕೆ ಮಾಡಿ.

ಇದರಿಂದ ನೀವು ಯಾವ ತೀವ್ರಾನಕ್ಕೆ ಬರಬಹುದು?

ನಾವು ಕಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದು,

ಉದ್ದ	ಅಗಲ	ವಿಸ್ತೀರ್ಣ
3 cm	4 cm	-----
7 cm	5 cm	-----
5 cm	3 cm	-----

$$\text{ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ}$$

ಗ್ರಾಹ್ ಹಾಳೆಯನ್ನು ಬಳಸದೆ, 6cm ಉದ್ದ ಮತ್ತು 4cm ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದೇ?

ಹೌದು, ಇದು ಸಾಧ್ಯವಿದೆ.

ಇದರಿಂದ ನಾವು ಯಾವ ತೀವ್ರಾನಕ್ಕೆ ಬರಬಹುದು?

ನಾವು ಕಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದು,

$$\text{ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ} = 6\text{cm} \times 4\text{cm} = 24\text{cm}^2.$$

### 10.3.2 ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ

ಈಗ ನಾವು 4cm ಬಾಹ್ಯವಿರುವ ವರ್ಗವನ್ನು (ಚಿತ್ರ 10.14) ಪರಿಗಣಿಸೋಣ.

ಇದರ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಎಷ್ಟು?

ಇದನ್ನು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಗ್ರಾಹ್ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಇಟ್ಟಾಗ ನಾವು ಏನನ್ನು ಗಮನಿಸುತ್ತೇವೆ? ಇದು 16 ವರ್ಗಗಳನ್ನು ಆವರಿಸುತ್ತದೆ. ಅಂದರೆ ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ =  $16\text{cm}^2 = (4 \times 4)\text{cm}^2$

ಹೀಗೆಯೇ ನೀವು ಕೆಲವು ವರ್ಗಗಳ ಬಾಹ್ಯಗಳ ಉದ್ದವನ್ನು ಗೂಹಿಸಿ ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಗ್ರಾಹ್ ಹಾಳೆ ಬಳಸಿಕೊಂಡು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಇದರಿಂದ ನಾವು ಯಾವ ತೀವ್ರಾನಕ್ಕೆ ಬರಬಹುದು?

ನಾವು ಪ್ರತಿ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ

ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = ಬಾಹ್ಯ  $\times$  ಬಾಹ್ಯ ಎಂದು ಕಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ.

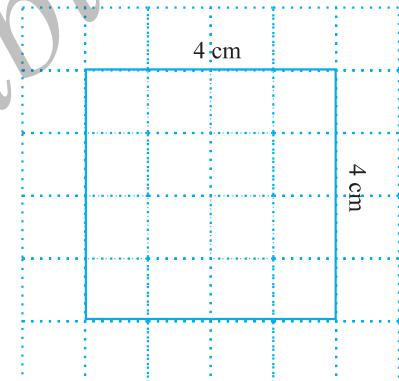
ಇದನ್ನು ಸಮಸ್ಯೆ ಬಿಡಿಸುವ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ಸೂತ್ರವಾಗಿ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 13:** ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 12cm ಮತ್ತು 4cm ಇರುವ ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ವರ್ಗದ ಬಾಹ್ಯ = 12 cm

ಆಯತದ ಅಗಲ = 4 cm

$$\begin{aligned}\text{ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ} \\ &= 12\text{cm} \times 4\text{cm} \\ &= 48 \text{ cm}^2\end{aligned}$$



ಚಿತ್ರ 10.14

**ಉದाहರण 14:** 8m ಬಾಹುವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಒಂದು ವರ್ಗಾಕಾರದ ಜಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ವರ್ಗದ ಬಾಹು = 8 m

$$\begin{aligned}\text{ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ಬಾಹು} \times \text{ಬಾಹು} \\ &= 8\text{m} \times 8\text{m} \\ &= 64 \text{ m}^2\end{aligned}$$

**ಉದಾಹರಣ 15:** ಆಯತಾಕಾರದ ಕಾಡ್‌ಚೋಡ್‌ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು 36 cm<sup>2</sup> ಮತ್ತು ಅದರ ಉದ್ದ 9 cm ಅದರೆ ಕಾಡ್‌ಚೋಡ್‌ನ ಅಗಲವೆಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = 36cm<sup>2</sup>

$$\text{ಉದ್ದ} = 9\text{cm}$$

$$\text{ಅಗಲ} = ?$$

$$\text{ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ}$$

$$\begin{aligned}\text{ಅದುದರಿಂದ, ಅಗಲ} &= \frac{\text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\text{ಉದ್ದ}} \\ &= \frac{36}{9} \\ &= 4\end{aligned}$$

ಹೀಗಾಗೆ ಕಾಡ್‌ಚೋಡ್‌ನ ಅಗಲ = 4 cm

**ಉದಾಹರಣ 16:** 3m ಅಗಲ ಮತ್ತು 4m ಉದ್ದವಿರುವ ಕೊತಡಿಯ ನೆಲಕ್ಕೆ ರಥು ಟೈಲ್ಸ್‌ಗಳನ್ನು ಹಾಕಲು ಬಯಸಿದನು. ವರ್ಗಾಕಾರವಿರುವ ಪ್ರತಿ ಟೈಲ್‌ನ ಬಾಹುವು 0.5m ಅದರೆ ಕೊತಡಿಯ ನೆಲಕ್ಕೆ ಅವಶ್ಯವಿರುವ ಟೈಲ್ಸ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಒಟ್ಟು ಟೈಲ್ಸ್‌ಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು ಕೊತಡಿಯ ನೆಲದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಕ್ಕೆ ಸಮು

$$\text{ಕೊತಡಿಯ ಉದ್ದ} = 4\text{m}$$

$$\text{ಕೊತಡಿಯ ಅಗಲ} = 3\text{m}$$

$$\begin{aligned}\text{ಕೊತಡಿಯ ನೆಲದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ} \\ &= 4\text{m} \times 3\text{m} \\ &= 12\text{m}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ಬಾಹು} \times \text{ಬಾಹು} \\ &= 0.5\text{m} \times 0.5\text{m} \\ &= 0.25\text{m}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{ಬೇಕಾಗುವ ಟೈಲ್ಸ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ} &= \frac{\text{ನೆಲದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}}{\text{ಒಂದು ಟೈಲ್‌ನ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}} \\ &= \frac{12}{0.25}\end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 &= \frac{1200}{25} \\
 &= 48
 \end{aligned}$$

**ಉದाहರण 17:** 1m 25cm ಅಗಲ ಮತ್ತು 2m ಉದ್ದವಿರುವ ಬಟ್ಟೆಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಚದರ ಮೀಟರ್ (m<sup>2</sup>) ಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಬಟ್ಟೆಯ ಉದ್ದ = 2m

$$\begin{aligned}
 \text{ಬಟ್ಟೆಯ ಅಗಲ} &= 1\text{m } 25\text{cm} = 1\text{m} + 0.25\text{m} \\
 &= 1.25\text{m}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{ಬಟ್ಟೆಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ಬಟ್ಟೆಯ ಉದ್ದ} \times \text{ಬಟ್ಟೆಯ ಅಗಲ} \\
 &= 2\text{m} \times 1.25\text{m} \\
 &= 2.50\text{m}^2
 \end{aligned}$$

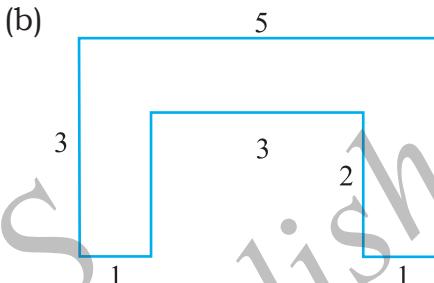
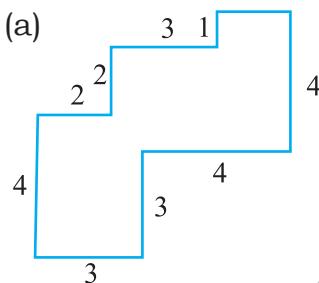


### ಅಭ್ಯಾಸ 10.3

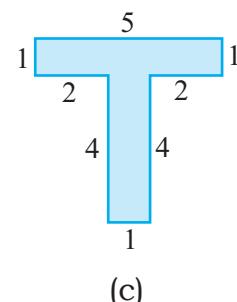
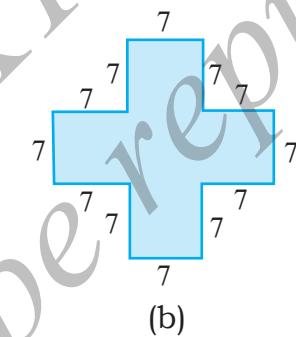
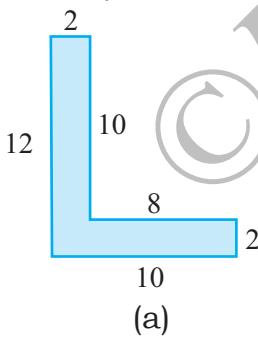
- ಆಯತದ ಬಾಹುಗಳು ಈ ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವಂತೆ ಇದ್ದಾಗ, ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
  - 3cm ಮತ್ತು 4cm
  - 12m ಮತ್ತು 21m
  - 2km ಮತ್ತು 3km
  - 2m ಮತ್ತು 70m
- ವರ್ಗಗಳ ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
  - 10cm
  - 14cm
  - 5cm
- ಮೂರು ಆಯತಗಳ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲ ಈ ಮುಂದಿನಂತಿದೆ:
  - 9m ಮತ್ತು 6m
  - 17m ಮತ್ತು 3m
  - 4m ಮತ್ತು 14m
 ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ದೊಡ್ಡ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಮತ್ತು ಚಿಕ್ಕ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಹೊಂದಿವೆ?
- 50m ಉದ್ದವಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದನವನದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ  $300\text{m}^2$  ಆದರೆ, ಉದ್ದನವನದ ಅಗಲ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 500m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 200m ಅಗಲವಿರುವ ಆಯತಾಕಾರದ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ನೂರು ಚದರ ಮೀಟರ್ಗೆ ₹8 ರ ದರಲ್ಲಿ ಉಳಿಮೆಯನ್ನು ಮಾಡಿದರೆ ತಗಲುವ ಒಟ್ಟು ವೆಚ್ಚ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ಮೇಚಿನ ಮೇಲ್ತ್ಯಯ ಅಳತೆ  $2\text{m} \times 1\text{m } 50\text{cm}$  ಇದೆ. ಇದರ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಚದರ ಮೀಟರ್ (m<sup>2</sup>) ಗಳಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.
- ಒಂದು ಕೊತಡಿಯ ಉದ್ದ 4m ಮತ್ತು ಅಗಲ 3m, 50cm ಇದೆ. ಈ ಕೊತಡಿಯ ನೆಲವನ್ನು ಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಆವೃತಗೊಳಿಸಲು ಅವಶ್ಯಕವಿರುವ ರತ್ನಗಂಬಳಿಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಚದರ ಮೀಟರ್ಗಳಲ್ಲಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ಕೊತಡಿಯ ನೆಲದ ಉದ್ದ 5m ಮತ್ತು ಅಗಲ 4m ಆಗಿದೆ. ಈ ನೆಲಕ್ಕೆ ಬಾಹುವಿನ ಅಳತೆ 3m ಇರುವ

ವರ್ಗಾಕಾರದ ರತ್ನಗಂಬಳಿಯನ್ನು (ಸೆಲದ ಹಾಸು) ಹಾಕಲಾಗಿದೆ. ರತ್ನಗಂಬಳಿ ಹಾಕದ ಜಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರ.

9. 5m ಉದ್ದ ಮತ್ತು 4m ಅಗಲವಿರುವ ಜಾಗದಲ್ಲಿ 1m ಉದ್ದವಿರುವ ವರ್ಗಾಕಾರದ ಒಂದು ಹೂವಿನ ಗಿಡದ ಹಳ್ಳಗಳನ್ನು ತೋಡಲಾಗಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಉಳಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಎಷ್ಟು?
10. ಮುಂದಿನ ಜಿತ್ರಗಳನ್ನು ಆಯತಗಳನ್ನಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ. ಅವುಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರ (ಅಳತೆಗಳನ್ನು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ)



11. ಕೆಳಕಂಡ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ವಿವಿಧ ಆಯತಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ, ಪ್ರತಿ ಆಕೃತಿಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರ (ಅಳತೆಗಳನ್ನು ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ).



12. ಟ್ರೈಂಗಲ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 12cm ಮತ್ತು 5cm ಆಗಿದೆ. ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರದ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಈ ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟಂತೆ ಇರುವ ಜಾಗಕ್ಕೆ ಅವಶ್ಯವಿರುವ ಟ್ರೈಂಗಲ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟು?

- (a) 100cm ಮತ್ತು 144cm      (b) 70cm ಮತ್ತು 36cm

ಒಂದು ಸವಾಲು!

ಒಂದು ಚದರ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ವರ್ಗದ ಕಾಗದದಲ್ಲಿ ನಿಮಗೆ ಸಾಧ್ಯವಿರುವ ಆಯತಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಆದರೆ ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ 16 ಚದರ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಆಗಿರಬೇಕು (ಉದ್ದಗಳನ್ನು ಸಾಫ್ತಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿರುವಂತೆ ಪರಿಗಣಿಸಿ).

- (a) ಯಾವ ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ?
- (b) ಯಾವ ಆಯತವು ಕನಿಷ್ಠ ಸುತ್ತಳತೆ ಹೊಂದಿದೆ?

ನೀವು 24 ಚದರ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್ ಆಯತಾಕಾರ ರಚಿಸಿದರೆ ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರವೇನಾಗಿರುತ್ತದೆ?

ಯಾವುದೇ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ್, ಹೆಚ್ಚು ಸುತ್ತಳತೆ ಇರುವ ಆಯತಾಕಾರವನ್ನು ಉಹಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವೇ? ಕನಿಷ್ಠ ಸುತ್ತಳತೆ ಇರುವ ಆಯತಾಕಾರವನ್ನು ಉಹಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವೇ? ಉದಾಹರಣೆ ಮತ್ತು ಸೂಕ್ತ ಕಾರಣ ಹೋಡಿ.

### ನಾವೇನು ಚೆಚ್ಚಿಸಿದ್ದೇವು?

1. ಸುತ್ತಳತೆ ಎಂದರೆ ಅವೃತ ಆಕೃತಿಯ ಸೀಮಾರೇಖೆಯ ಸುತ್ತ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರ, ನಾವು ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಒಂದು ಪೂರ್ಣಸುತ್ತ ಹಾಕುವುದು.
2. (a) ಅಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ  $= 2 \times (\text{ಉದ್ದ} + \text{ಅಗಲ})$   
 (b) ವರ್ಗದ ಸುತ್ತಳತೆ  $= 4 \times \text{ಅದರ ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ}$   
 (c) ಸಮಭಾಗ ತ್ರಿಭುಜದ ಸುತ್ತಳತೆ  $= 3 \times \text{ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ}$
3. ಜಿತ್ರದಲ್ಲಿನ ಎಲ್ಲಾ ಬಾಹುಗಳು ಮತ್ತು ಕೋನಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾಗಿದ್ದರೆ ಅದನ್ನು ನಿಯುತ್ತಿರುತ್ತಾರೆ.
4. ಅವೃತ ಆಕೃತಿಯ ಆವರಿಸಿ ಕೊಂಡಿರುವ ಮೇಲೆ ಪ್ರದೇಶವನ್ನು ವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.
5. ಜಿತ್ರದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ವರ್ಗದ ಕಾಗದದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಅಂಶಗಳನ್ನು ಅಳವಡಿಸಿಕೊಳ್ಳಬೇಕು.  
 (a) ಆವರಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು ಅರ್ಥವರ್ಗಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಇದ್ದರೆ ಅದನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸುವುದಿಲ್ಲ.  
 (b) ಆವರಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು ಅರ್ಥ ವರ್ಗಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದ್ದರೆ ಅದನ್ನು ಒಂದು ವರ್ಗ ಎಂದು ಎಣಿಕೆಗೆ ಪರಿಗಣಿಸಬೇಕು.  
 (c) ಆವರಿಸಿದ ಭಾಗ ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ಅರ್ಥ ವರ್ಗವನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದ್ದರೆ ಆಗ ಅದನ್ನು  $\frac{1}{2}$  ಜದರ ಮೂಲಮಾನ ಎಂದು ಪರಿಗಣಿಸಬೇಕು.
6. (a) ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ  $= \text{ಉದ್ದ} \times \text{ಅಗಲ}$   
 (b) ವರ್ಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ  $= \text{ಬಾಹು} \times \text{ಬಾಹು}$



11 -  
ಕಿರ್ಣಿ

## ಬೀಜಗಣಿತ

### 11.1 ಪೀಠಿಕೆ

ನಾವು ಈವರೆಗೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಹಾಗೂ ಆಕೃತಿಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಅಧ್ಯಯನ ಮಾಡಿದ್ದೇವೆ. ಸಂಖ್ಯೆಗಳು, ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೇಲಿನ ಕ್ರಿಯೆಗಳು ಹಾಗೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳನ್ನು ನಾವು ತಿಳಿದಿದ್ದೇವೆ. ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಈ ಜ್ಞಾನವನ್ನು ನಾವು ಅನೇಕ ದ್ಯುನಂದಿನ ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪರಿಹರಿಸಲು ಬಳಸಿಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ. ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡುವ ಗಣಿತದ ಈ ವಿಭಾಗಕ್ಕೆ ‘ಅಂಕಗಣಿತ’ ಎಂದು ಹೆಸರು. ಜೊತೆಗೆ ನಾವು ಎರಡು ಹಾಗೂ ಮೂರು ಆಯಾಮದ ಆಕೃತಿಗಳು ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಲಕ್ಷಣಗಳನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ. ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಅಭ್ಯಾಸ ಮಾಡುವ ಗಣಿತದ ಈ ವಿಭಾಗಕ್ಕೆ ‘ರೇಖಾಗಣಿತ’ ಎಂದು ಹೆಸರು. ಈಗ ನಾವು ಗಣಿತದ ಮುಕ್ತಾಂದು ವಿಭಾಗವನ್ನು ಅಭ್ಯಾಸಿಸಲಿದ್ದೇವೆ. ಇದಕ್ಕೆ ‘ಬೀಜಗಣಿತ’ ಎಂದು ಹೆಸರು.

ನಾವು ಅಧ್ಯಯನ ಮಾಡಲಿರುವ ಈ ಹೊಸ ಗಣಿತ ವಿಭಾಗದ ವಿಶೇಷತೆಯೆಂದರೆ ಅಕ್ಷರಗಳ ಬಳಕೆ. ಅಕ್ಷರಗಳ ಬಳಕೆಯು ನಿಯಮ ಹಾಗೂ ಸೂತ್ರಗಳನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯೀಕರಿಸಿ ಬರೆಯಲು ಸಹಾಯ ಮಾಡುತ್ತದೆ. ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಕೆ ಮಾಡುವುದರ ಮೂಲಕ ‘ಯಾವುದೇ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ’ ಬದಲಾಗಿ ‘ಯಾವುದೇ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ’ ಕುರಿತಾಗಿ ಚರ್ಚಿಸಬಹುದು. ಎರಡನೆಯದಾಗಿ, ಅಕ್ಷರಗಳು ಅಜಾತ್ತ ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಿಲ್ಲವು. ಅಜಾತ್ತ ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವ ಮೂಲಕ ಒಗಟುಗಳನ್ನು ಹಾಗೂ ದಿನನಿತ್ಯದ ಅನೇಕ ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪರಿಹರಿಸುವ ಪ್ರಬುಲಾದ ಸಾಧನವೋಂದನ್ನು ನಾವು ಬೆಳೆಸಿದಂತಾಗುತ್ತದೆ. ಮೂರನೆಯದಾಗಿ, ಅಕ್ಷರಗಳು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವುದರಿಂದ, ಸಂಖ್ಯೆಗಳೊಂದಿಗೆ ನಡೆಸುವ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಅಕ್ಷರಗಳಿಗೂ ಅನ್ವಯಿಸಬಹುದು. ಇದು ಬೀಜೋಕ್ತಿಗಳು ಹಾಗೂ ಅವುಗಳ ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳ ಅಭ್ಯಾಸಕ್ಕೆ ನಾಂದಿಯಾಗುತ್ತದೆ.

ನೀವು ಬೀಜಗಣಿತವನ್ನು ಆಸಕ್ತಿದಾಯಕ ಹಾಗೂ ಉಪಯುಕ್ತವೆಂದು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವಿರಿ. ಇದು ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ಪರಿಹರಿಸಲು ಬಹಳ ಉಪಯುಕ್ತವಾಗಿದೆ. ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳ ಮೂಲಕ ನಮ್ಮ ಕಲಿಕೆಯನ್ನು ಆರಂಭಿಸೋಣ.

## 11.2 ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ವಿನ್ಯಾಸಗಳು:

ಅಮೀನ ಹಾಗೂ ಸರಿತಾ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳಿಂದ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಮಾಡುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಅವರು ಇಂಗ್ಲೀಷ್‌ ವಳಿಕೊಳ್ಳಿದ್ದರೆ ಅಕ್ಷರಗಳ ಸರಳ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಮಾಡೋಣವೆಂದು ನಿರ್ದರ್ಶಿಸುತ್ತಾರೆ. ಅಮೀನ ಎರಡು ಕಡ್ಡಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ. ಈ ಮುಂದೆ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ [ಚಿತ್ರ 11.1(a)] L ಅಕ್ಷರ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡುತ್ತಾಳೆ.



ಚಿತ್ರ 11.1

ಸರಿತಾಳೂ ಎರಡು ಕಡ್ಡಿಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡು, ಇನ್ನೊಂದು L ಅಕ್ಷರವನ್ನು ಮಾಡಿ ಅಮೀನ ಮಾಡಿದ ಅಕ್ಷರದ ಪಕ್ಕ ಜೋಡಿಸುತ್ತಾಳೆ [ಚಿತ್ರ 11.1(b)]. ಅಮೀನ ಮತ್ತೊಂದು L ಅಕ್ಷರವನ್ನು ಜೋಡಿಸುತ್ತಾಳೆ. ಹಾಗೂ ಈ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆ ಇದೇ ರೀತಿ ಮುಂದುವರೆಯುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು [ಚಿತ್ರ 11.1(c)] ಯಾ ಚುಕ್ಕೆಗಳು ಸೂಚಿಸುತ್ತವೆ.

ಆಗ ಅಲ್ಲಿಗೆ ಅಪ್ಪು ಆಗಮಿಸುತ್ತಾನೆ. ಆತ ಅಕ್ಷರಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಗಮನಿಸುತ್ತಾನೆ. ಯಾವಾಗಲೂ ಪ್ರಶ್ನೆ ಕೇಳುವ ಅಪ್ಪು, ಅಮೀನ ಮತ್ತು ಸರಿತಾಗೆ ಕೇಳುತ್ತಾನೆ. ‘ಏಷು L ಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಎಷ್ಟು ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳು ಬೇಕು?’ ಕ್ರಮಾವಧಿವಾಗಿ ಚಟುವಟಿಕೆ ಮಾಡುವ ಅಮೀನ ಹಾಗೂ ಸರಿತಾ, 1L, 2L, 3L ಗಳಂತೆ ವಿನ್ಯಾಸ ಮಾಡುತ್ತಾ ಅದಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಒಂದು ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ಬರೆದರು.

### ಕೋಷ್ಟಕ 1

L ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	1	2	3	4	5	6	7	8	.....	.....
ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	2	4	6	8	10	12	14	16	.....	.....



ಈ ಕೋಷ್ಟಕದಿಂದ ಅಪ್ಪು ತನ್ನ ಪ್ರಶ್ನೆಗೆ ಉತ್ತರ ಕಂಡುಕೊಂಡನು. 7 L ಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು 14 ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳು ಬೇಕು.

ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತುಂಬಿಸುತ್ತಿದ್ದಂತೆಯೇ ಅಮೀನ, ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ L ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎರಡರಷ್ಟು ಎಂದು ಕಂಡುಕೊಂಡಳು. ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2 \times L$  ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ.



ನಮ್ಮ ಅನುಕೂಲಕ್ಕೆ, L ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ‘n’ ಅಕ್ಷರದಿಂದ ಸೂಚಿಸೋಣ. ಒಂದು L ಮಾಡಿದರೆ  $n = 1$ , ಎರಡು L ಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದರೆ  $n = 2$ . ಇತ್ಯಾದಿ ಹಾಗಾಗಿ ‘n’ ಯಾವುದೇ ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆ 1, 2, 3, 4..... ಆಗಬಹುದು. ನಾವೀಗೆ ‘ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2 \times n$ ’ ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು.  $2 \times n$  ನ್ನು  $2n$  ಎಂದೂ ಬರೆಯಬಹುದು.  $2n$  ಎಂದರೆ  $2 \times n$  ಎಂಬುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಅಮೀನ ತನ್ನ ಗೆಳೆಯಿರಿಗೆ ತಾನು ಕಂಡುಕೊಂಡ ನಿಯಮವು ಯಾವುದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯ L ಗಳನ್ನು ಜೋಡಿಸಲು ಬೇಕಾದ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡುವುದೆಂದು ತಿಳಿಸುತ್ತಾಳೆ.

$n = 1$  ಆದಾಗ, ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2 \times 1 = 2$

$n = 2$  ಆದಾಗ, ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2 \times 2 = 4$

$n = 3$  ಆದಾಗ, ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2 \times 3 = 6$

ಕೋಷ್ಟಕದ ಅಂಕ ಅಂಶಗಳಿಗೂ ಇದು ಸರಿ ಹೊಂದುತ್ತದೆ.

“ಈ ನಿಯಮವು ಅತ್ಯಂತ ಸಮರ್ಥವಾದುದು. ಈ ನಿಯಮದಿಂದ  $100$  L ಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಎಪ್ಪು ಬೆಂಕಡಿಗಳು ಅಗತ್ಯ ಎಂಬುದನ್ನು ನಾನು ಹೇಳಬಲ್ಲೇ. ನನಗೆ ಚಿತ್ರ ಬರೆಯುವುದಾಗಲಿ, ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ರಚಿಸುವುದಾಗಲಿ ಬೇಕಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ನಿಯಮವೋಂದು ಗೊತ್ತಿದ್ದರೆ ಸಾಕು” ಎಂದು ಸರಿತಾ ಹೇಳಿದಳು.

ನೀವು ಸರಿತಾ ಹೇಳಿದ್ದನ್ನು ಒಪ್ಪುವಿರಾ?

### 11.3 ಚರಾಕ್ಷರದ ಪರಿಕಲ್ಪನೆ:

ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ,  $L$  ಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡಲು ಬೇಕಾದ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಲು ಬೇಕಾದ ಸೂತ್ರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದ್ದೇವು. ಆ ಸೂತ್ರವು ಈ ಕೆಳಗಿನಂತಿದೆ.

ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $2n$

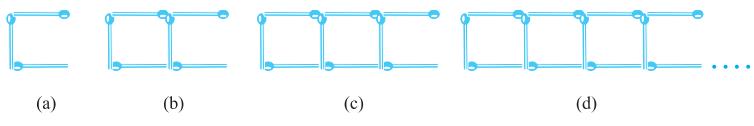
ಇಲ್ಲಿ,  $n$  ಎಂದರೆ ವಿನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿರುವ  $L$  ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ. ಈ  $n$  ಎನ್ನು ಪ್ರತಿ  $1, 2, 3, 4, \dots, m$  ಮುಂತಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು. ಈಗ ಕೋಷ್ಟಕ  $1$ ನ್ನು ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ನೋಡೋಣ. ಕೋಷ್ಟಕದ ಮೊದಲ ಅಡ್ಡಸಾಲಿನಲ್ಲಿ,  $n$  ನ ಬೆಲೆಯು ಬದಲಾಗುತ್ತಾ (ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತಾ) ಹೋಗುತ್ತದೆ. ಅದರ ಫಲಿತಾಂಶವಾಗಿ ಎರಡನೇ ಅಡ್ಡಸಾಲಿನಲ್ಲಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯೂ ಬದಲಾಗುತ್ತಾ (ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತಾ) ಹೋಗುತ್ತದೆ.

ಇಲ್ಲಿ ‘ $n$ ’ ಚರಾಕ್ಷರಕ್ಕೆ ಒಂದು ಉದಾಹರಣೆ. ಇದರ ಬೆಲೆಯು ಸ್ಥಿರ ಅಲ್ಲ. ಇದು  $1, 2, 3, 4, \dots, m$  ಮುಂತಾದ ಯಾವುದೇ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು. ನಾವು ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಚರಾಕ್ಷರ ‘ $n$ ’ ಬಳಸಿ ಬರೆದ್ದೇವು.

‘ಚರಾಕ್ಷರ’ ಎಂಬ ಪದವು ‘ಚರ’ ಅಂದರೆ ‘ಬದಲಾಗುವ’ ಎಂಬ ಅರ್ಥವನ್ನು ಕೊಡುತ್ತದೆ. ಚರಾಕ್ಷರದ ಬೆಲೆಗಳು ಸ್ಥಿರವಾದುದಲ್ಲ. ಇದು ವಿಭಿನ್ನವಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಹೆಚ್ಚು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಲು ನಾವೀಗ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ವಿನ್ಯಾಸದ ಇನ್ನೊಂದು ಉದಾಹರಣೆ ನೋಡೋಣ.

### 11.4 ಇಮ್ಮು ಕೆಲವು ಬೆಂಕಡಿ ವಿನ್ಯಾಸಗಳು

ಅಮೀನ ಹಾಗೂ ಸರಿತಾ ಬೆಂಕಡಿ ವಿನ್ಯಾಸಗಳಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಆಸಕ್ತರಾಗಿದ್ದಾರೆ. ಅವರೀಗ ‘C’ ಅಕ್ಷರ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡಲು ಇಚ್ಛಿಸಿದ್ದಾರೆ. ಒಂದು ‘C’ ಮಾಡಲು ಅವರು ಮೂರು ಬೆಂಕಡಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದ್ದಾರೆಂದು ಚಿತ್ರ 11.2(a) ತೋರಿಸುತ್ತದೆ.



ಚಿತ್ರ 11.2

C ಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡಲು ಬೇಕಾದ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕೋಷ್ಟಕ 2ರಲ್ಲಿ ನೀಡಲಾಗಿದೆ.

## ಕೋಟ್ಟೆ ಕ

C ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	1	2	3	4	5	6	7	8	.....	.....
ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	3	6	9	12	15	18	21	24	.....	.....

ಕೋಟ್ಟೆ ದಲ್ಲಿ ಖಾಲಿ ಬಿಟ್ಟರುವ ಜಾಗಗಳನ್ನು ಸೂಕ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಂದ ತುಂಬಬಲ್ಲಿರಾ?

ಸರಿತಾ ಈ ಕೇಳಿಗಿನ ನಿಯಮವನ್ನು ಕಂಡುಕೊಂಡಳು.

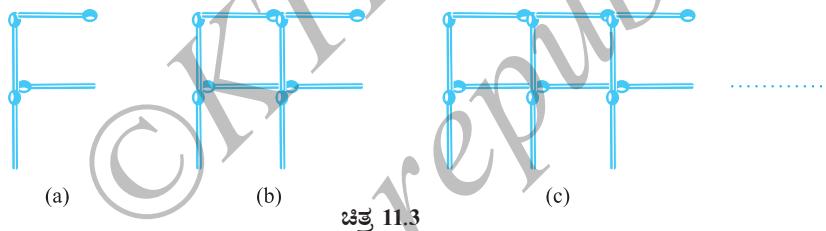
ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $3n$

ಇಲ್ಲಿ ಸರಿತಾ C ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ‘ $n$ ’ ಅಕ್ಷರ ಬಳಸಿದಳು. 1, 2, 3, 4.....  
ಮುಂತಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ‘ $n$ ’ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು

ನೀವು ಸರಿತಾಳ ಅಭಿಪ್ರಾಯವನ್ನು ಒಪ್ಪುವಿರಾ?

$3n$  ಎನ್ನುವುದು  $3 \times n$  ಎಂಬುದನ್ನು ಇಲ್ಲಿ ನೇನಪಿಡಿ.

ಈಗ, ಅಮೀನ ಮತ್ತು ಸರಿತಾ ‘F’ ಅಕ್ಷರಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡಬೇಕೆಂದಿದ್ದಾರೆ. ಚಿತ್ರ 11.3(a)  
ಯಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ, ಒಂದು F ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ನಾಲ್ಕು ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿಗಳಿಂದ ಮಾಡಿದರು.



F ಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಮಾಡಲು ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿಗಳ ನಿಯಮವನ್ನು ಬರೆಯಬಲ್ಲಿರಾ?

ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿಗಳಿಂದ ರಚಿಸಬಹುದಾದ ಅಕ್ಷರಗಳು ಹಾಗೂ ಇತರ ಆಕೃತಿಗಳು ಯಾವುವು ಯೋಚಿಸಿ?

ಉದಾಹರಣೆಗೆ U (U), V (V), ತ್ರಿಭುಜ ( $\Delta$ ), ಚೌಕ (□) ಇತ್ಯಾದಿ. ಯಾವುದಾದರೂ ಇದನ್ನು ಆಯ್ದು  
ಮಾಡಿ ಅವುಗಳ ಬೆಂಕೆಕಡ್ಡಿವಿನ್ಯಾಸಗಳ ನಿಯಮವನ್ನು ಬರೆಯಿರ.

### ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಉದಾಹರಣೆಗಳು:

ನಾವು ಚರಾಕ್ಷರವಾಗಿ ‘ $n$ ’ ಬಳಸಿದ್ದೇವೆ. “ $m$  ನ್ನು ಏಕೆ ಬಳಸಬಾರದು?” ಎಂದು ರಾಜು ಕೇಳಿದ್ದಾನೆ.  
ಚರಾಕ್ಷರವಾಗಿ ‘ $n$ ’ ನೇ ಬಳಸಬೇಕೆಂದಿಲ್ಲ.  $n$  ನಂತರೆಯೇ ಯಾವುದೇ ಅಕ್ಷರವನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು.

ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು  $1, m, n, x, y, z$  ಮುಂತಾದ ಯಾವುದೇ  
ಅಕ್ಷರವನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು. ಚರಾಕ್ಷರವು ಸ್ಥಿರವಾದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಹೊಂದದ  
ಒಂದು ಸರಿಯೇ ಎಂಬುದನ್ನು ನೇನಪಿಡಿ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಸಂಖ್ಯೆ 5 ಅಥವ 100  
ಅಥವಾ ಯಾವುದೇ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯು ಚರಾಕ್ಷರವಾಗಲಾರದು. ಯಾಕೆಂದರೆ  
ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ಸ್ಥಿರ. ಅದೇ ರೀತಿ ತ್ರಿಭುಜದ ಕೋನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಸಹ  
ಒಂದು ಸ್ಥಿರ ಬೆಲೆ. ಅದು 3. ಇದೊಂದು ಚರಾಕ್ಷರವಲ್ಲ. ಚತುಭುಜವೊಂದಕ್ಕೆ  
ಇರುವ ಮೊಲೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು (4) ಸಹ ಸ್ಥಿರ. ಅದೊಂದು ಚರಾಕ್ಷರವಲ್ಲ.  
ಈ ಮೊದಲು ನೋಡಿದ ಉದಾಹರಣೆಗಳಲ್ಲಿ ‘ $n$ ’ ಒಂದು ಚರಾಕ್ಷರ. ಅದು  
1, 2, 3, 4..... ಮುಂತಾದ ಅನೇಕ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು.



ಈಗ ಕೆಲವು ಪರಿಚಿತ ಸನ್ಯವೇಶಗಳಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಕಾಣೋಣ.

ಕೆಲವು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಶಾಲೆಯ ಮಸ್ತಕದ ಅಂಗಡಿಯಿಂದ ಮಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಹೋದರು, ಒಂದು ಮಸ್ತಕದ ಬೆಲೆ ₹ 5. ಮುನೀರನಿಗೆ 5 ಮಸ್ತಕಗಳು ಬೇಕು. ಅಪ್ಪುವಿಗೆ 7 ಹಾಗೂ ಸಾರಾಳಿಗೆ 4 ಮಸ್ತಕಗಳು ಬೇಕು. ಪ್ರತಿ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗೆ ಎಪ್ಪು ಹಣ ಬೇಕು?

ಇದು ಪ್ರತಿ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ ಎಪ್ಪು ಮಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಳ್ಳಲ್ಪಡುತ್ತಾರೆ ಎನ್ನುವುದರ ಮೇಲೆ ಅವಲಂಬಿತ. ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಒಟ್ಟಾಗಿ ಒಂದು ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತಯಾರಿಸಿದರು.



### ಕೋಷ್ಟಕ 3

ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಮಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ	1	2	3	4	5	.....	m	.....
ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆ (ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ)	5	10	15	20	25	.....	5m	.....

ಇಲ್ಲಿ 'm' ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಯು ಕೊಳ್ಳುವ ಮಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ. m ಒಂದು ಚರಾಕ್ಷರ. ಅದು 1, 2, 3, 4..... ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದೇ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು.

#### m ಮಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆಯ ನಿಯಮ:

$$\begin{aligned} \text{ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆ } (\text{ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ}) &= 5 \times \text{ಅಗತ್ಯವಿರುವ ಮಸ್ತಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ} \\ &= 5m \end{aligned}$$

ಮುನೀರನು 5 ಮಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಳ್ಳಬಯಸಿದರೆ,  $m = 5$  ಹಾಗಾಗಿ

ಮುನೀರನು ₹ 5 x 5 ಅಂದರೆ ₹ 25 ನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಂಡು ಹೋಗಬೇಕು.

ಈಗ ಇನ್ನೊಂದು ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸೋಣ.

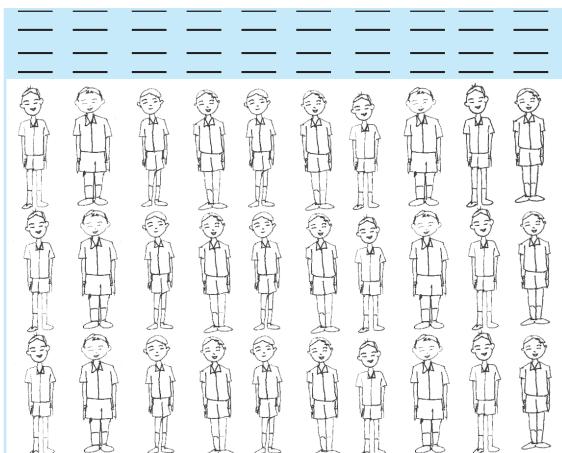
ಗಣರಾಜ್ಯೋತ್ಸವದ ಪರೇಡಾಗೆ ಮುಖ್ಯ ಅಂತಿಧಿಗಳ ಮುಂದೆ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಸಾಮೂಹಿಕ ಅಭಾಸ ಮಾಡಲಿದ್ದಾರೆ. ಪ್ರತಿ ಅಡ್ಡ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 10 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವಂತೆ ಅವರು ನಿಲ್ಲಲಿದ್ದಾರೆ. ಈ ಅಭಾಸದಲ್ಲಿ ಎಪ್ಪು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರಬಹುದು?

ಇರಬಹುದಾದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಅಡ್ಡ ಸಾಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಅವಲಂಬಿಸಿದೆ. ಒಂದು ಅಡ್ಡ ಸಾಲಿದ್ದರೆ 10 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಇರಬಹುದು. ಎರಡು ಅಡ್ಡ ಸಾಲುಗಳಿದ್ದರೆ  $2 \times 10$  ಅಂದರೆ 20 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರಬಹುದು. r ಅಡ್ಡ ಸಾಲುಗಳಿದ್ದರೆ,  $10r$  ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರಬಹುದು.

ಇಲ್ಲಿ r ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಅಡ್ಡಸಾಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಚರಾಕ್ಷರ. ಈ ಚರಾಕ್ಷರ 1, 2, 3, 4 .....

ಮುಂತಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು.

ಕ್ಷವರೆಗಿನ ಎಲ್ಲಾ ಉದಾಹರಣೆಗಳಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರಕ್ಕೆ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದರಿಂದ ಗುಣಿಸುವ ಸನ್ಯವೇಶಗಳಿದ್ದವು. ಇನ್ನು ಮುಂದೆ ನೋಡುವಂತೆ ಚರಾಕ್ಷರಕ್ಕೆ ಸಂಖ್ಯೆಯೊಂದನ್ನು ಕೂಡಿಸುವುದು ಅಥವಾ ಕಳೆಯುವುದು ಸಹ ಸಾಧ್ಯ.



ಚತ್ತ 11.4

ಸರಿತಾಳ ಪ್ರಕಾರ ಅವಳಲ್ಲಿ ಅಮೀನ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳಿಗಂತಹ ಮತ್ತು ಹೆಚ್ಚು ಗೋಲಿಗಳಿವೆ. ಅಮೀನ ಬಳಿ 30 ಗೋಲಿಗಳಿದ್ದರೆ ಸರಿತಾ ಬಳಿ 40 ಗೋಲಿಗಳಿವೆ. ಅಮೀನ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ನಮಗೆ ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ತಿಳಿದಿಲ್ಲ. ಅವಳ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಷ್ಟಾದರೂ ಇರಬಹುದು.

ಆದರೆ ನಮಗೆ ಗೊತ್ತಿರುವಂತೆ,

ಸರಿತಾ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = ಅಮೀನ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ + 10.

ನಾವು ಅಮೀನ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು  $x$  ನಿಂದ ಸೂಚಿಸೋಣ. ಇಲ್ಲಿ ‘ $x$ ’ ಒಂದು ಚರಾಕ್ತರ.

ಈ ಚರಾಕ್ತರವು 1, 2, 3, ..., 10, ..., 20, ... ಮುಂತಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು.

$x$  ಬಳಿ. ಸರಿತಾ ಬಳಿ ಇರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $x + 10$  ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು.

ಬೀಜೋಕ್ತಿ ( $x + 10$ ) ಇದನ್ನು ‘ $x$  ಕೂಡಿಸು 10’ ( $x$  plus 10) ಎಂದು ಓದಬೇಕು.

‘ $x$ ಗೆ 10ನ್ನು ಹೊಡಬೇಕು’ ಎಂಬುದು ಇದರಧ್ಯ.

$x = 20$  ಆಗಿದ್ದರೆ,  $x + 10 = 30$  ಆಗುವುದು.

$x = 30$  ಆಗಿದ್ದರೆ,  $x + 10 = 40$  ಆಗುವುದು.

ಬೀಜೋಕ್ತಿ ( $x + 10$ ) ಇದನ್ನು ಮತ್ತೆ ಸರಳೀಕರಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ.

$10 + x$  ಮತ್ತು  $10x$  ಇವುಗಳು ಒಂದೇ ಅಲ್ಲ.

$10x$  ಎಂಬಲ್ಲಿ  $x$ ನ್ನು 10ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ.  $(10+x)$  ಎಂಬಲ್ಲಿ  $x$  ಗೆ 10ನ್ನು ಹೊಡಲಾಗಿದೆ.

$x$ ನ ಯಾವುದಾದರೂ ಕೆಲವು ಬೆಲೆಗಳ ಮೂಲಕ ಇದನ್ನು ಪರಿಷ್ಕಿಸಬಹುದು.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ,

$x = 2$  ಆದರೆ,  $10x = 10 \times 2 = 20$  ಹಾಗೂ  $x + 10 = 2 + 10 = 12$

$x = 10$  ಆದರೆ,  $10x = 10 \times 10 = 100$  ಹಾಗೂ  $x + 10 = 10 + 10 = 20$



ರಾಜು ಮತ್ತು ಬಾಲು ಅಣ್ಣತಮ್ಮಂದಿರು. ಬಾಲು ರಾಜುಗಿಂತ 3 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವನು. ರಾಜು 12 ವರ್ಷದವನಿದ್ದಾಗ ಬಾಲು 9 ವರ್ಷದವನು. ರಾಜು 15 ವರ್ಷದವನಿದ್ದಾಗ ಬಾಲು 12 ವರ್ಷದವನು. ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿ ತಿಳಿದಿಲ್ಲ. ಅದು ಎಷ್ಟಾದರೂ ಇರಬಹುದು. ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸನ್ನು ‘ $x$ ’ ವರ್ಷಗಳು ಎಂದು ಸೂಚಿಸೋಣ. ಇಲ್ಲಿ  $x$  ಒಂದು ಚರಾಕ್ತರ ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು  $x$  ವರ್ಷಗಳು ಎಂದಾದಲ್ಲಿ ಬಾಲುವಿನ ವಯಸ್ಸು ( $x - 3$ ) ವರ್ಷಗಳು. ಬೀಜೋಕ್ತಿ ( $x - 3$ )ಯನ್ನು  $x$  ಕಳೆ 3 ( $x$  minus 3) ಎಂದು ಓದಬೇಕು.  $x = 12$  ಆದಾಗ  $x - 3 = 12$  ಎಂದಾಗುವುದು.

## ಅಭ್ಯಾಸ 11.1

1. ಈ ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಸಹಾಯ ಮಾಡುವ ನಿಯಮವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ನಿಯಮಗಳನ್ನು ಬರೆಯಲು ಚರಾಕ್ತರ ಬಳಸಿರಿ.

(a) T ಅಕ್ಷರದ  $T$  ವಿನ್ಯಾಸ

(b) Z ಅಕ್ಷರದ  $Z$  ವಿನ್ಯಾಸ

- (c) U ಅಕ್ಷರದ ಉ ವಿನ್ಯಾಸ
- (d) V ಅಕ್ಷರದ ಐ ವಿನ್ಯಾಸ
- (e) E ಅಕ್ಷರದ ಈ ವಿನ್ಯಾಸ
- (f) S ಅಕ್ಷರದ ಎ ವಿನ್ಯಾಸ
- (g) A ಅಕ್ಷರದ ಆ ವಿನ್ಯಾಸ

2. L, C ಹಾಗೂ F ಅಕ್ಷರಗಳ ವಿನ್ಯಾಸದ ನಿಯಮಗಳನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ. ಈ ಅಭ್ಯಾಸದ ಮೊದಲ ಪ್ರಶ್ನೆಯಲ್ಲಿ ಬರುವ ಕೆಲವು ಅಕ್ಷರಗಳ ವಿನ್ಯಾಸಗಳ ನಿಯಮಗಳು L ಅಕ್ಷರದ ವಿನ್ಯಾಸದ ನಿಯಮವನ್ನೇ ಹೊಂದಿದೆ. ಅವುಗಳು ಯಾವುವು? ಅವುಗಳು ಒಂದೇ ಆಗಿರಲು ಕಾರಣವೇನು?

3. ಕೆಲವು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಪರೇಡ್‌ನಲ್ಲಿ ಸಾಗುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಪರೇಡ್‌ನ ಪ್ರತಿ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 5 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿದ್ದಾರೆ. ಒಟ್ಟು ಸಾಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಗೊತ್ತಿದ್ದಾಗ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ತಿಳಿಸುವ ನಿಯಮ ಯಾವುದು? (ಇಲ್ಲಿ ಸಾಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಚರಾಕ್ತರ ‘n’ ಬಳಸಿ.)

4. ಒಂದು ಡಬ್ಬದಲ್ಲಿ 50 ಮಾರಿನ ಹಣ್ಣಿಗಳಿವೆ. ಮಾರಿನ ಹಣ್ಣಿಗಳ ಡಬ್ಬಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಚರಾಕ್ತರದ ಮೂಲಕ, ಒಟ್ಟು ಮಾರಿನ ಹಣ್ಣಿಗಳನ್ನು ತಿಳಿಸುವ ನಿಯಮ ಯಾವುದು? (ಇಲ್ಲಿ ಮಾರಿನ ಹಣ್ಣಿಗಳ ಡಬ್ಬಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ‘b’ ಬಳಸಿ.)

5. ಶೀಕಕರೊಬ್ಬರು ಪ್ರತಿ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗೆ 5 ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ಗಳನ್ನು ಹಂಚಿದರು. ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ತಿಳಿದಿದ್ದರೆ ಅವರಿಗೆ ಹಂಚಲು ಬೇಕಾದ ಪೆನ್ಸಿಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ನಿಯಮ ಯಾವುದು? (ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ‘k’ ಎಂದು ಸೂಚಿಸಿ.)

6. ಹಕ್ಕಿಯೋಂದು ಪ್ರತಿ ನಿಮಿಷಕ್ಕೆ 1 ಕಿಲೋಮೀಟರ್ ದೂರ ಹಾರುತ್ತದೆ. ಹಕ್ಕಿಯು ಹಾರುವ ಸಮಯವನ್ನು ನಿಮಿಷಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಾಗ ಅದು ಹಾರುವ ಒಟ್ಟು ದೂರವನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ನಿಯಮ ಯಾವುದು? (ಹಾರುವ ಸಮಯವನ್ನು ‘t’ ಎಂದು ಸೂಚಿಸಿ.)

7. ರಾಧಾ ಚುಕ್ಕೆ ಹಾಕಿ ಸುಣ್ಣಿದ ಪುಡಿಯಿಂದ ರಂಗೋಲಿಯನ್ನು ಬರಯುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಅವಳು ಬರೆದ ಪ್ರತಿ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 9 ಚುಕ್ಕೆಗಳಿವೆ. ಅವಳು ‘r’ ಸಾಲುಗಳನ್ನು ಬರೆದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಚುಕ್ಕೆಗಳಿರುತ್ತವೆ? 8 ಸಾಲುಗಳಿದ್ದರೆ ಹಾಗೂ 10 ಸಾಲುಗಳಿದ್ದರೆ ಎಷ್ಟು ಚುಕ್ಕೆಗಳಿರುತ್ತವೆ?

8. ರಾಧಾಳ ತಂಗಿ ಲೀಲ. ರಾಧಾಳಿಗಿಂತ ಲೀಲ 4 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವಳು ರಾಧಾಳ ವಯಸ್ಸನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಚರಾಕ್ತರದ ಮೂಲಕ ಲೀಲಾಳ ವಯಸ್ಸನ್ನು ಹೇಗೆ ಸೂಚಿಸುವಿರಿ? ರಾಧಾಳ ವಯಸ್ಸು x ಎಂದು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ.



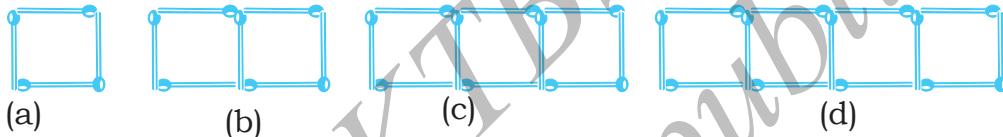
ಚಿತ್ರ 11.5

9. ಅಮ್ಮೆ ಲಡ್ಡುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದ್ದಾರೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲವನ್ನು ಅತಿಥಿಗಳಿಗೂ ಕುಟುಂಬದ ಸದಸ್ಯರಿಗೂ ಹಂಚಿದ್ದು. ಕೊನೆಗೆ 5 ಲಡ್ಡುಗಳು ಉಳಿದವು. ಅಮ್ಮೆ ಹಂಚಿದ ಲಡ್ಡುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ '1' ಆಗಿದ್ದರೆ, ಆಕೆ ಮಾಡಿದ ಲಡ್ಡುಗಳಿಷ್ಟು?

10. ದೊಡ್ಡ ಡಬ್ಬಗಳಿಂದ ಸಣ್ಣ ಡಬ್ಬಗಳಿಗೆ ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಸ್ಥಳಾಂತರಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ. ಒಂದು ದೊಡ್ಡ ಡಬ್ಬದ ಹಣ್ಣುಗಳು ಎರಡು ಸಣ್ಣ ಡಬ್ಬಗಳಿಗೆ ತುಂಬಿದರೆ ಹತ್ತು ಹಣ್ಣುಗಳು ಉಳಿಯುತ್ತವೆ. ಸಣ್ಣ ಡಬ್ಬದಲ್ಲಿ ಹಿಡಿಯುವ ಹಣ್ಣುಗಳು  $x$  ಎಂದಾಗಿದ್ದರೆ ದೊಡ್ಡ ಡಬ್ಬದಲ್ಲಿರುವ ಕಿತ್ತಲೆ ಹಣ್ಣುಗಳಿಷ್ಟು?

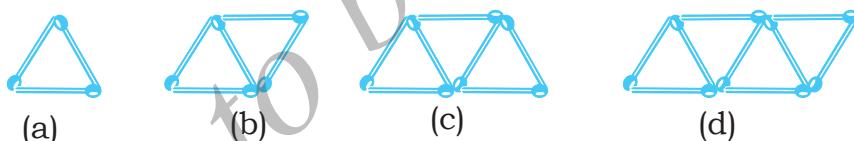
11.(i). ಜಿತ್ತೆ 11.6ರಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವ ಚೌಕಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಚೌಕಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಪ್ರತ್ಯೇಕವಾಗಿಲ್ಲ. ಎರಡು ನೆರೆಹೊರೆಯ ಚೌಕಗಳಿಗೂಂದು ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಯಿದೆ. ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ವಿನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿರುವ ಚೌಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುವ ಚರಾಕ್ಷರದ ಮೂಲಕ ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ನಿಯಮ ಬರೆಯಿರಿ.

(ಸುಲಭ: ವಿನ್ಯಾಸದ ಕೊನೆಯಲ್ಲಿ ನೇರವಾಗಿರುವ ಬೆಂಕಡಿಯನ್ನು ತೆಗೆದರೆ C ಅಕ್ಷರಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವು ದೊರೆಯುವುದು.)



ಜಿತ್ತೆ 11.6

(ii). ಜಿತ್ತೆ 11.7 ಶ್ರೀಭುಜಗಳ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ. ಈ ಹಿಂದಿನ 11(i) ಪ್ರತ್ಯೇಯಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದಂತೆ ಶ್ರೀಭುಜಗಳ ವಿನ್ಯಾಸಕ್ಕೆ ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಶ್ರೀಭುಜಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೂಲಕ ಬರೆಯಿರಿ.



ಜಿತ್ತೆ 11.7

### 11.6 ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮಗಳಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಬಳಕೆ

ನಾವು ಈಗಾಗಲೇ ಕಲಿತಿರುವ ಕೆಲವು ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮಗಳನ್ನು ಚರಾಕ್ಷರ ಬಳಕೆ ಬರೆಯುವುದು ಹೇಗೆಂದು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

#### ರೇಖಾಗಳಿಂದ ನಿಯಮಗಳು:

ಕ್ಷೇತ್ರಗಳಿಂದ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನಾವು ಚೌಕ ಹಾಗೂ ಆಯತದ ಸುತ್ತಲೆಯ ಬಗ್ಗೆ ಈಗಾಗಲೇ ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ. ಅವುಗಳನ್ನು ನಿಯಮಗಳ ಮೂಲಕ ಹೇಗೆ ಬರೆಯುವುದೆಂದು ಈಗ ನಾವು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

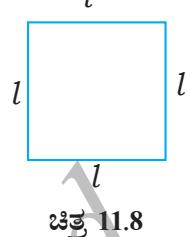
1. ಚೌಕದ ಸುತ್ತಳತೆ: ಬಹುಭುಜಾಕೃತಿ (3 ಅಥವ ಹೆಚ್ಚು ರೇಖಾವಿಂಡಗಳಿಂದಾದ ಆವೃತ ಆಕೃತಿ)ಯ ಸುತ್ತಳತೆಯು ಅದರ ಎಲ್ಲಾ ಬಾಹುಗಳ ಅಳತೆಯ ಮೊತ್ತ ಎಂಬುದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಚೌಕವು ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದ್ದು, ಬಾಹುಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾಗಿರುತ್ತವೆ (ಚಿತ್ರ 11.8). ಆದುದರಿಂದ,

$$\text{ಚೌಕದ ಸುತ್ತಳತೆ} = \text{ಚೌಕದ ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಮೊತ್ತ}$$

$$= 4 \times \text{ಚೌಕದ ಒಂದು ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದ}$$

$$= 4 \times l$$

$$= 4l$$

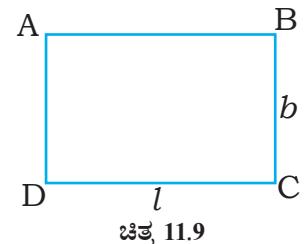


ಚಿತ್ರ 11.8

ಇದು ಚೌಕದ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ನಿಯಮ. ಚರಾಕ್ತರ 'l' ಬಳಕೆಯು ಸಾಮಾನ್ಯ ರೂಪವನ್ನು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ಹಾಗೂ ನೆನಪಿಸಿಕೊಳ್ಳಲು ಸುಲಭವಾದ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಲು ಸಹಾಯ ಮಾಡುತ್ತದೆ.

ನಾವು ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ಸಹ ಒಂದು ಚರಾಕ್ತರ, ಉದಾ: ಸುತ್ತಳತೆ =  $P$  ಮೂಲಕ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದು. ಇದರಿಂದ ಚೌಕದ ಸುತ್ತಳತೆಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಚೌಕದ ಸುತ್ತಳತೆ ಹಾಗೂ ಚೌಕದ ಬಾಹುವಿನ ಉದ್ದದ ನಡುವಿನ ಸಂಬಂಧವಾಗಿ ಈ ಮುಂದಿನಂತೆ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು.  $P = 4l$

2. ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ: ಆಯತಕ್ಕೆ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳಿವೆಯೆಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಆಯತ ABCD ಗೆ AB, BC, CD, ಹಾಗೂ DA ಎಂಬ ನಾಲ್ಕು ಬಾಹುಗಳಿವೆ. ಆಯತದ ಅಭಿಮುಖ ಬಾಹುಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮ. ಆಯತ ABCD ಯಲ್ಲಿ AB ಹಾಗೂ CD ಯ ಉದ್ದವನ್ನು 'l' ಎಂದೂ AD ಹಾಗೂ BC ಉದ್ದವನ್ನು 'b' ಎಂದೂ ಸೂಚಿಸೋಣ.



ಚಿತ್ರ 11.9

$$\begin{aligned}\text{ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆ} &= AB \text{ ಯ ಉದ್ದ} + BC \text{ ಯ ಉದ್ದ} + CD \text{ ಯ ಉದ್ದ} + DA \text{ ಯ ಉದ್ದ} \\ &= 2 \times CD \text{ ಯ ಉದ್ದ} + 2 \times BC \text{ ಯ ಉದ್ದ} \\ &= 2 \times l + 2 \times b\end{aligned}$$

ಆಯತದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣದ ನಿಯಮ =  $2l + 2b$ , ಇಲ್ಲಿ  $l$  ಮತ್ತು  $b$  ಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಆಯತದ ಉದ್ದ ಹಾಗೂ ಅಗಲವಾಗಿರುತ್ತವೆ.

$l = b$  ಆದಾಗ್ ಏನಾಗುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಚರ್ಚಿಸಿ.

ನಾವು ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ' $P$ ' ಎಂದು ಸೂಚಿಸಿದರೆ, ಆಯತದ ಸುತ್ತಳತೆಯ ನಿಯಮವು  $P = 2l + 2b$  ಎಂದಾಗುವುದು.

**ಸೂಚನೆ :** ಇಲ್ಲಿ  $l$  ಹಾಗೂ  $b$  ಗಳಿರಡೂ ಚರಾಕ್ತರಗಳು. ಅವರಡರ ಬೆಲೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸ್ವತಂತ್ರವಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಅಂದರೆ ಒಂದು ಚರಾಕ್ತರದ ಬೆಲೆಯು ಮತ್ತೊಂದು ಚರಾಕ್ತರದ ಬೆಲೆಯ ಮೇಲೆ ಅವಲಂಬಿಸಿಲ್ಲ.

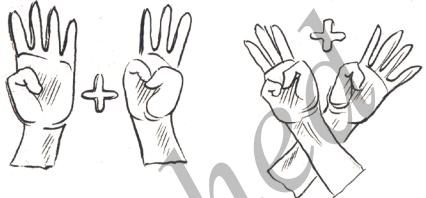
ನಿಮ್ಮ ರೇಖಾಗಳಿತದ ಅಭ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ ನೀವು ಸಮಶಲಾಕ್ಯತಿಗಳ ಸುತ್ತಳತೆಗಳು ಹಾಗೂ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು, ಘನಾಕೃತಿಗಳ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು ಹಾಗೂ ಫನಫಲಗಳು ಮುಂತಾದವುಗಳ ನಿಯಮಗಳು ಹಾಗೂ ಸೂತ್ರಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಿರುವಿರಿ. ಅದೇ ರೀತಿ, ಬಹುಭುಜಾಕೃತಿಗಳ ಒಳಕೊನಗಳ ಮೊತ್ತ, ಬಹುಭುಜಾಕೃತಿಗಳ ಕಣಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಇತ್ಯಾದಿಗಳ ಸೂತ್ರಗಳನ್ನು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವಿರಿ. ಇಲ್ಲಿ ಕಲಿತಿರುವ ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯು ಇಂಥಹ ಎಲ್ಲಾ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮಗಳು ಹಾಗೂ ಸೂತ್ರಗಳನ್ನು ಬರೆಯಲು ತುಂಬಾ ಉಪಯುಕ್ತ ಎಂದು ನೀವು ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವಿರಿ.

### ಅಂಕಗಳಿತದ ನಿಯಮಗಳು:

3. ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಕಲನದ ಪರಿವರ್ತನೀಯತೆ

$$4+3=7 \text{ ಹಾಗೂ } 3+4=7$$

$$\therefore 4+3=3+4 \text{ ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.}$$



ಮೂರ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನಾವು ಕಲಿತಿರುವಂತೆ, ಇದು ಎಲ್ಲಾ ಮೂರ್ಣಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೂ ಅನ್ವಯಿಸುತ್ತದೆ. ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಈ ಗುಣವನ್ನು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಕಲನದ ಪರಿವರ್ತನೀಯತೆ ಎನ್ನುವರು. ಪರಿವರ್ತನೆ ಎಂದರೆ ಬದಲಾವಣೆ. ಸಂಕಲನದಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸಿದರೆ ಮೊತ್ತದಲ್ಲಿ ಬದಲಾವಣೆಯಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಒಳಕೊನೆಯು ಈ ಗುಣಲಕ್ಷಣದ ಸಾಮಾನ್ಯತೆಯನ್ನು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತವಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಲು ಅನುಕೂಲ ಮಾಡಿಕೊಡುತ್ತದೆ.

a ಮತ್ತು b ಗಳು ಯಾವುದಾದರೂ ಸಂಖ್ಯೆ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವ ಚರಾಕ್ಷರಗಳಾಗಿರಲಿ.

$$\text{ಆಗ, } a+b = b+a$$

ಒಂದು ಬಾರಿ ನಾವು ಈ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಬರೆದರೆ, ಎಲ್ಲಾ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಈ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವು ಒಳಗೊಳ್ಳುತ್ತದೆ.

$$a = 4 \text{ ಹಾಗೂ } b = 3 \text{ ಆಗಿದ್ದರೆ } 4+3 = 3+4 = 7 \text{ ಎಂದಾಗುತ್ತದೆ.}$$

$$a = 37 \text{ ಹಾಗೂ } b = 73 \text{ ಆಗಿದ್ದರೆ } 37+73 = 73+37 = 110 \text{ ಎಂದಾಗುತ್ತದೆ.}$$

4. ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಾಕಾರದ ಪರಿವರ್ತನೀಯತೆ.

ಈ ಹಿಂದಿನ ಮೂರ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನಾವು ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಗುಣಿಸುವಾಗ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಕ್ರಮ ಮುಖ್ಯವಾಗುವುದಿಲ್ಲ, ಎಂಬುದನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ,

$$4 \times 3 = 12, 3 \times 4 = 12$$

$$\text{ಆದುದರಿಂದ } 4 \times 3 = 3 \times 4$$

ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಈ ಗುಣವನ್ನು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಾಕಾರದ ಪರಿವರ್ತನೀಯತೆ ಎನ್ನುವರು. ಗುಣಿಸುವಾಗ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಕ್ರಮಗಳನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಗುಣಲಭಿಸು ಬದಲಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಸಂಕಲನದಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದಂತೆ a ಮತ್ತು b ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿಸಿ ಗುಣಾಕಾರದ ಪರಿವರ್ತನೀಯತೆಯನ್ನು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು.

$$a \times b = b \times a$$

ಇಲ್ಲಿ 'a' ಮತ್ತು 'b'ಗಳು ಯಾವುದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪಡೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು. ಅವುಗಳು ಚರಾಕ್ಷರಗಳು.  
 $4 \times 3 = 3 \times 4$  ಅಥವಾ  $37 \times 73 = 73 \times 37$  ಮುಂತಾದ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಉದಾಹರಣೆಗಳು  $a \times b = b \times a$  ಎಂಬ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಪಾಲಿಸುತ್ತವೆ.

### 5. ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ವಿಭಾಜಕತೆ:

$7 \times 38$  ಗುಣಲಭವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ ಎಂದುಕೊಳ್ಳೋಣ. ನಮಗೆ 38ರ ಮಗ್ನಿಯ ಕೋಷ್ಟಕ ನೆನಪಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಈ ಮುಂದಿನ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಯ ಮೂಲಕ ಗುಣಲಭವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು.

$$7 \times 38 = 7 \times (30+8) = 7 \times 30 + 7 \times 8 = 210 + 56 = 266.$$

ಇದು 7, 30, 8 ಈ ತರಹದ ಯಾವುದೇ ಮೂರು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೂ ಅನ್ವಯವಾಗುತ್ತದೆ. ಈ ಗುಣವನ್ನು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಕಲನದ ಮೇಲಿನ ಗುಣಾಕಾರದ ವಿಭಾಜಕತೆ ಎನ್ನುವರು.

ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ, ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಈ ಗುಣವನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯ ಹಾಗೂ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದು.  $a, b$  ಮತ್ತು  $c$  ಗಳು ಯಾವುದೇ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದಾದ ಚರಾಕ್ಷರಗಳಾಗಿರಲಿ. ಆಗ  $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$

ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳು ಅತ್ಯಂತ ಆಸಕ್ತಿದಾಯಕವಾಗಿವೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲವನ್ನು ಇದೇ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಹಾಗೂ ಇನ್ನೂ ಕೆಲವನ್ನು ಮುಂದಿನ ತರಗತಿಯಗಳಲ್ಲಿ ಅಧ್ಯಯನ ಮಾಡುವರಿ. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಬಳಕೆ ಈ ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯ ಹಾಗೂ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತವಾಗಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಲು ಅನುವು ಮಾಡಿಕೊಡುತ್ತದೆ. ಅಭ್ಯಾಸ 11.2 ರ ಪ್ರಶ್ನೆ 5ರಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮತ್ತೊಂದು ಗುಣಲಕ್ಷಣವನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಇನ್ನೂ ಹೆಚ್ಚಿನ ಗುಣಲಕ್ಷಣಗಳನ್ನು ಮಡುಕಿ. ಅವುಗಳನ್ನು ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಮೂಲಕ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

## ಅಭ್ಯಾಸ 11.2

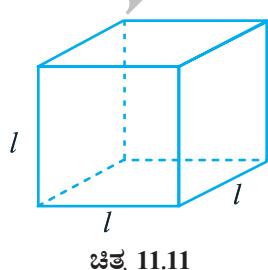
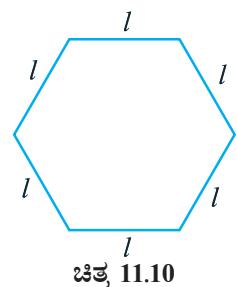
1. ಒಂದು ಸಮಭಾಯ ಶ್ರೀಭುಜದ ಬಾಹುವನ್ನು 'l' ಎಂದು ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ.

'l' ಬಳಸಿ ಸಮಭಾಯ ಶ್ರೀಭುಜದ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

2. ನಿಯಮಿತ ಷಡ್ಫುಜಾಕೃತಿಯೊಂದರ (ಚಿತ್ರ 11.10) ಬಾಹು 'l' ಎಂದು

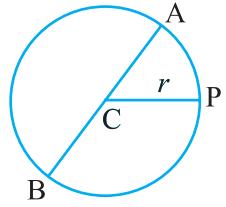
ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. 'l' ಬಳಸಿ ಷಡ್ಫುಜಾಕೃತಿಯ ಸುತ್ತಳತೆಯನ್ನು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.

(ಸುಳಿವು: ಒಂದು ನಿಯಮಿತ ಬಹುಭುಜಾಕೃತಿಯ ಎಲ್ಲಾ ಆರು ಬಾಹುಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಸಮ)



3. 'ಫನ್'ವು ಮೂರು ಆಯಾಮಗಳುಳ್ಳ ಒಂದು ಆಕೃತಿ (ಚಿತ್ರ 11.11) ಫನಕ್ಕೆ ಆರು ಮುಖಿಗಳಿದ್ದು, ಅವೆಲ್ಲವೂ ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾಗಿರುವ ವರ್ಗವಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಫನದ ಅಂಚಿನ ಉದ್ದವನ್ನು 'l' ಎಂದು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ಫನದ ಎಲ್ಲಾ ಅಂಚುಗಳ ಉದ್ದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಸೂತ್ರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

4. ವೃತ್ತದ ವ್ಯಾಸವು ವೃತ್ತದ ಕೇಂದ್ರದ ಮೂಲಕ ಎರಡು ವೃತ್ತಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ಒಂದು ರೇಖಾಖಂಡ. ಪಕ್ಷದಲ್ಲಿರುವ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ (ಚಿತ್ರ 11.12) AB ಯು ವೃತ್ತದ ವ್ಯಾಸ ಹಾಗು C ವೃತ್ತ ಕೇಂದ್ರ. ವೃತ್ತದ ವ್ಯಾಸವನ್ನು ಅದರ ತ್ರಿಜ್ಞದ ಮೂಲಕ ವೃತ್ತಪಡಿಸಿ.



ಚಿತ್ರ 11.12

5. 14, 27 ಮತ್ತು 13ರ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು, ಎರಡು ವಿಧಗಳಿವೆ:

a) ಮೊದಲು 14 ಮತ್ತು 27 ರ ಮೊತ್ತ 41 ಎಂದು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ಆ ಮೊತ್ತಕ್ಕೆ 13ನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ. ಒಟ್ಟು ಮೊತ್ತ 54ನ್ನು ಪಡೆಯುವುದು.

b) ಮೊದಲು 27 ಮತ್ತು 13 ರ ಮೊತ್ತ 40 ಎಂದು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ಆ ಮೊತ್ತಕ್ಕೆ 14ನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ. ಒಟ್ಟು ಮೊತ್ತ 54 ನ್ನು ಪಡೆಯುವುದು.

ಇದನ್ನು ಯಾವುದೇ ಮೂರು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೂ ಅನ್ವಯಿಸಬಹುದು. ಇದನ್ನು ‘ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಂಕಲನದ ಸಹವರ್ತನೀಯತೆ’ ಎನ್ನುವರು. ಮೂರ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ನೀವು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿರುವ ಈ ಗುಣಲ್ಲಿವನ್ನು a,b ಮತ್ತು c ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಸಾಮಾನ್ಯ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

### 11.7 ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಉತ್ಕಿಗಳು:

ನಾವು ಅಂತಹ ತದನಾಶಕ ಅಧ್ಯಯನದಲ್ಲಿ  $(2 \times 10) + 3$ ,  $3 \times 100 + (2 \times 10) + 4$  ಮುಂತಾದ ಸಂಖ್ಯೋತ್ಕಿಗಳನ್ನು ಕಂಡಿದ್ದೇವೆ ಎಂಬುದನ್ನು ನೇನಾಗಿ ಹೇಳಿ. ಈ ಉತ್ಕಿಗಳನ್ನು 2, 3, 4, 10, 100 ಮುಂತಾದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ರಚಿಸಲಾಗಿದೆ. ಉತ್ಕಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಲು ಸಂಖ್ಯೆ ಕ್ರಿಯೆಗಳಾದ ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದ್ದೇವೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $(2 \times 10) + 3$  ಎಂಬಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆ 2 ಮತ್ತು 10 ನ್ನು ಗುಣಿಸಿ ಬಂದ ಗುಣಲಭ್ಧಕ್ಕೆ 3ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ.

ಸಂಖ್ಯೋತ್ಕಿಗಳಿಗೆ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಈ ಮುಂದೆ ನೀಡಲಾಗಿದೆ.

$$3 + (4 \times 5) \quad (-3 \times 40) + 5$$

$$8 - (7 \times 2) \quad 14 - (5 - 2)$$

$$(6 \times 2) - 5 \quad (5 \times 7) - (3 \times 4)$$

$$7 + (8 \times 2) \quad (5 \times 7) - (3 \times 4 - 7) \quad \text{ಇತ್ಯಾದಿ}$$

ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸಿಯೂ ಉತ್ಕಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಬಹುದು. ನಿಜಾರ್ಥದಲ್ಲಿ ನಾವು ಈಗಳೇ ಚರಾಕ್ಷರಗಳಳ್ಳಿ ಉತ್ಕಿಗಳನ್ನು ನೋಡಿದ್ದೇವೆ. ಉದಾಹರಣೆ:  $2n$ ,  $5m$ ,  $x+10$ ,  $x-3$  ಇತ್ಯಾದಿ. ಈ ಉತ್ಕಿಗಳನ್ನು ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಮೇಲೆ ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಹಾಗೂ ಭಾಗಾಕಾರದ ಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಮಾಡುವುದರ ಮೂಲಕ ಪಡೆದೆವು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ,  $2n$  ಎನ್ನುವ ಉತ್ಕಿಯು ಚರಾಕ್ಷರ  $n$  ನ್ನು 2ರಿಂದ ಗುಣಿಸುವುದರ ಮೂಲಕ ಪಡೆದೆವು.  $(x+10)$  ಎನ್ನುವ ಉತ್ಕಿಯು ಚರಾಕ್ಷರ ಕ್ಕೆ 10ನ್ನು ಕೂಡಿಸುವ ಮೂಲಕ ಪಡೆದೆವು.

ಚರಾಕ್ಷರಗಳು ಭಿನ್ನ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಪಡೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತದೆ ಎಂಬುದು ನಮಗೆ ಈಗಳೇ ತಿಳಿದಿದೆ. ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಾಗಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಆದರೂ ಚರಾಕ್ಷರಗಳೆಲ್ಲವೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೇ. ಈ ಕಾರಣದಿಂದಲೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೇಲೆ ಅನ್ವಯವಾಗುವ ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರದ ಕ್ರಿಯೆಗಳು ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಮೇಲೂ ಅನ್ವಯವಾಗುತ್ತವೆ.

ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಉತ್ತಿಗಳ ಒಂದು ವಿಶೇಷತೆಯನ್ನು ಇಲ್ಲಿ ಗಮನಿಸಬೇಕು.  $(4x) + 5$  ಎಂಬ ಸಂಖ್ಯೆಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತಕ್ಷಣವೇ  $12+5=7$  ಎಂದು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು. ಆದರೆ  $(4x+5)$  ಮುಂತಾದ ಉತ್ತಿಯಲ್ಲಿ 'x' ಚರಾಕ್ಷರವಿರುವುದರಿಂದ, ಉತ್ತಿಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲಾಗದು. 'x' ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ ಮಾತ್ರ  $(4x+5)$ ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಸಾಧ್ಯ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ,  $x=3$  ಆದರೆ,  $4x+5=(4 \times 3)+5 = 17$ . ಇದು ಈಗಳೇ ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿದ ಬೆಲೆಗೆ ಸಮಾಗಿದೆ.

ಉತ್ತಿ

ಹೇಗೆ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟಿತು?

a)  $y+5$

y ಗೆ 5ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

b)  $l-7$

 $l$  ಯಿಂದ 7 ನ್ನು ಕಡೆಯಲಾಗಿದೆ

c)  $10 a$

a ಗೆ 10 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ

d)  $\frac{x}{3}$

 $x$ ನ್ನು 3ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ

e)  $-5q$

q ನ್ನು -5 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ

f)  $3x + 2$

 $x$ ನ್ನು 3 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ, ಗುಣಲಭಧಕ್ಕೆ 2ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

g)  $2y-5$

y ನ್ನು 2 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ, ಗುಣಲಭಧಿಂದ 5ನ್ನು ಕಡೆಯಲಾಗಿದೆ

ಇನ್ನೂ ಹತ್ತು ಸರಳ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಅವು ಹೇಗೆ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟವೆಂದು ಬರೆಯಿರಿ.

ಉತ್ತಿಗಳು ಹೇಗೆ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟವೆಂದು ಕೊಟ್ಟ ಸೂಚನೆಯ ಪ್ರಕಾರ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಲು ನಮಗೆ ಸಾಧ್ಯವಾಗಬೇಕು. ಈ ಮುಂದಿನ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ನೋಡಿ.

a)  $z$  ನಿಂದ 12 ಕಡೆಯಲಾಗಿದೆ

$z - 12$

b)  $r$  ಗೆ 25 ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

$r + 25$

c)  $p$  ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ

$16p$

d)  $y$  ನ್ನು 8 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ

$\frac{y}{8}$

e)  $m$  ನ್ನು -9ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ

$-9m$

f)  $y$  ನ್ನು 10 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ, ಗುಣಲಭಧಕ್ಕೆ 7ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

$10y + 7$

g)  $n$  ನ್ನು 2 ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ, ಗುಣಲಭಧಿಂದ 1ನ್ನು ಕಡೆಯಲಾಗಿದೆ

$2n-1$

ಸರಿತಾ ಮತ್ತು ಅಮೀನ ಉತ್ತಿಗಳ ಆಟವನ್ನು ಆಡಲು ನಿರ್ದರ್ಶಿಸಿದರು. ಅವರು ಚರಾಕ್ಷರ  $x$  ಮತ್ತು ಸಂಖ್ಯೆ 3 ತೆಗೆದುಕೊಂಡರು. ಅವರು ಇವುಗಳಿಂದ ಎಷ್ಟು ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು? ಪ್ರತಿ ಉತ್ತಿಯಲ್ಲಿ 'x' ಇರಬೇಕು ಹಾಗೂ ನಾಲ್ಕು ಸಂಖ್ಯೆ ಕ್ರಿಯೆಗಳ ಪ್ರೇಕ್ಷಣೆಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದನ್ನು ಮಾತ್ರ ಪ್ರತಿ ಉತ್ತಿಯಲ್ಲಿ ಬಳಸಬೇಕು ಎಂಬುದು ಪರತ್ತು. ನೀವು ಅವರಿಗೆ ನೆರವಾಗಬಲ್ಲಿರಾ?

ಸರಿತಾ  $(x+3)$  ಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದಳು ಅಮೀನ  $(x-3)$  ಯನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದಳು ಅಮೀನ  $3x$  ನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದಳು ಸರಿತಾ  $\frac{x}{3}$  ನ್ನು ಸೂಚಿಸಿದಳು



$(3x+5)$  ಇದು ಪರತ್ತನ್ನು ಪಾಲಿಸುತ್ತದೆಯೇ?  $(3x+3)$  ಪರತ್ತಿಗನುಗುಣವಾಗಿದೆಯೇ?

ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಷರತ್ತನ್ನು ಪಾಲಿಸುವ ಉತ್ತಿಗಳು ಕೇವಲ ನಾಲ್ಕು ಮಾತ್ರವೇ?

ನಂತರ ಅವರು  $y$ , 3 ಮತ್ತು 5 ಇವುಗಳ ಸಂಯೋಜನೆಯನ್ನು ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿದರು. ಈಗ ಷರತ್ತೆಂದರೆ ಸಂಕಲನ ಮತ್ತು ವೃವ್ಯವಕಲನಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಕ್ರಿಯೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವಂತಿಲ್ಲ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಕ್ರಿಯೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವಂತಿಲ್ಲ, ಹಾಗೂ ಉತ್ತಿಯಲ್ಲಿ  $y$  ಇರಲೇಬೇಕು. ಈಗ ಸರಿತಾ ಮತ್ತು ಅಮೀನ ಬರೆದಿರುವ ಉತ್ತಿಗಳ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸೋಣ.  $y+5$ ,  $y+3$ ,  $y-5$ ,  $y-3$ ,  $3y$ ,  $5y$ ,  $\frac{y}{3}$ ,  $\frac{y}{5}$   $3y+5$ ,  $3y-5$ ,  $5y+3$ ,  $5y-3$  ನೀವು ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಬಲ್ಲಿರಾ?

$\left(\frac{y}{3}+5\right)$  ಷರತ್ತುಗಳನ್ನು ಪಾಲಿಸುತ್ತಿದೆಯೇ?

$y+8$  ಹಾಗೂ  $15y$  ಗಳು ಷರತ್ತುಗಳನ್ನು ಪಾಲಿಸುತ್ತವೇಯೇ?

ಈ ಮುಂದಿನ ಅಭ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ ಕೆಲವು ಸರಳ ಉತ್ತಿಗಳು ಹೇಗೆ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟಿರುವುದು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

## ಅಭ್ಯಾಸ 11.3

1. ಸಂಖ್ಯೆ 5, 7, ಹಾಗೂ 8 ಬಳಸಿ ಸಾಧ್ಯವಾದಷ್ಟು ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. (ಯಾವುದೇ ಚರಾಕ್ಷರ ಇಲ್ಲ) ಯಾವುದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಉತ್ತಿಯೊಂದರಲ್ಲಿ ಒಂದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಬಾրಿ ಬಳಸುವಂತಿಲ್ಲ. ಕೇವಲ ಸಂಕಲನ, ವೃವ್ಯವಕಲನ ಹಾಗೂ ಗುಣಾಕಾರದ ಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು.

ಸುಲಭ:  $5+(8-7)$ ,  $5-(8-7)$ ,  $(5 \times 8)-7$  ಇವು ಉತ್ತಿಗಳಿಗೆ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳು. ಉಳಿದ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ)

2. ಈ ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಉತ್ತಿಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಂದ ಮಾತ್ರ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟ ಉತ್ತಿ?

- |                                       |                       |
|---------------------------------------|-----------------------|
| a) $y+5$                              | b) $(7 \times 20)-8z$ |
| c) $5(21-7)+7x^2$                     | d) 5                  |
| e) $3x$                               | f) $5-5n$             |
| g) $(7 \times 20)-(5 \times 10)-45+p$ |                       |



3. ಇಲ್ಲಿನ ಉತ್ತಿಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವ ಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು (ಸಂಕಲನ, ವೃವ್ಯವಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ, ಭಾಗಾಕಾರ) ಬಳಸಲಾಗಿದೆಯೆಂದು ಗುರುತಿಸಿ. ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಉತ್ತಿಯನ್ನು ಹೇಗೆ ರಚಿಸಲಾಗಿದೆಯೆಂದು ಬರೆಯಿರಿ.

- |                                    |                                  |
|------------------------------------|----------------------------------|
| a) $z+5$ , $z-1$ , $y+17$ , $y-17$ | b) $17y$ , $\frac{y}{17}$ , $5z$ |
| c) $2y+17$ , $2y-17$               | d) $7m$ , $-7m+3$ , $-7m-3$      |

4. ಈ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

- |                             |                                |
|-----------------------------|--------------------------------|
| a) $p$ ಗೆ 7ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ | b) $p$ ಯಿಂದ 7ನ್ನು ಕಳೆಯಲಾಗಿದೆ   |
| c) $p$ ಗೆ 7ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ | d) $p$ ಯನ್ನು 7ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ |

- e)  $-m$  ನಿಂದ  $7\text{ನ್ನು}$  ಕಳೆಯಲಾಗಿದೆ  
g)  $-p$  ಯನ್ನು  $5\text{ರಿಂದ}$  ಭಾಗಿಸಲಾಗಿದೆ
5. ಈ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರ.

- f)  $-p$  ಯನ್ನು  $5\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ  
h)  $p$  ಯನ್ನು  $-5\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ

- a)  $2m$  ಗೆ  $11\text{ನ್ನು}$  ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ  
b)  $2m$  ನಿಂದ  $11\text{ನ್ನು}$  ಕಳೆಯಲಾಗಿದೆ  
c)  $y$  ಯ  $5$  ಪಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಗೆ  $3\text{ನ್ನು}$  ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ  
d)  $y$  ಯ  $5$  ಪಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ  $3\text{ನ್ನು}$  ಕಳೆಯಲಾಗಿದೆ  
e)  $y$  ಯನ್ನು  $-8\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಲಾಗಿದೆ  
f)  $y$  ಯನ್ನು  $-8\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಿ ಬಂದ ಗುಣಲಭಧಕ್ಕೆ  $5\text{ನ್ನು}$  ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

- g)  $y$  ಯನ್ನು  $5\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಿ ಬಂದ ಗುಣಲಭಧವನ್ನು  $16\text{ರಿಂದ}$  ಕಳೆಯಲಾಗಿದೆ  
h)  $y$  ಯನ್ನು  $-5\text{ರಿಂದ}$  ಗುಣಿಸಿ ಬಂದ ಗುಣಲಭಧವನ್ನು  $16$ ಕ್ಕೆ ಕೂಡಿಸಲಾಗಿದೆ

6.  $t$  ಮತ್ತು  $4\text{ನ್ನು}$  ಬಳಸಿ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಪ್ರತಿ ಉತ್ತಿಯಲ್ಲ  $t$  ಇರಬೇಕು. ಕೇವಲ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿರಬೇಕು ಹಾಗೂ ಅವರದು ವಿಭಿನ್ನ ತ್ರಿಯಗಳಾಗಿರಬೇಕು.

### 11.8 ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ವ್ಯಾಪಹಾರಿಕವಾಗಿ ಬಳಸುವುದು:

ದ್ವೇನಂದಿನ ಸನ್ನಿವೇಶಗಳಲ್ಲಿ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬಳಸುವುದನ್ನು ನಾವು ಈಗಾಗಲೇ ಮೋಡಿದ್ದೇವೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲವನ್ನು ನೆನಪಿಸಿಕೊಳ್ಳೋಣ.

ಸನ್ನಿವೇಶ (ದ್ವೇನಂದಿನ ಭಾಷೆಯಲ್ಲಿ ವಿವರಿಸಲಾಗಿದೆ)	ಚರಾಕ್ತರ	ಉತ್ತಿಗಳ ಮೂಲಕ ಹೇಳಿಕೆ
1. ಸರಿತಾ ಅಮೀನಾಗಿಂತ $10$ ಹೆಚ್ಚು ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದ್ದಾರೆ.	ಅಮೀನಾ ಬಳಿ $x$ ಗೋಲಿಗಳಿವೆ ಎಂದಿರಲಿ	ಸರಿತಾ ಬಳಿ $(x+10)$ ಗೋಲಿಗಳಿವೆ
2. ಬಾಲು ರಾಜುಗಿಂತ $3$ ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವನು	ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು $x$ ವರ್ಷ ಎಂದಿರಲಿ	ಬಾಲುವಿನ ವಯಸ್ಸು $(x-3)$ ವರ್ಷ ಆಗಿರುತ್ತದೆ
3. ವಿಕಾಸನು ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸಿನ ಎರಡರಷ್ಟು ವಯಸ್ಸಿನವನು	ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು $x$ ವರ್ಷ ಎಂದಿರಲಿ	ವಿಕಾಸನ ವಯಸ್ಸು $2x$ ಆಗಿರುತ್ತದೆ
4. ರಾಜುವಿನ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸಿನ ಮೂರರಷ್ಟುಂತ $2$ ವರ್ಷ ಹೆಚ್ಚು	ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು $x$ ವರ್ಷ ಎಂದಿರಲಿ	ರಾಜುವಿನ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು $(3x+2)$ ವರ್ಷಗಳು

ಈಗ ಕೆಲವು ಇತರ ಸನ್ವೇಶಗಳನ್ನು ನೋಡೋಣ:

ಸನ್ವೇಶ (ದೃಂಢಿನ ಭಾಷೆಯಲ್ಲಿ ವಿವರಿಸಲಾಗಿದೆ)	ಚರಾಕ್ಷರ	ಉತ್ತಿಗಳ ಮೂಲಕ ಹೇಳಿಕೆ
5. ಇದು ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ಸುಶಾಂತನು ಎಷ್ಟು ವರ್ಷದವನಾಗಿರುತ್ತಾನೆ?	ಸುಶಾಂತನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $y$ ವರ್ಷಗಳು ಎಂದಿರಲಿ	ಇದು ವರ್ಷಗಳ ನಂತರ ಸುಶಾಂತನ ವಯಸ್ಸು $(y + 5)$ ವರ್ಷಗಳಾಗಿರುತ್ತದೆ
6. ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ ಸುಶಾಂತನ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟಿತ್ತು?	ಸುಶಾಂತನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು $y$ ವರ್ಷಗಳು ಎಂದಿರಲಿ	ನಾಲ್ಕು ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ ಸುಶಾಂತನ ವಯಸ್ಸು $(y - 4)$ ವರ್ಷವಾಗಿತ್ತು
7. ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಗೋಧಿಯ ಬೆಲೆಯು ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆಗಿಂತ $\$ 5$ ಕಡಿಮೆ	ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆಯು $\$ p$ ಆಗಿರಲಿ	ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಗೋಧಿಯ ಬೆಲೆಯು $\$ (p - 5)$ ಆಗಿರುತ್ತದೆ
8. ಪ್ರತಿ ಲೀಟರ್ ಎಣ್ಣೆ ಬೆಲೆಯು ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆಗಿಂತ 5 ಪಟ್ಟು ಹೆಚ್ಚು	ಪ್ರತಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆಯು $\$ p$ ಆಗಿರಲಿ	ಪ್ರತಿ ಲೀಟರ್ ಎಣ್ಣೆ ಬೆಲೆಯು $\$ 5p$ ಆಗಿರುತ್ತದೆ
9. ರಸ್ತೆಯಲ್ಲಿ ಹೋಗುತ್ತಿರುವ ಬಸ್ಸಿನ ವೇಗವು ಅದೇ ರಸ್ತೆಯಲ್ಲಿ ಹೋಗುತ್ತಿರುವ ಟ್ರಕ್‌ನ ವೇಗಕ್ಕಿಂತ $10 km/hour$ ಹೆಚ್ಚು	ಟ್ರಕ್ ನ ವೇಗವು $y$ $km/hour$ ಎಂದಿರಲಿ	ಬಸ್ಸಿನ ವೇಗವು $(y + 10)$ $km/hour$ ಆಗಿರುತ್ತದೆ

ಇದೇ ರೀತಿಯ ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಸನ್ವೇಶಗಳನ್ನು ಬರೆಯಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ. ನಮ್ಮ ದಿನನಿತ್ಯದ ಬಳಕೆಯಲ್ಲಿ ನಾವು ಇಂತಹ ಅನೇಕ ಹೇಳಿಕೆಗಳನ್ನು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ ಎಂದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದುಬರುತ್ತದೆ. ಈಗ ಅವುಗಳನ್ನು ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಉತ್ತಿಗಳಾಗಿ ಬರೆಯುವುದು ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತು. ಈ ಮುಂದಿನ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಇಂತಹ ಹೇಳಿಕೆಗಳನ್ನು ನಮ್ಮ ಉದ್ದೇಶಕ್ಕಾಗಿ ಹೇಗೆ ಬಳಸಬಹುದೆಂದು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

## ಅಭ್ಯಾಸ 11.4

### 1. ಇವುಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ:

- ಈಗಿನಿಂದ 5 ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ ಅವಳ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟಾಗಿರುತ್ತಾದೆ?
- ಈಗಿನಿಂದ 3 ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ ಅವಳ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟಾಗಿತ್ತು?
- ಸರಿತಾಳ ತಾತನ ವಯಸ್ಸು ಅವಳ ವಯಸ್ಸಿನ ಆರಂಭಿಕದೆ. ಅವಳ ತಾತನ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟು?
- ಸರಿತಾಳ ಅಜ್ಞಿ ತಾತನಿಗಿಂತ 2 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವಳು. ಸರಿತಾಳ ಅಜ್ಞಿಯ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟು?
- ಸರಿತಾಳ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು ಅವಳ ವಯಸ್ಸಿನ ಮೂರರಷ್ಟುಕ್ಕಿಂತ 5 ವರ್ಷ ಹೆಚ್ಚು. ಸರಿತಾಳ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು ಎಷ್ಟು?

- b) ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರದ ಕೋಣೆಯ ಅಗಲ 'b' ಮೀಟರ್ ಆಗಿದೆ. ಕೋಣೆಯ ಉದ್ದವು ಅಗಲದ ಮೂರರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ ನಾಲ್ಕು ಮೀಟರ್ ಕಡಿಮೆ. ಕೋಣೆಯ ಅಗಲವೆಷ್ಟು?
- c) ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರದ ತಳವಿರುವ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯ ಎತ್ತರ 4cm ಆಗಿದೆ, ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯ ಉದ್ದ ಎತ್ತರದ ಐದರಪ್ಪು ಹಾಗೂ ಅಗಲವು ಎತ್ತರಕ್ಕಿಂತ 10cm ಕಡಿಮೆ ಇದೆ. ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯ ಉದ್ದ ಹಾಗೂ ಅಗಲವನ್ನು ಅದರ ಎತ್ತರದ ಮೂಲಕ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.
- d) ಮೀನಾ, ಏಣಾ ಮತ್ತು ಲೀನಾ ಬೆಟ್ಟದ ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳನ್ನು ಹತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಮೀನಾ ಇರುವ ಮೆಟ್ಟಿಲು 'k' ಆಗಿದೆ. ಏಣಾ ಮೀನಾಗಿಂತ 8 ಮೆಟ್ಟಿಲು ಮುಂದೆ ಇದ್ದಾಳೆ. ಲೀನಾ ಮೀನಾಗಿಂತ 7 ಮೆಟ್ಟಿಲು ಹಿಂದಿದ್ದಾಳೆ. ಏಣಾ ಮತ್ತು ಲೀನಾ ಯಾವ ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳಲ್ಲಿದ್ದಾರೆ? ಬೆಟ್ಟ ಏರಲು ಇರುವ ಒಟ್ಟು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಮೀನಾ ಏರಿದ ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ನಾಲ್ಕರಷ್ಟಕ್ಕಿಂತ ಹತ್ತು ಕಡಿಮೆ. ಬೆಟ್ಟಕ್ಕಿರುವ ಒಟ್ಟು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು 'k' ಬಳಸಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.
- e) ಒಂದು ಬಸ್ಸು  $v$  km/hour ವೇಗದಲ್ಲಿ ಚಲಿಸುತ್ತದೆ. ಅದು ರಾಮನಗರದಿಂದ ರೆಹಮತ್ ನಗರಕ್ಕೆ ಹೋಗುತ್ತದೆ. 5 ಗಂಟೆಯ ಪ್ರಯಾಣದ ಬಳಿಕ ಬಸ್ಸು ರೆಹಮತ್ ನಗರದಿಂದ 20 ದೂರದಲ್ಲಿದೆ. ರಾಮನಗರದಿಂದ ರೆಹಮತ್ ನಗರಕ್ಕಿರುವ ದೂರವೆಷ್ಟು? ಜರಾಕ್ಕರ 'v' ಬಳಸಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿ.
2. ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಿರುವ ಈ ಮುಂದಿನ ಹೇಳಿಕೆಗಳನ್ನು ದಿನನಿತ್ಯದ ಭಾಷೆಗೆ ಪರಿವರ್ತಿಸಿ. (ಉದಾಹರಣೆಗೆ, ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಪಂದ್ಯದಲ್ಲಿ  $n$  ಸಲೀಂ  $r$  ರನ್ನುಗಳನ್ನು ಗಳಿಸಿದನು. ನಳಿನನು  $(r+15)$  ರನ್ನುಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದನು. ಇದನ್ನು ದಿನನಿತ್ಯದ ವ್ಯಾವಹಾರಿಕ ಭಾಷೆಯಲ್ಲಿ - ನಳಿನ ಸಲೀಂಗಿಂತ 15 ರನ್ನು ಜಾಸ್ತಿ ಗಳಿಸಿದನು ಎಂದಾಗುತ್ತದೆ.)
- ಒಂದು ನೋಟೊಬುಕ್‌ನ ಬೆಲೆ ₹ p. ಒಂದು ಮಸ್ತಕದ ಬೆಲೆ ₹ 3p.
  - ಚೋನಿ ಮೇಜಿನ ಮೇಲೆ  $q$  ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ಇರಿಸಿದನು. ಅವನ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯಲ್ಲಿ  $8q$  ಗೋಲಿಗಳಿವೆ.
  - ನಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ  $n$  ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿದ್ದಾರೆ. ನಮ್ಮ ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿ  $20n$  ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿದ್ದಾರೆ.
  - ಜಗ್ಗಾವಿನ ವಯಸ್ಸು  $z$  ವರ್ಷಗಳು. ಅವನ ಮಾವನ ವಯಸ್ಸು  $4z$  ವರ್ಷಗಳು ಹಾಗೂ ಅತ್ಯೇ ವಯಸ್ಸು  $(4z-3)$  ವರ್ಷಗಳು.
  - ಚುಕ್ಕೆಗಳ ವಿನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ 'r' ಸಾಲುಗಳಿವೆ. ಪ್ರತಿ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ 5 ಚುಕ್ಕೆಗಳಿವೆ.
3. ಮಹೇಶನ ವಯಸ್ಸು  $x$  ವರ್ಷ ಎಂದು ಕೊಟ್ಟಾಗ  $(x-2)$  ಏನನ್ನು ಸೂಚಿಸಬಹುದೆಂದು ಉಹಿಸಿ. (ಸುಳಷ್ಟಿ: ಮಹೇಶನ ತಮ್ಮನನ್ನು ಉಹಿಸಿ.)
- $(x+4)$  ಏನನ್ನು ಸೂಚಿಸಬಹುದು?  $(3x+7)$  ಏನನ್ನು ಸೂಚಿಸಬಹುದು?
  - ಸಾರಾಳ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು 'y' ವರ್ಷಗಳಾಗಿವೆ. ಅವಳ ಹಿಂದಿನ ಹಾಗೂ ಮುಂದಿನ ವಯಸ್ಸನ್ನು ಹೇಗೆ ಸೂಚಿಸಬಹುದು? ಇಲ್ಲಿರುವ ಉತ್ತಿಗಳು ಏನನ್ನು ಸೂಚಿಸುತ್ತವೆ?
- $y+7, y-3, y+4\frac{1}{2}, y-2\frac{1}{2}$





n	2n	ಪರತ್ತನ್ನ ಪಾಲಿಸಲಾಗಿದೆಯೇ?
2	4	ಇಲ್ಲ
3	6	ಇಲ್ಲ
4	8	ಇಲ್ಲ
5	10	ಹೌದು
6	12	ಇಲ್ಲ
7	14	ಇಲ್ಲ

$n=5$  ಆಗಿದ್ದಾಗ ಮಾತ್ರ ಪರತ್ತು ಅಂದರೆ ಸಮೀಕರಣ  $2n=10$  ರ ಪಾಲನೆಯಾಗಿದೆ ಎಂದು ನಮಗೆ ಕಂಡುಬರುತ್ತದೆ. 5 ಹೊರತು ಪಡಿಸಿ ಬೇರೆ ಯಾವುದೇ  $n$  ಬೆಲೆಗೆ ಸಮೀಕರಣವು ಪಾಲನೆಯಾಗುವುದಿಲ್ಲ.

ಈಗ ಮತ್ತೊಂದು ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ನೋಡೋಣ.

ರಾಜುವಿಗಿಂತ ಬಾಲು 3 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವನು. ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು  $x$  ವರ್ಷಗಳಿಂದು, ಬಾಲುವಿನ ವಯಸ್ಸು  $(x-3)$  ವರ್ಷಗಳಿಂದು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ. ಬಾಲುವಿನ ವಯಸ್ಸು 11 ವರ್ಷಗಳಾಗಿದೆ ಎಂದುಕೊಳ್ಳೋಣ. ಈಗ ನಮ್ಮೆ ವಿಧಾನವು ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸನ್ನು ಹೇಗೆ ಲೆಕ್ಕಿಸುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ನೋಡೋಣ.

$$\text{ಬಾಲುವಿನ ವಯಸ್ಸು ನಮಗೆ ಗೊತ್ತು : } x-3 = 11 \dots \quad (2)$$

ಇದು  $x$  ಚರಾಕ್ಷರದ ಒಂದು ಸಮೀಕರಣ  $x$  ನ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ  $(x-3)$ ರ ಬೆಲೆಗಳ ಒಂದು ಕೋಟ್ಟಕವನ್ನು ತಯಾರಿಸೋಣ.

x	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
$x-3$	0	1	....	-	-	-	-	....	9	10	11	12	13	-	-	

ಇಲ್ಲಿ ಖಾಲಿ ಬಿಡಲಾದ ಜಾಗಗಳನ್ನು ಸೂಕ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ತುಂಬಿಸಿ. ಇದರಿಂದ ನಮಗೆ ತೀಳಿದುಬರುವುದೇನೆಂದರೆ:  $x=14$  ಆಗಿದ್ದಾಗ  $x-3=11$  ಪರತ್ತು ಪಾಲನೆಯಾಗುತ್ತದೆ.  $x$ ನ ಬೇರೆ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ, ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $x=16$  ಅಥವಾ  $x=12$  ಆಗಿದ್ದಾಗ ಪರತ್ತಿನ ಪಾಲನೆಯಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಹಾಗಾಗಿ ರಾಜುವಿನ ವಯಸ್ಸು 14 ವರ್ಷಗಳು.

ಈ ಹಿಂದಿನ ಚರ್ಚೆಯ ಸಾರಾಂಶವೇನೆಂದರೆ, ಈ ಹಿಂದೆ ಕೊಟ್ಟಂತಹ ಯಾವುದೇ ಸಮೀಕರಣವು ಚರಾಕ್ಷರದ ಮೇಲೆ ಹಾಕಿದ ಒಂದು ಪರತ್ತಾಗಿದ್ದು. ಆ ಪರತ್ತು ಚರಾಕ್ಷರದ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ ಮಾತ್ರ ಪಾಲನೆಯಾಗುತ್ತದೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಸಮೀಕರಣ  $2n=10$ ,  $n$  ನ ಬೆಲೆ 5ಕ್ಕೆ ಮಾತ್ರ ಸರಿಹೊಂದುತ್ತದೆ. ಅದೇ ರೀತಿ ಸಮೀಕರಣ  $x-3 = 11$  ಇದು  $x$  ಬೆಲೆ 14ಕ್ಕೆ ಮಾತ್ರ ಸರಿಹೊಂದುತ್ತದೆ. ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ ಎರಡು ಬದಿಗಳ ಮಧ್ಯ ಸಮ ಜಿಯ್ಯಾ (=) ಇರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇದು ಸಮೀಕರಣವು ಎಡಬದಿಯ (LHS) ಬೆಲೆಯು ಬಲಬದಿಯ (RHS) ಬೆಲೆಗೆ ಸಮ ಎಂದು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ. ಎಡಬದಿಯ (LHS) ಬೆಲೆಯು ಬಲಬದಿಯ (RHS) ಬೆಲೆಗೆ ಸಮನಾಗಿಲ್ಲದಿದ್ದರೆ, ಅದು ಸಮೀಕರಣವೆನಿಸುವುದಿಲ್ಲ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ: ‘ $2n$  ಇದು 10ಕ್ಕಿಂತ ಜಾಸ್ತಿ’ ಈ ಹೇಳಿಕೆಯನ್ನು ಸಂಕೇತಗಳಲ್ಲಿ ಸೂಚಿಸಿದಾಗ ‘ $2n > 10$ ’ ಅಗುತ್ತದೆ. ಇದು ಸಮೀಕರಣವಲ್ಲ. ಅದೇ ರೀತಿ ಹೇಳಿಕೆಗಳಾದ  $(x-3) > 11$  ಹಾಗೂ  $(x-3) < 11$  ಕೂಡಾ ಸಮೀಕರಣಗಳಲ್ಲ.

ಈಗ ಹೇಳಿಕೆ  $8-3=5$  ನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಳ್ಳೋಣ. ಇಲ್ಲಿ LHS ಹಾಗೂ RHS ಮಧ್ಯ ಒಂದು ಸಮ ಚಿಹ್ನೆ ಇದೆ. ಎರಡೂ ಬದಿಗಳಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರಗಳಿಲ್ಲ. ಕೇವಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿವೆ ಇದನ್ನು ನಾವು ‘ಸಂಖ್ಯೆ ಸಮೀಕರಣ’ ಎಂದು ಕರೆಯುತ್ತೇವೆ. ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ ‘ಸಮೀಕರಣ’ ಪದವನ್ನು ಒಂದು ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚು ಚರಾಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣಗಳಿಗೆ ಮಾತ್ರ ಬಳಸಲಾಗುತ್ತದೆ.

ಈಗ ಒಂದು ಅಭಿಪ್ರಾಯ ಮಾಡೋಣ. ಈ ಮುಂದಿನ ಹೇಳಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ ಎಂದು ಗುರುತಿಸಿ. ಚರಾಕ್ಷರವಿರುವ ಸಮೀಕರಣದ ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ನಮೂದಿಸಿ.

- |                       |                              |
|-----------------------|------------------------------|
| a) $x+20 = 70$        | (ಹೌದು, $x$ )                 |
| b) $8x 3 = 24$        | (ಅಲ್ಲ, ಇದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆ ಸಮೀಕರಣ) |
| c) $8p > 30$          | (ಅಲ್ಲ)                       |
| d) $n-4=100$          | (ಹೌದು, $n$ )                 |
| e) $20b = 80$         | (ಹೌದು, $b$ )                 |
| f) $\frac{y}{8} < 50$ | (ಅಲ್ಲ)                       |

ಈ ಮುಂದೆ ಸಮೀಕರಣದ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ. ಸಮೀಕರಣದ ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ಗುರುತಿಸಲಾಗಿದೆ. ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳವನ್ನು ಸೂಕ್ತವಾಗಿ ಭರ್ತೀ ಮಾಡಿ.

$$\begin{array}{lll} x+10 = 30 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } x) & (3) \\ p - 3 = 7 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } p) & (4) \\ 3n-21 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } \underline{\hspace{1cm}}) & (5) \\ \frac{t}{5} = 4 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } \underline{\hspace{1cm}}) & (6) \\ 2l+3=7 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } \underline{\hspace{1cm}}) & (7) \\ 2m-3=5 & (\text{ಚರಾಕ್ಷರ } \underline{\hspace{1cm}}) & (8) \end{array}$$

### 11.10 ಸಮೀಕರಣ ಪರಿಹಾರ:

ಈ ಹಿಂದಿನ ವಿಭಾಗದಲ್ಲಿ ಸಮೀಕರಣ

$$2n = 10 \quad (1)$$

$n=5$  ಬೆಲೆಗೆ ಸಮೀಕರಣ ಸರಿಹೊಂದುತ್ತದೆ ಎಂದು ತಿಳಿದುಹೊಂಡಿದ್ದೇವೆ. ‘ $n$ ’ ನ ಬೇರೆ ಯಾವುದೇ ಬೆಲೆಗೆ ಸಮೀಕರಣವು ಸರಿಹೊಂದುವುದಿಲ್ಲ. ಅಥವ ತೃಪ್ತಿಯಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿನ ಚರಾಕ್ಷರದ ಯಾವ ಬೆಲೆಗೆ

ಸಮೀಕರಣವು ಸರಿಯಾದುವುದೋ ಅಥವಾ ತೃಪ್ತಿಯಾಗಿವುದೋ, ಆ ಬೇಲೆಯನ್ನು ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರ ಎಂದು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ. ಹಾಗಾಗಿ  $2n = 10$  ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರ  $n = 5$ .  $2n = 10$  ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ  $n = 6$  ಪರಿಹಾರವಲ್ಲ. ಏಕೆಂದರೆ  $n = 6$  ಆದರೆ,  $2n = 2 \times 6 = 12$  ಆಗುವುದು 10 ಅಲ್ಲ.

ಅದೇ ರೀತಿ  $n = 4$  ಸಹ ಪರಿಹಾರವಲ್ಲ. ಏಕೆ?

$$x - 3 = 11 \text{ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಳ್ಳೋ.} \quad (2)$$

ಈ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು  $x = 14$  ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುತ್ತದೆ, ಏಕೆಂದರೆ  $x = 14$  ಆದಾಗ ಸಮೀಕರಣದ  $LHS = 14 - 3 = 11 = RHS$ .

ಈ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು  $x = 16$  ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುವುದಿಲ್ಲ, ಏಕೆಂದರೆ  $x = 16$  ಆದಾಗ ಸಮೀಕರಣದ  $LHS = 16 - 3 = 13$ , ಇದು  $RHS$  ಗೆ ಸಮಾನವಲ್ಲ.

$x - 3 = 11$  ಹಾಗಾಗಿ, ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ  $x = 14$  ಒಂದು ಪರಿಹಾರ ಹಾಗೂ  $x = 16$  ಒಂದು ಪರಿಹಾರವಲ್ಲ. ಅದೇ ರೀತಿ,  $x = 12$  ಒಂದು ಪರಿಹಾರವಲ್ಲ. ಏಕೆ? ವಿವರಿಸಿ.

ಈ ಮುಂದಿನ ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟರುವ ಜಾಗಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ. ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರವು ಹೌದು/ಅಲ್ಲ ಎಂದು ಸೂಚಿಸಿ ವಿವರಿಸಿ.

ಸಮೀಕರಣ	ಉತ್ತರಾಙ್ಕರದ ಬೇಲೆ	ಪರಿಹಾರ (ಹೌದು/ಅಲ್ಲ)
1. $x + 10 = 30$	$x = 10$	ಅಲ್ಲ
2. $x + 10 = 30$	$x = 30$	ಅಲ್ಲ
3. $x + 10 = 30$	$x = 20$	ಹೌದು
4. $p - 3 = 7$	$p = 5$	ಅಲ್ಲ
5. $p - 3 = 7$	$p = 15$	---
6. $p - 3 = 7$	$p = 10$	---
7. $3n = 21$	$n = 9$	---
8. $3n = 21$	$n = 7$	---
9. $\frac{t}{5} = 4$	$t = 25$	---
10. $\frac{t}{5} = 4$	$t = 20$	---
11. $2l + 3 = 7$	$l = 5$	---
12. $2l + 3 = 7$	$l = 1$	---
13. $2l + 3 = 7$	$l = 2$	---

$2n = 10$  ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ನಾವು  $n$  ಗೆ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ನೀಡಿ ಒಂದು ಕೋಟ್ಟಕವನ್ನು ರಚಿಸಿದ್ದೇವೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುವ ‘ $n$ ’ ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ, ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದ್ದೇವೆ. ಇಲ್ಲಿ ನಾವು ಬಳಸಿದುದು ‘ಪಯತ್ವ ಹಾಗೂ ವ್ಯವಹಳ್ಳಿ’ ವಿಧಾನ. ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಇದೊಂದು ನೇರ ಅಥವ ಪ್ರಾಯೋಗಿಕ ವಿಧಾನವಲ್ಲ. ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ನೇರವಾಗಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ವಿಧಾನದ ಅಗತ್ಯತೆ ಇದೆ. ಮುಂದಿನ ಶರಗತಿಯಲ್ಲಿ ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯುವ ವ್ಯವಸ್ಥೆ ವಿಧಾನವನ್ನು ನಾವು ತಿಳಿಯಲಿದ್ದೇವೆ.

### ಬೀಜಗಣಿತದ ಆರಂಭ

ಗಣಿತದ ವಿಭಾಗವಾಗಿ ಬೀಜಗಣಿತವು ಕ್ರಿ.ಪ್ರ. 1550ರ ಸುಮಾರಿಗೆ ಅಂದರೆ ಸುಮಾರು 3500 ವರ್ಷಗಳ ಹಿಂದೆ, ಅಜ್ಞಾನ (ಗೊತ್ತಿಲ್ಲದ) ಸಂಶ್ಯೇಗಳ ಬದಲಾಗಿ ಸಂಕೇತಗಳನ್ನು ಬಳಸಿದ ಈಚೆಷ್ಟಿಯರಲ್ಲಿ ಆರಂಭವಾಯಿತೆಂದು ನಂಬಲಾಗಿದೆ. ಕ್ರಿ.ಪ್ರ. 300ರ ಸುಮಾರಿಗೆ ಭಾರತದಲ್ಲಿ ಅಜ್ಞಾತ ಸಂಶ್ಯೇಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸುವುದು ಹಾಗೂ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸುವುದು ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿತ್ತು. ಪ್ರಸಿದ್ಧ ಭಾರತೀಯ ಗಣಿತಜ್ಞರಾದ ಆಯ್ದಭಟ (ಹುಟ್ಟು: ಕ್ರಿ.ಶ. 476), ಬ್ರಹ್ಮಗುಪ್ತ (ಹುಟ್ಟು ಕ್ರಿ.ಶ. 598), ಮಹಾವೀರ (ಕ್ರಿ.ಶ. 850 ರಲ್ಲಿ ಸುಮಾರಿಗೆ ಜೀವಿಸಿದ್ದ) ಹಾಗೂ ಎರಡನೆಯ ಭಾಷ್ಯಕರ (ಹುಟ್ಟು ಕ್ರಿ.ಶ. 1114) ಹಾಗೂ ಇತರರು ಬೀಜಗಣಿತದ ಅಧ್ಯಯನಕ್ಕೆ ತಮ್ಮ ಶೊಡುಗೆಗಳನ್ನು ನೀಡಿದ್ದಾರೆ. ಅವರು ಅಜ್ಞಾತ ಸಂಶ್ಯೇಗಳಿಗೆ ಬೀಜ, ವರ್ಣ ಮುಂತಾದ ಹೆಸರುಗಳನ್ನೂ, ಬಣ್ಣಗಳ ಮೊದಲ ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನೂ ನೀಡಿದರು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಕಮ್ಮೆ ಪದದ ‘ಕ’, ನೀಲ ಪದದ ‘ನಿ’ಗಳು ಅಜ್ಞಾತ ಸಂಶ್ಯೇಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತಿದ್ದವು. ‘ಬೀಜಗಣಿತ’ ಪದವನ್ನೂ ಪ್ರಾಚೀನ ಭಾರತೀಯ ಗಣಿತದಲ್ಲಿ ಕಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು.

‘ಬೀಜಗಣಿತ’ಕ್ಕೆ ಸಮರ್ಪಾದ ಇಂಗ್ಲೀಷ್‌ನಲ್ಲಿ ಬಳಸುವ ‘ಅಲ್‌ಜೆಬ್ರ’ ಪದವು ಬಾಗ್ದಾದಿನಲ್ಲಿ ಜೀವಿಸಿದ್ದ ಗಣಿತಜ್ಞ ಮೊಹಮ್ಮದ್ ಇಬ್ನ್ ಅಲ್ ಕಾರಿಜ್ಝಿ ಕ್ರಿ.ಪ್ರ. 825ರ ಸುಮಾರಿಗೆ ಬರೆದ ಪುಸ್ತಕ ‘ಅಲ್‌ಜೆಬ್ರ ವಾಲ್’ ಅಲ್‌ಮುಗಬಲಾಹ್’ ಇದರ ಶೀಫ್ಸಿಕೆಯಿಂದ ತೆಗೆದುಕೊಂಡಿರುವುದಾಗಿದೆ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.5

1. ಈ ಮುಂದಿನವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುವು (ಚರಾಕ್ಷರ ಹೊಂದಿದ) ಸಮೀಕರಣ ಎಂದು ಗುರುತಿಸಿ. ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಕಾರಣಗಳನ್ನು ನೀಡಿ. ಚರಾಕ್ಷರ ಹೊಂದಿದ ಪ್ರತಿ ಸಮೀಕರಣದ ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.

a)  $17 = x+17$       b)  $(t-7) > 5$       c)  $\frac{4}{2} = 2$

d)  $(7x3)-19 = 8$       e)  $5x4-8 = 2x$       f)  $x-2 = 0$

g)  $2m < 30$       h)  $2n+1=11$       i)  $7 = (11x5)-(12x4)$

j)  $7 = (11x2)+p$       k)  $20 = 5y$       l)  $\frac{3q}{2} < 5$

m)  $z+12>24$       n)  $20-(10-5) = 3x5$       o)  $7-x = 5$

2. ಕೋಣಕ್ಕದ ನಾಲ್ಕನೇ ಕಂಬಸಾಲನ್ನು ತುಂಬಿರಿ.

ಕ್ರ.ಸಂ.	ಸಮೀಕರಣ	ಚರಾಕ್ತರದ ಬೆಲೆ	ಸಮೀಕರಣ ಶೈಪ್ಪಡಿಸುತ್ತದೆಯೇ? ಹೊದು / ಇಲ್ಲ
a)	$10y = 80$	$y = 10$	
b)	$10y = 80$	$y = 8$	
c)	$10y = 80$	$y = 5$	
d)	$4l = 20$	$l = 20$	
e)	$4l = 20$	$l = 80$	
f)	$4l = 20$	$l = 5$	
g)	$b+5 = 9$	$b = 5$	
h)	$b+5 = 9$	$b = 9$	
i)	$b+5 = 9$	$b = 4$	
j)	$h-8 = 5$	$h = 13$	
k)	$h-8 = 5$	$h = 8$	
l)	$h-8 = 5$	$h = 0$	
m)	$p+3 = 1$	$p = 3$	
n)	$p+3 = 1$	$p = 1$	
o)	$p+3 = 1$	$p = 0$	
p)	$p+3 = 1$	$p = -1$	
q)	$p+3 = 1$	$p = -2$	

3. ಇಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಸಮೀಕರಣಕ್ಕೆ ಮುಂದೆ ಅವರಣದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಬೆಲೆಗಳ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಉಳಿದ ಬೆಲೆಗಳು ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ಶೈಪ್ಪಡಿಸಿದ್ದಿಲ್ಲ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿ.

- a)  $5m = 60$  (10, 5, 12, 15)  
 b)  $n + 12 = 20$  (12, 8, 20, 0)  
 c)  $p - 5 = 5$  (0, 10, 5, -5)  
 d)  $\frac{q}{2} = 7$  (7, 2, 10, 14)  
 e)  $r - 4 = 0$  (4, -4, 8, 0)  
 f)  $x + 4 = 2$  (-2, 0, 2, 4)

4. (a) ಈ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತುಂಬಿ, ಕೋಷ್ಟಕದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.  $m+10 = 15$  ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

m	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	-	-	-
$m+10$	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

(b) ಈ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತುಂಬಿ, ಕೋಷ್ಟಕದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.  $5t = 35$  ರ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

t	3	4	5	6	7	8	9	10	11	-	-	-	-
$5t$	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

(c) ಈ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತುಂಬಿ, ಕೋಷ್ಟಕದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.  $\frac{z}{3} - 4 = 4$  ರ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

z	8	9	10	11	12	13	14	15	16	-	-	-	-
$\frac{z}{3}$	$2\frac{2}{3}$	3	$3\frac{1}{3}$	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

(d) ಈ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ತುಂಬಿ, ಕೋಷ್ಟಕದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.  $m-7 = 3$  ರ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

m	5	6	7	8	9	10	11	12	13	-	-	-	-
$m-7$	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-

5. ಇಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಒಗಟುಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ. ನೀವೂ ಇಂತಹ ಒಗಟುಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು.

ನಾನ್ನಾರು?

- i) ಸುತ್ತು ಬನ್ನಿ ಚೋಕ  
ತಗ್ಗೊಳ್ಳಿ ಮೂಲೆಯ ಲೆಕ್ಕ  
ಬನ್ನಿ ಮೂರು ಸುತ್ತು  
ನನ್ನನು ಕೂಡಿಸಿ ಪಡೆಯಿರಿ ಮೊತ್ತ  
ಸರಿಯಾಗಿ ಮೂವತ್ತನಾಲ್ಕು ಇತ್ತೆ.

- ii) ವಾರದ ಪ್ರತಿದಿನವನ್ನು  
ನನ್ನಿಂದ ಪ್ರಾರಂಭಿಸಿ ಕೂಡು  
ತಪ್ಪಿಲ್ಲದೆ ಮಾಡಿದರೆ ಸಂಕಲನವನು  
ದೊರೆವುದು ಇಪ್ಪತ್ತೆ ಮೂರು



iii) ವಿಶೇಷ ಸಂಖ್ಯೆ ನಾನು

ನನ್ನಿಂದ ಕಳೆ ಆರು

ಇಡೀ ಕ್ರಿಕೆಟ್ ತಂಡದ ಜನಾನು

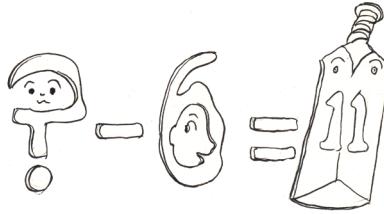
ಆಗಲೆ ಇದೆ ತಯಾರು

iv) ನಾನ್ಯಾರೆಂದು ಹೇಳು

ನಾನು ಕೂಡುವೆ ಸುಳಿವು

ಪಡೆಯುವೆ ನನ್ನನ್ನೇ ಮರಳಿ

ಇಪ್ಪತ್ತೆರಡರಿಂದ ನನ್ನನ್ನು ಕಳೆಸಿ.



### ನಾವು ಏನನ್ನು ಚರ್ಚಿಸಿದ್ದೇವು?

1. ನಾವು ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳಿಂದ ಅಕ್ಷರಗಳ ಹಾಗೂ ಇತರ ಆಕೃತಿಗಳ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಮಾಡುವುದನ್ನು ನೋಡಿದ್ದೇವು. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಮನರಾವರ್ತಿಸಲು ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮಗಳನ್ನು ಕಂಡುಕೊಂಡೆವು. ಇಲ್ಲಿ ಯಾವ ಆಕೃತಿಯ ಮನರಾವರ್ತನೆಯಾಗಿದೆಯೋ ಅದರ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಬದಲಾಗಬಹುದು. ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯ 1, 2, 3..... ಮುಂತಾದ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಬಹುದು. ಇದೊಂದು ಚರಾಕ್ಷರ, ಇದನ್ನು 'n' ಅಕ್ಷರಗಳಿಂದ ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಬಹುದು.
2. ಚರಾಕ್ಷರವೇಂದು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು. ಅದರ ಬೆಲೆಯು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಲ್ಲ. ವರ್ಗದ ಬದಿಯು ಯಾವ ಬೆಲೆಯನ್ನಾದರೂ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು. ಅದೊಂದು ಚರಾಕ್ಷರ ಆದರೆ ಶ್ರಿಭೂಜಕ್ಕಿರುವ ಕೋನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು 3. ಅದೊಂದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆ. ಇದು ಚರಾಕ್ಷರವಲ್ಲ.
3. ಚರಾಕ್ಷರವನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸಲು n, 1, m, p, x, y, z ಮುಂತಾದ ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು.
4. ದಿನನಿತ್ಯದ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ಸಂಬಂಧಗಳನ್ನು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಲು ಚರಾಕ್ಷರಗಳು ಸಹಕಾರಿ.
5. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಬೆಲೆಯು ನಿರ್ದಿಷ್ಟವಲ್ಲದಿದ್ದರೂ, ಅವುಗಳು ಸಂಖ್ಯೆಗಳೇ ಆಗಿವೆ. ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ಸಂಖ್ಯಾ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಮಾಡುವಂತೆ ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಮೇಲೂ ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಹಾಗೂ ಭಾಗಾಕಾರದ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಬಹುದು. ವಿವಿಧ ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಗಳನ್ನು ಬಳಸುವುದರ ಮೂಲಕ ಚರಾಕ್ಷರಗಳಿಂದ  $x-3$ ,  $x+3$ ,  $2n$ ,  $5m$ ,  $\frac{p}{3}$ ,  $2y+3$ ,  $z1-5$  ಮುಂತಾದ ಉತ್ತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು.
6. ಚರಾಕ್ಷರಗಳ ಮೂಲಕ ಅಂಕಗಳಿತ ಹಾಗೂ ರೇಖಾಗಳಿತದ ಅನೇಕ ನಿಯಮಗಳನ್ನು ಸಾಮಾನ್ಯ ರೂಪದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸುವುದು ಸಾಧ್ಯವಾಗುತ್ತದೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ, 'ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೊಡಿಸುವಾಗ,



ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೊಡುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಅದಲು ಬದಲು ಮಾಡಿದಾಗ ಮೊತ್ತಗಳು ಸಮನಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಈ ಹೇಳಿಕೆಯನ್ನು  $a+b = b+a$  ಎಂದು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರ  $a$  ಮತ್ತು  $b$  ಗಳು 1, 32, 1000, -7, -20 ಮುಂತಾದ ಯಾವುದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪ್ರತಿನಿಧಿಸುತ್ತದೆ.

7. ಸಮೀಕರಣ ಎಂದರೆ ಚರಾಕ್ಷರವೋಂದಕ್ಕೆ ಹಾಕಿರುವ ಘರತ್ತು. ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ ಚರಾಕ್ಷರ ಹೊಂದಿರುವ ಉಕ್ತಿಯು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಂದಕ್ಕೆ ಸಮ ಎಂದು ಬರೆಯಲಾಗುತ್ತದೆ. ಉದಾ:  $x - 3 = 10$
8. ಸಮೀಕರಣವೋಂದಕ್ಕೆ ಎರಡು ಬದಿಗಳಿರುತ್ತದೆ. ಎಡಬದಿ (LHS) ಹಾಗೂ ಬಲಬದಿ (RHS). LHS ಹಾಗೂ RHS ಗಳ ಮಧ್ಯ ಸಮ ( $=$ ) ಚಿಹ್ನೆ ಇರುತ್ತದೆ.
9. ಸಮೀಕರಣವೋಂದರಲ್ಲಿ, ಚರಾಕ್ಷರದ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಬೆಲೆಗೆ ಮಾತ್ರ ಸಮೀಕರಣದ ಎಡಬದಿಯ ಬೆಲೆಯು ಬಲಬದಿಯ ಬೆಲೆಗೆ ಸಮನಾಗುತ್ತದೆ. ಚರಾಕ್ಷರದ ಈ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಬೆಲೆಯು ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುತ್ತದೆ. ಈ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರ ಎಂದು ಕರೆಯುತ್ತೇವೆ.
10. ಸಮೀಕರಣದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಪಡೆಯುವ ಒಂದು ವಿಧಾನ ‘ಪ್ರಯತ್ನ ಹಾಗೂ ವ್ಯಘಲ್ಯ’ ವಿಧಾನ. ಈ ವಿಧಾನದಲ್ಲಿ, ಚರಾಕ್ಷರಕ್ಕೆ ಕೆಲವು ಬೆಲೆಯನ್ನು ನಿಗದಿಪಡಿಸಿ, ಆ ಬೆಲೆಯು ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುತ್ತದೆಯೇ ಎಂಬುದನ್ನು ನೋಡುತ್ತೇವೆ. ಹೀಗೆ ಚರಾಕ್ಷರಕ್ಕೆ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಕೊಡುತ್ತಾ, ಸಮೀಕರಣವನ್ನು ತೃಪ್ತಿಪಡಿಸುವ ಚರಾಕ್ಷರದ ಬೆಲೆ ದೊರೆಯುವರೆಗೆ ಮುಂದುವರೆಯುತ್ತೇವೆ.



# ಅನುಪಾತ ಮತ್ತು ಸಮಾನುಪಾತ

ಕ್ರಿಕೆಟ್ - 12

## 12.1 ಪೀಠಿಕೆ

ನಮ್ಮ ನಿತ್ಯಚೀವನದಲ್ಲಿ ಹಲವಾರು ಬಾರಿ ಒಂದೇ ವಿಧದ ಎರಡು ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸುತ್ತೇವೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ ಒಂದು ನೋಟ್ ಮತ್ತು ಕಡಲ್ ಅಂಟಿಸಲು ರಮ್ಮೆ ಮತ್ತು ಘಾತಿಮಾ ಹೊಗಳನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸುತ್ತಾರೆ. ರಮ್ಮೆ 30 ಹೊಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಘಾತಿಮಾ 45 ಹೊಗಳನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸುತ್ತಾರೆ. ಆದುದರಿಂದ ಘಾತಿಮಾ ರಮ್ಮಾಳಿಗಿಂತ  $45 - 30 = 15$  ಹೆಚ್ಚಿನ ಹೊಗಳನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸುತ್ತಾಳೆ.

ರಹಿಮನ ಎತ್ತರ 150 cm ಮತ್ತು ರಮ್ಮಾಳ ಎತ್ತರ 140 cm ಇದೆ. ರಹಿಮನು ರಮ್ಮಾಳಿಗಿಂತ  $150\text{cm} - 140\text{cm} = 10\text{cm}$  ಎತ್ತರ ಹೆಚ್ಚಿದ್ದಾನೆ. ಇವು ವ್ಯತ್ಯಾಸದಿಂದ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವ ಒಂದು ವಿಧಾನ.

ಒಂದು ಇರುವೆ ಮತ್ತು ಒಂದು ಮಿಡತೆಯ ಉದ್ದಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಲು ನಾವು ಬಯಸಿದಲ್ಲಿ, ವ್ಯತ್ಯಾಸವು ಸರಿಯಾದ ಹೋಲಿಕೆಯನ್ನು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸುವುದಿಲ್ಲ. ಮಿಡತೆಯ ಉದ್ದವು, ಕೆಲವು ಖಿಲೀಟರ್ ಉದ್ದವಿರುವ ಇರುವೆಗಿಂತ ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ 4cm ನಿಂದ 5cm ಹೆಚ್ಚಿರುತ್ತದೆ. ಎಷ್ಟು ಇರುವೆಗಳನ್ನು ಒಂದರ ಹಿಂದೆ ಒಂದನ್ನು ಜೋಡಿಸಿದಾಗ ಅದು ಮಿಡತೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕೆ ಸಮ ಎಂದು ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿದಲ್ಲಿ ಹೋಲಿಕೆಯು ಉತ್ತಮವಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಆದುದರಿಂದ 20 ರಿಂದ 30 ಇರುವೆಗಳ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಮಿಡತೆಯ ಉದ್ದ ಒಂದೇ ಆಗಿರುತ್ತದೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ.



ಮತ್ತೊಂದು ಉದಾಹರಣೆ ಪರಿಗಳಿಸಿ.

ಒಂದು ಕಾರಿನ ಬೆಲೆ ₹ 2,50,000 ಮತ್ತು ಒಂದು ಮೋಟಾರ್ ಬ್ಯಾಕ್ಸನ ಬೆಲೆ ₹ 50,000. ಬೆಲೆಗಳಲ್ಲಿನ ವ್ಯತ್ಯಾಸವನ್ನು ನಾವು ಕಂಡುಹಿಡಿದಲ್ಲಿ ಅದು ₹ 2,00,000 ಭಾಗಾಕಾರ ಮಾಡಿ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡಿದಾಗ,

$$\text{ಅಂದರೆ, } \frac{2,50,000}{50,000} = \frac{5}{1}$$

ಕಾರಿನ ಬೆಲೆ ಮೋಟಾರ್ ಬ್ಯಾಕ್ಸನ ಬೆಲೆಯ ಐದರಷ್ಟಿಗೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳಬಹುದು. ಹೀಗಾಗಿ ಕೆಲವು ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ವ್ಯತ್ಯಾಸ ಮಾಡಿ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವುದಕ್ಕಿಂತ ಭಾಗಾಕಾರ ಮಾಡಿ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವುದು ಉತ್ತಮ. ಭಾಗಾಕಾರದಿಂದ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವುದೇ ಅನುಪಾತ. ಮುಂದಿನ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ‘ಅನುಪಾತಗಳ ಬಗ್ಗೆ’ ಹೆಚ್ಚು ಕಲಿಯೋಣ.

## 12.2 ಅನುಪಾತ

ಮುಂದಿನದನ್ನು ಪರಿಗಳಿಸಿ.

ಪ್ರಿಯಾಳ ತೂಕ 25 kg ಮತ್ತು ಅವಳ ತಂದೆಯ ತೂಕ 75 kg. ಪ್ರಿಯಾಳ ತೂಕದ ಎಷ್ಟರಪ್ಪು ತೂಕ ತಂದೆಯದ್ವಾಗಿದೆ? ಅದು ಮೂರರಪ್ಪು.

ಒಂದು ಪೆನ್ನನ ಬೆಲೆ ₹ 10 ಮತ್ತು ಒಂದು ಪೆನ್ನಿಲ್ನಾನ ಬೆಲೆ ₹ 2. ಪೆನ್ನಿಲ್ ಬೆಲೆಯ ಎಷ್ಟರಪ್ಪು ಬೆಲೆ ಪೆನ್ನಿನ್ನದ್ವಾಗಿದೆ? ನಿಸ್ಸಂಶಯವಾಗಿ ಅದು ಐದರಷ್ಟಿಗೆ.

ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡು ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು “ಎಷ್ಟರಷ್ಟಿಗೆ” ಎಂಬುದರಿಂದ ನಾವು ಹೋಲಿಸುತ್ತೇವೆ. ಈ ಹೋಲಿಕೆಯನ್ನು ಅನುಪಾತ ಎನ್ನತ್ತೇವೆ. ನಾವು ಅನುಪಾತವನ್ನು ‘?’ ಚಿಹ್ನೆ ಬಳಸಿ ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ.

ಮೊದಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಮತ್ತೆ ಪರಿಗಳಿಸಿ.

### ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:

- ಒಂದು ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 20 ಹುಡುಗರು ಮತ್ತು 40 ಹುಡುಗಿಯರಿದ್ದಾರೆ. ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?
- ರವಿ ಒಂದು ಗಂಟೆಗೆ 6km ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ. ರೋಡನ್ ಒಂದು ಫಂಟೆಗೆ 4km ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ. ರವಿ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರಕ್ಕೂ ರೋಡನ್ ಕ್ರಮಿಸಿದ ದೂರಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?

$$\text{ತಂದೆಯ ತೂಕಕ್ಕೂ} \quad \text{ಪ್ರಿಯಾಳ ತೂಕಕ್ಕೂ} \quad \text{ಇರುವ} \quad \text{ಅನುಪಾತ} \\ = \frac{75}{25} = \frac{3}{1} = 3:1 \quad \text{ಪೆನ್ನನ} \quad \text{ಬೆಲೆಗೂ} \quad \text{ಪೆನ್ನಿಲ್ನಾನ} \quad \text{ಬೆಲೆಗೂ} \quad \text{ಇರುವ}$$

ಅನುಪಾತ

$$= \frac{10}{2} = \frac{5}{1} = 5:1$$

ಈ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸೋಣ.

ಒಂದು ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 20 ಹುಡುಗರು ಮತ್ತು 40 ಹುಡುಗಿಯರು ಇದ್ದಾರೆ.

(a) ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ

(b) ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?

ಮೊದಲು ನಾವು ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ.

ಅದು, ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆ + ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆ =  $20+40=60$ .

$$\text{ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ} \quad \text{ಅನುಪಾತ} = \frac{40}{60} = \frac{2}{3} = 2:3$$

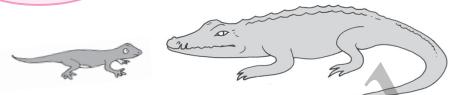
ಇದೇ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಭಾಗ (b) ಗೆ ಉತ್ತರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಈಗ ಮುಂದಿನ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಪರಿಗಳಿಸಿ.

ಮನೆಯಲ್ಲಿನ ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದ 20cm ಮತ್ತು ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದ 4m ಇದೆ.

“ನಾನು ನಿನಗಿಂತ ಏದು ಪಟ್ಟು ಹೆಚ್ಚು ಉದ್ದವಿದ್ದೇನೆ”  
ಎಂದು ಹಲ್ಲಿ ಹೇಳುತ್ತದೆ. ಇದು ನಿಜವಾಗಿಯು ಒಂದು  
ಅಸಂಬಧ್ಯ ಹೇಳಿಕೆ ಎಂದು ನಾವು ಕಾಣಬಹುದು. ಒಂದು  
ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದ ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕಿಂತ ಏದರಪ್ಪು  
ಹೆಚ್ಚಿರುವುದು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಹಾಗಾದರೆ ತಪ್ಪು ಎಲ್ಲಿದೆ?  
ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿದ್ದು ಮೊಸಳೆಯ  
ಉದ್ದ ಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಆದುದರಿಂದ ಅವುಗಳ ಉದ್ದವನ್ನು ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನಕ್ಕೆ  
ನಾವು ಪರಿವರ್ತಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ.

ನಾನು ದೂಡುವನು  
ನೀನು ಚೆಕ್ಕುವನು



$$\text{ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದ} = 4\text{m} = 4 \times 100 = 400\text{cm}$$

ಆದುದರಿಂದ ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ

$$= \frac{400}{20} = \frac{20}{1} = 20 : 1$$

ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನದಲ್ಲಿ ಇದ್ದಾಗ ಮಾತ್ರ ಎರಡು ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಬಹುದು.

ಈಗ ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?

$$= \frac{20}{400} = \frac{1}{20} = 1 : 20 \text{ ಆಗಿದೆ.}$$

1:20 ಮತ್ತು 20:1 ಅನುಪಾತಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಭಿನ್ನವಾಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. 1:20, ಇದು ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವಾದರೆ, 20:1 ಇದು ಮೊಸಳೆಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಹಲ್ಲಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವಾಗಿದೆ.

ಈಗ ಮತ್ತೊಂದು ಉದಾಹರಣೆ ಪರಿಗಳಿಸಿ. ಒಂದು ಪೆನ್ನಿಲೊನ ಉದ್ದ 18cm ಮತ್ತು ಅದರ ವ್ಯಾಸ 8mm ಇದೆ. ಪೆನ್ನಿಲೊನ ವ್ಯಾಸಕ್ಕೂ ಅದರ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು? ಪೆನ್ನಿಲೊನ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ವ್ಯಾಸ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಮೂಲಮಾನಗಳಲ್ಲಿ ನೀಡಿರುವುದರಿಂದ ಮೊದಲು ನಾವು ಅವುಗಳನ್ನು ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನಕ್ಕೆ ಪರಿವರ್ತಿಸಬೇಕು.

$$\text{ಹೀಗಾಗಿ ಪೆನ್ನಿಲೊನ ಉದ್ದ} = 18\text{cm} = 18 \times 10\text{mm} \\ = 180\text{mm}$$

### ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

1. ಸೌರಭ ತನ್ನ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆ ತಲುಪಲು 15 ನೀಮಿಷ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾಳೆ ಮತ್ತು ಸಚಿನ್ ತನ್ನ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆ ತಲುಪಲು 1 ಗಂಟೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ. ಸೌರಭ ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಸಮಯಕ್ಕೂ ಸಚಿನ್ ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಸಮಯಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
2. ಒಂದು ಟಾಫಿಯ ಬೆಲೆ 50 ಪ್ರೇಸ್ ಮತ್ತು ಚಾಕೋಲೇಟ್‌ನ ಬೆಲೆ ₹ 10. ಒಂದೆ ಟಾಫಿಯ ಬೆಲೆಗೂ ಒಂದು ಚಾಕೋಲೇಟ್ ಬೆಲೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
3. ಒಂದು ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ವರ್ಷಕ್ಕೆ 73 ರಚಾದಿನಗಳಿವೆ. ಒಂದು ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ರಚಾದಿನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ, ಒಟ್ಟು ದಿನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?

$$\text{ಪೆನ್ನಿಲ್ನನ ವ್ಯಾಸಕ್ಕೂ ಅದರ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ} = \frac{8}{180} = \frac{2}{45} = 2:45$$

ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಮೂಲಮಾನಗಳಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಿರುವ ಒಂದೇ ವಿಧದ ವರದು ಪ್ರಮಾಣಗಳನ್ನು ನೀವು ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವ ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ಆಲೋಚಿಸಿ.

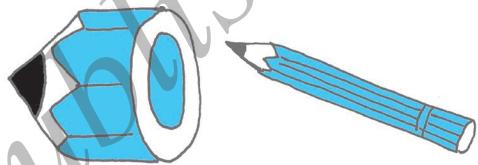


ನಮಗೆ ಗೊತ್ತಿಲ್ಲದೆಯೇ ನಾವು ಅನುಪಾತದ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ನಮ್ಮು ನಿತ್ಯಜೀವನದ ಹಲವಾರು ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.

A ಮತ್ತು B ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ. A ಗಿಂತ B ಹೆಚ್ಚು ಸ್ವಾಭಾವಿಕವಾಗಿದೆ. ಏಕೆ?

A ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿನ ಕಾಲುಗಳು, ದೇಹದ ಇತರೆ ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಹೋಲಿಸಿದರೆ ಹೆಚ್ಚು ಉದ್ದವಾಗಿವೆ. ಏಕೆಂದರೆ ಕಾಲುಗಳ ಉದ್ದಕ್ಕೂ, ದೇಹದ ಪೂರ್ತಿ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಒಂದು ಅನುಪಾತವಿರುತ್ತದೆ ಎಂದು ನಾವು ಸ್ವಾಭಾವಿಕವಾಗಿ ನಿರೀಕ್ಷಿಸುತ್ತೇವೆ.

ಪೆನ್ನಿಲ್ನನ ವರದೂ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ.  
ಮೊದಲನೆಯದು ಒಂದು ಮೂರ್ಖ ಪೆನ್ನಿಲ್ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ  
ಕಾಣುತ್ತಿದೆಯೇ? ಇಲ್ಲ.



ಏಕೆ ಆಗುವುದಿಲ್ಲ? ಕಾರಣವೇನೆಂದರೆ ಪೆನ್ನಿಲ್ನನ ದಪ್ಪ ಮತ್ತು ಉದ್ದ ಸರಿಯಾದ ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿಲ್ಲ.

### ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಅನುಪಾತ

ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವುದನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸಿ.

- ಒಂದು ಕೊತಡಿಯ ಉದ್ದ  $30\text{m}$  ಮತ್ತು ಅಗಲ  $20\text{m}$  ಇದೆ. ಕೊತಡಿಯ ಉದ್ದಕ್ಕೂ, ಅಗಲಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $= \frac{30}{20} = \frac{3}{2} = 3:2$
- 24 ಹುಡುಗಿಯರು ಮತ್ತು 16 ಹುಡುಗರು ಒಂದು ಪ್ರವಾಸಕ್ಕೆ ಹೋಗುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $= \frac{24}{16} = \frac{3}{2} = 3:2$
- $30:20$  ಮತ್ತು  $24:16$  ರ ಕನಿಷ್ಠ ರೂಪ  $3:2$  ಒಂದೇ ಆಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇವು ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳು.
- $3:2$  ಅನುಪಾತವನ್ನು ಹೋಂದಿರುವ ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ನೀವು ಆಲೋಚಿಸುವಿರಾ?  
ಒಂದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಅನುಪಾತಕ್ಕೆ ನೀಡುವ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವುದರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಹೋಜಿದೆ.  
ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $2:3$  ಅನುಪಾತ ನೀಡುವ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.
- ಒಂದು ಹೋಜಿನ ಅಗಲಕ್ಕೂ, ಅದರ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $2:3$

- ಹಸೀನ 2 ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಅವಳ ಸ್ನೇಹಿತೆ ಶರೀನಾ 3 ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದ್ದಾರೆ. ಆಗ ಹಸೀನ ಮತ್ತು ಶರೀನಾ ಹೊಂದಿರುವ ಗೋಲಿಗಳ ಅನುಪಾತ 2:3. ಈ ಅನುಪಾತಕ್ಕೆ ಇನ್ನೂ ಹೆಚ್ಚು ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಾ?



ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾತಿಗಳಿಗೆ ಯಾವುದಾದರೂ ಅನುಪಾತ ನೀಡಿ ಅವುಗಳಿಗೆ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ರಚಿಸಲು ತಿಳಿಸಿ.

ರವಿ ಮತ್ತು ರಾಣಿ 2:3 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ಹಣವನ್ನು ಹೊಡಿಕೆ ಮಾಡಿದರು. ಒಂದು ಪಷ್ಟದಲ್ಲಿ ಪಡೆದ ಒಟ್ಟು ಲಾಭ ₹ 4,00,000 ಆಗಿತ್ತು. “ನಾವು ಲಾಭವನ್ನು ಸಮನಾಗಿ ಹಂಚಿಕೊಳ್ಳೋಣ” ಎಂದು ರವಿ ಹೇಳುತ್ತಾನೆ. “ನನಗೆ ಹೆಚ್ಚಿನ ಹಣ ಬರಬೇಕು ಏಕೆಂದರೆ ನನ್ನ ಹೊಡಿಕೆ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ” ಎಂದು ರಾಣಿ ಹೇಳುತ್ತಾಳೆ.

ನಂತರ ಲಾಭವನ್ನು ಅವರ ಹೊಡಿಕೆಗೆ ಅನುಗುಣವಾಗಿ ಭಾಗ ಮಾಡಲು ನಿರ್ದರ್ಶಿಸಲಾಯಿತು.

2:3 ಅನುಪಾತದ ಎರಡು ಪದಗಳು 2 ಮತ್ತು 3 ಆಗಿದೆ. ಈ ಪದಗಳ ಮೊತ್ತ = 2+3=5

ಇದರ ಅರ್ಥವೇನು?

ಇದರ ಅರ್ಥ ಲಾಭ ₹ 5 ಆದರೆ ರವಿಯು ₹ 2 ಮತ್ತು ರಾಣಿ ₹ 3 ನ್ನು ಪಡೆಯಬೇಕು. ಅಥವಾ 5 ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ರವಿಗೆ 2 ಭಾಗಗಳು ಮತ್ತು ರಾಣಿಗೆ 3 ಭಾಗಗಳು ಸಿಗುತ್ತದೆ. ಅಂದರೆ ಒಟ್ಟು ಲಾಭದ  $\frac{2}{5}$  ರವಿಗೆ ಸಿಗಬೇಕು ಮತ್ತು ಒಟ್ಟು ಲಾಭದ  $\frac{3}{5}$  ರಷ್ಟು ರಾಣಿಗೆ ಸಿಗಬೇಕು.

ಒಟ್ಟು ಲಾಭ ₹ 500 ಆಗಿದ್ದರೆ,

$$\text{ರವಿಗೆ ಸಿಗುವುದು } \frac{\text{₹ } 2}{5} \times 500 = \text{₹ } 200$$

$$\text{ಮತ್ತು ರಾಣಿಗೆ ಸಿಗುವುದು } \frac{\text{₹ } 3}{5} \times 500 = \text{₹ } 300$$

ಈಗ ಲಾಭ 4,00,000 ಆಗಿದ್ದರೆ ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರ ಪಾಲನ್ನು ನೀವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಾ?

$$\text{ರವಿಯ ಪಾಲು } \frac{\text{₹ } 2}{5} \times 4,00,000 = \text{₹ } 1,60,000$$

$$\text{ಮತ್ತು ರಾಣಿಯ ಪಾಲು } \frac{\text{₹ } 3}{5} \times 4,00,000 = \text{₹ } 2,40,000$$

ಒಂದು ಅನುಪಾತಕ್ಕೆ ಅನುಗುಣವಾಗಿ ವಸ್ತುಗಳನ್ನು/ಹಣವನ್ನು ಭಾಗ ಮಾಡಬೇಕಾಗಿರುವ ಇನ್ನೂ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ನೀವು ಆಲೋಚಿಸುವಿರಾ? ಅಂತಹ ಮೂರು ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾತಿಗಳಿಗೆ ಅವುಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಲು ತಿಳಿಸಿ.

ಇಲ್ಲಿಯವರೆಗೂ ಬಿಡಿಸಿದ ಸಮಸ್ಯೆಗಳ ವಿಧಗಳ ಕಡೆ ಗಮನ ಹರಿಸೋಣ.

## ಇವುಗಳನ್ನು ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:



- ನಿಮ್ಮ ಬ್ಯಾಗಿನಲ್ಲಿರುವ ನೋಟ್ ಮತ್ತು ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ಮತ್ತು ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ನಿಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಡೇಸ್ಕ್ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ, ಚೈರ್ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ನಿಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 12 ವರ್ಷಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ವಯಸ್ಸಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ನಂತರ 12 ವರ್ಷಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ವಯಸ್ಸಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಮತ್ತು ಉಳಿದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ನಿಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಬಾಗಿಲುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ, ಕಿಟಕಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದು ಆಯತ ರಚಿಸಿ. ಇದರ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಅಗಲಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 1:** ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರದ ಮೃದಾನದ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲ ಕ್ರಮವಾಗಿ 50m ಮತ್ತು 15m ಇದೆ. ಮೃದಾನದ ಉದ್ದಕ್ಕೂ ಅಗಲಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಆಯತಾಕಾರದ ಮೃದಾನದ ಉದ್ದ = 50m

ಆಯತಾಕಾರದ ಮೃದಾನದ ಅಗಲ = 15m

ಉದ್ದಕ್ಕೂ, ಅಗಲಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ 50:15

$$\text{ತಾ: } \text{ಅನುಪಾತವನ್ನು } \frac{50}{15} = \frac{50 \div 5}{15 \div 5} = \frac{10}{3} = 10:3 \text{ ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು. ಹೀಗಾಗಿ}$$

ಬೇಕಾಗಿರುವ ಅನುಪಾತ } 10:3

**ಉದಾಹರಣೆ 2:** 90cm ಗೂ 1.5m ಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಎರಡೂ ಪರಿಮಾಣಗಳು ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನದಲ್ಲಿಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ನಾವು ಎರಡನ್ನೂ ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನಕ್ಕೆ ಪರಿವರ್ತಿಸೋಣ.

$$1.5m = 1.5 \times 100\text{cm} = 150\text{cm}$$

ಆದುದರಿಂದ ಬೇಕಾಗಿರುವ ಅನುಪಾತ } 90:150.

$$= \frac{90}{150} = \frac{90 \div 30}{150 \div 50} = \frac{3}{5}$$

ಬೇಕಾಗಿರುವ ಅನುಪಾತ } 3:5.

**ಉದಾಹರಣೆ 3:** ಒಂದು ಕಭೇರಿಯಲ್ಲಿ 45 ಜನ ಕೆಲಸ ಮಾಡುತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆ 25 ಮತ್ತು ಉಳಿದವರು ಗಂಡಸರಾಗಿದ್ದಾರೆ.

(a) ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಗಂಡಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ

(b) ಗಂಡಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆ = 25

ಒಟ್ಟು ಕೆಲಸ ಮಾಡವವರ ಸಂಖ್ಯೆ = 45

ಗಂಡಸರ ಸಂಖ್ಯೆ =  $45 - 25 = 20$

ಆದುದರಿಂದ ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಗಂಡಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ =  $25:20 = 5:4$

ಗಂಡಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹೆಂಗಸರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ =  $20:25 = 4:5$

( $5:4$  ಮತ್ತು  $4:5$  ಈ ಎರಡೂ ಅನುಪಾತಗಳಿಗೆ ವ್ಯತ್ಯಾಸವಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ)

**ಉದಾಹರಣೆ 4:**  $6:4$  ಕ್ಕೆ ಎರಡು ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

$$\text{ಪರಿಹಾರ: } 6:4 = \frac{6}{4} = \frac{6 \times 2}{4 \times 2} = \frac{12}{8}$$

$6:4$  ಕ್ಕೆ ಸಮಾನ ಅನುಪಾತ  $12:8$  ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಅದೇ ರೀತಿ } 6:4 = \frac{6}{4} = \frac{6 \div 2}{4 \div 2} = \frac{3}{2}$$

$6:4$  ಕ್ಕೆ ಮತ್ತೊಂದು ಸಮಾನುಪಾತ  $3:2$  ಆಗಿದೆ.

ಆದುದರಿಂದ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಭೇದವನ್ನು ಒಂದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಗುಣಿಸುವುದರಿಂದ ಅಥವಾ ಭಾಗಿಸುವುದರಿಂದ ನಾವು ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಬಹುದು.

$6:4$  ಕ್ಕೆ ಇನ್ನೊಂದು ಎರಡು ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 5:** ಬಿಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ತುಂಬಿ:

$$\frac{14}{21} = \frac{\square}{3} = \frac{6}{\square}$$

**ಪರಿಹಾರ:** ಮೊದಲನೇ ಬಿಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು  $21 = 3 \times 7$  ಎಂಬ ಅಂಶವನ್ನು ನಾವು ಪರಿಗಣಿಸಬೇಕು.  $21$  ನ್ನು  $7$  ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ನಷ್ಟಗೆ  $3$  ಸಿಗುತ್ತದೆ. ಎರಡನೇ ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಪಡೆಯಲು,  $14$ ನ್ನು ಸಹ  $7$  ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು ಎಂದು ಸಹ ಸೂಚಿಸುತ್ತದೆ. ಭಾಗಿಸಿದಾಗ,  $14 \div 7 = 2$  ಸಿಗುತ್ತದೆ.

ಆದುದರಿಂದ ಎರಡನೇ ಅನುಪಾತ  $\frac{2}{3}$  ಆಗಿರುತ್ತದೆ.

ಅದೇ ರೀತಿ ಮೂರನೇ ಅನುಪಾತ ಪಡೆಯಲು, ಎರಡನೇ ಅನುಪಾತದ ಎರಡೂ ಪದಗಳನ್ನೂ ನಾವು  $3$  ರಿಂದ ಗುಣಿಸುತ್ತೇವೆ. (ವಿಕೆ?)

ಆದುದರಿಂದ, ಮೂರನೇ ಅನುಪಾತ  $\frac{6}{9}$  ಆಗಿದೆ.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ, } \frac{14}{21} = \frac{[\square]}{3} = \frac{6}{9} [\text{ಇವೆಲ್ಲವೂ ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳು}]$$

**ಉದಾಹರಣೆ 6:** ಮೇರಿಯ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರಕ್ಕೂ, ಜಾನೋನ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $2:1$ :

(a) ಶಾಲೆಗೆ ಹತ್ತಿರ ಯಾರು ವಾಸವಾಗಿದ್ದಾರೆ?

(b) ಶಾಲೆಯಿಂದ ಮೇರಿ ಮತ್ತು ಜಾನೋ ವಾಸಿಸುವ ಸ್ಥಳಕ್ಕೆ ಸಾಧ್ಯವಿರಬಹುದಾದ ದೂರಗಳನ್ನು ಕೋಷ್ಟಕದಲ್ಲಿ ನೀಡಿದೆ. ಅದನ್ನು ಭರ್ತಿ ಮಾಡಿ.

ಮೇರಿಯ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರ (km ನಲ್ಲಿ)	10	<input type="text"/>	4	<input type="text"/>	<input type="text"/>
ಜಾನೋನ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರ (km ನಲ್ಲಿ)	5	4	<input type="text"/>	3	1

- (c) ಶಾಲೆಯಿಂದ ಮೇರಿಯ ಮನೆಗೂ, ಶಾಲೆಯಿಂದ ಕಲಾಂನ ಮನೆಗೂ ಇರುವ ದೂರದ ಅನುಪಾತ 1:2 ಆದರೆ ಶಾಲೆಗೆ ಹತ್ತಿರ ಯಾರು ವಾಸವಾಗಿದ್ದಾರೆ?

**ಪರಿಹಾರ:** (a) ಶಾಲೆಗೆ ಹತ್ತಿರ ಜಾನೋ ವಾಸವಾಗಿದ್ದಾನೆ. (ಎಕೆಂದರೆ ಅನುಪಾತ 2:1 ಇದೆ).

(b) ಮೇರಿಯ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರ (km ನಲ್ಲಿ)	10	<input type="text"/> 8	4	<input type="text"/> 6	<input type="text"/> 12
ಜಾನೋನ ಮನೆಯಿಂದ ಶಾಲೆಗೆ ಇರುವ ದೂರ (km ನಲ್ಲಿ)	5	4	<input type="text"/> 2	3	1

- (c) ಅನುಪಾತ 1:2 ಆಗಿರುವುದರಿಂದ ಮೇರಿ ಶಾಲೆಗೆ ಹತ್ತಿರ ವಾಸವಾಗಿರುತ್ತಾಳೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 7:** ₹ 60 ನ್ನು ಕೀರ್ತಿ ಮತ್ತು ಕೆರಣ್‌ಗೆ 1:2 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** ಎರಡು ಭಾಗಗಳು 1 ಮತ್ತು 2. ಆದುದರಿಂದ ಎರಡು ಭಾಗಗಳ ಮೊತ್ತ =  $1+2=3$

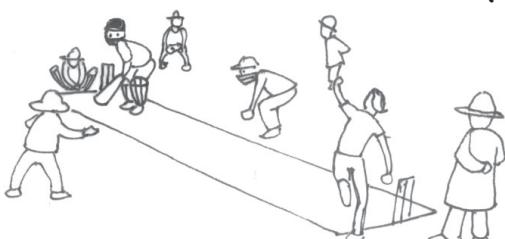
ಇದರ ಅಧ್ಯ  $\frac{1}{3}$  ಇದ್ದಲ್ಲಿ, ಕೀರ್ತಿ  $\frac{1}{3}$  ₹1 ಪಡೆಯುತ್ತಾಳೆ ಮತ್ತು ಕೆರಣ್  $\frac{2}{3}$  ₹2 ಪಡೆಯುತ್ತಾನೆ ಅಥವಾ ಪ್ರತಿ ಮೂರು ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಕೀರ್ತಿ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು ಮತ್ತು ಕೆರಣ್ ಎರಡು ಭಾಗವನ್ನು ಪಡೆಯುತ್ತಾರೆ.

$$\text{ಆದುದರಿಂದ ಕೀರ್ತಿಯ ಪಾಲು} = \frac{1}{3} \times 60 = \text{₹ } 20$$

$$\text{ಮತ್ತು ಕೆರಣ್‌ನ ಪಾಲು} = \frac{2}{3} \times 60 = \text{₹ } 40$$

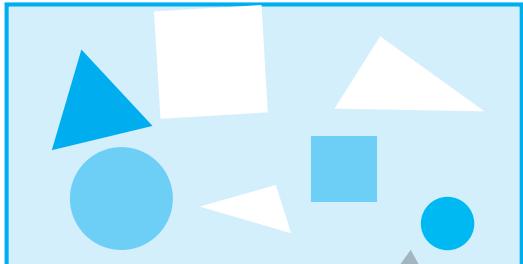
## ಅಭ್ಯಾಸ 12.1

- ಒಂದು ತರಗತಿಯಲ್ಲಿ 20 ಹುಡುಗಿಯರು ಮತ್ತು 15 ಹುಡುಗರಿದ್ದಾರೆ.
  - ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?
  - ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತವೇನು?
- ಒಂದು ತರಗತಿಯ 30 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಲ್ಲಿ, 6 ಜನ ಪುಟ್ಟಬಾಲ್, 12 ಜನ ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಉಳಿದವರು ಓನ್‌ಸ್‌ ಇಷ್ಟಪಡುತ್ತಾರೆ.
  - ಪುಟ್ಟಬಾಲ್ ಇಷ್ಟಪಡುವವರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಓನ್‌ಸ್‌ ಇಷ್ಟಪಡುವವರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ
  - ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಇಷ್ಟಪಡುವವರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ



3. ಚಿತ್ರ ಗಮನಿಸಿ.

- (a) ಆಯತದೊಳಗಿರುವ ಶ್ರೀಭೂಜಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ವೃತ್ತಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ
- (b) ಆಯತದೊಳಗಿರುವ ಚೌಕಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಎಲ್ಲಾ ಚಿತ್ರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ
- (c) ಆಯತದೊಳಗಿರುವ ವೃತ್ತಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಎಲ್ಲಾ ಚಿತ್ರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



4. ಒಂದು ಗಂಟೆಯಲ್ಲಿ ಹಮೀದ್ ಮತ್ತು ಅಕ್ತರ್ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 9km ಮತ್ತು 12m ಆಗಿದೆ. ಹಮೀದ್‌ನ ವೇಗಕ್ಕೂ ಅಕ್ತರ್‌ನ ವೇಗಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

5. ಬಿಟ್ಟೆ ಸ್ಥಳ ತುಂಬಿ.

$$\frac{15}{18} = \frac{\square}{6} = \frac{10}{\square} = \frac{\square}{30} \quad [\text{ಇವು ಸಮಾನ ಅನುಪಾತಗಳಾಗಿ?}]$$

6. ಮುಂದಿನವುಗಳಿಗೆ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(a) 81 ಮತ್ತು 108 ಕ್ಕೆ

(b) 98 ಮತ್ತು 63 ಕ್ಕೆ

(c) 33km ಮತ್ತು 121km ಗೆ

(d) 30 ನಿಮಿಷ ಮತ್ತು 45 ನಿಮಿಷಗಳಿಗೆ

7. ಮುಂದಿನವುಗಳಿಗೆ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(a) 30 ನಿಮಿಷಗಳು ಮತ್ತು 1.5 ಗಂಟೆಗಳಿಗೆ

(b) 40m ಮತ್ತು 1.5m ಗೆ

(c) 55 ಪ್ಯಾಸೆ ಮತ್ತು ₹ 1 ಕ್ಕೆ

(d) 500 ml ಮತ್ತು 2 ಲೀಟರ್‌ಗಳಿಗೆ

8. ಒಂದು ವರ್ಷದಲ್ಲಿ ಸೀಮಾ ₹ 1,50,000 ಸಂಪಾದಿಸಿ, ₹ 50,000 ಉಳಿತಾಯ ಮಾಡುತ್ತಾಳೆ. ಅವಳು

(a) ಸಂಪಾದಿಸಿದ ಹಣಕ್ಕೂ ಉಳಿತಾಯ ಮಾಡಿದ ಹಣಕ್ಕೂ

(b) ಉಳಿತಾಯ ಮಾಡಿದ ಹಣಕ್ಕೂ ವಿಚು ಮಾಡಿದ ಹಣಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

9. 3300 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿರುವ ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿ 102 ಶಿಕ್ಷಕರಿದ್ದಾರೆ. ಶಿಕ್ಷಕರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

10. ಒಂದು ಕಾಲೇಜಿನ 4320 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಲ್ಲಿ 2300 ಹುಡುಗಿಯರಿದ್ದಾರೆ.

(a) ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ

(b) ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಹುಡುಗಿಯರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ

(c) ಹುಡುಗರ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

11. ಒಂದು ಶಾಲೆಯ 1800 ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಲ್ಲಿ, 750 ಮಂದಿ ಬಾಸ್ಕೆಟ್‌ಬಾಲ್, 800 ಮಂದಿ ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಮತ್ತು ಉಳಿದವರು ಟೆಂಬಲ್ ಟೆನ್ಸಿನ್ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳುತ್ತಾರೆ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ ಒಂದು ಆಟವನ್ನು ಮಾತ್ರ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡರೆ

- (a) ಬಾಸ್ಕೆಟ್‌ಬಾಲ್ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಕೇಬಲ್ ಹೀನ್ಸ್‌ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ
- (b) ಕ್ರಿಕೆಟ್ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಬಾಸ್ಕೆಟ್‌ಬಾಲ್ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ
- (c) ಬಾಸ್ಕೆಟ್‌ಬಾಲ್ ಆಯ್ದು ಮಾಡಿಕೊಂಡ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಒಟ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
12. ಒಂದು ಡಜನ್ ಪೇನೋಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 180 ಮತ್ತು 8 ಬಾಲೋಪೇನೋಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 56. ಒಂದು ಪೇನ್ ಬೆಲೆಗೂ ಒಂದು ಬಾಲೋಪೇನ್ ಬೆಲೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
13. ಈ ಹೇಳಿಕೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ: ಒಂದು ಸಭಾಂಗಣದ ಅಗಲ ಮತ್ತು ಉದ್ದದ ಅನುಪಾತ 2:5 ಆಗಿದೆ. ಸಭಾಂಗಣದ ಅಗಲ ಮತ್ತು ಉದ್ದಗಳ ಸಾಧ್ಯತೆಗಳನ್ನು ತೋರಿಸುವ ಮುಂದಿನ ಕೋಷ್ಟಕವನ್ನು ಮೂಲಕಗೊಳಿಸಿ.

ಸಭಾಂಗಣದ ಅಗಲ (m ನಲ್ಲಿ)	10	<input type="text"/>	40
ಸಭಾಂಗಣದ ಉದ್ದ (m ನಲ್ಲಿ)	25	50	<input type="text"/>

14. ಶೀಲ ಮತ್ತು ಸಂಗೀತ ನಡುವೆ 20 ಪೇನೋಗಳನ್ನು 3:2 ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ.
15. ತಾಯಿಯು ತನ್ನ ಮುಕ್ಕೆಛಾದ ಶೈಯ ಮತ್ತು ಭೂಮಿಕಾಗೆ ₹ 36 ನ್ನು ಅವರ ವಯಸ್ಸಿನ ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸಲು ಬಯಸುತ್ತಾಳೆ. ಶೈಯಾಳ ವಯಸ್ಸು 15 ವರ್ಷ ಮತ್ತು ಭೂಮಿಕಾ ಎಪ್ಪು ಹಣ ಪಡೆಯುತ್ತಾರೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
16. ತಂದೆಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸು 42 ವರ್ಷ ಮತ್ತು ಮಗನ ವಯಸ್ಸು 14 ವರ್ಷ ಆಗಿದೆ.



- (a) ತಂದೆಯ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸಿಗೂ ಮಗನ ಈಗಿನ ವಯಸ್ಸಿಗೂ
- (b) ಮಗನ ವಯಸ್ಸು 12 ವರ್ಷವಾಗಿದ್ದಾಗ, ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸಿಗೂ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗೂ
- (c) 10 ವರ್ಷದ ನಂತರ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸಿಗೂ 10 ವರ್ಷದ ನಂತರ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗೂ
- (d) ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು 30 ವರ್ಷವಾಗಿದ್ದಾಗ ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸಿಗೂ ಮಗನ ವಯಸ್ಸಿಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

### 12.3 ಸಮಾನುಪಾತ

ಮುಂದಿನ ಸನ್ನಿಹಿತವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

ಟೊಮ್‌ಟೋಮ್ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ರಾಜು ಮಾರುಕಟ್ಟಿಗೆ ಹೋಗುತ್ತಾನೆ. ಒಬ್ಬ ಅಂಗಡಿಯವನು 5kg ಟೊಮ್‌ಟೋಮ್‌ಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 40 ಎಂದು ಹೇಳುತ್ತಾನೆ. ಮತ್ತೊಬ್ಬ ಅಂಗಡಿಯವನು 6kg ಗೆ ₹ 42 ಎಂದು ಹೇಳುತ್ತಾನೆ. ಈಗ ರಾಜು ಏನು ಮಾಡಬೇಕು? ಅವನು ಮೊದಲನೇ ಅಂಗಡಿಯವನ ಬಳಿ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬೇಕಾ ಅಥವಾ ಎರಡನೇ ಅಂಗಡಿಯನ ಬಳಿ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬೇಕಾ? ವ್ಯತ್ಯಾಸ ತೆಗೆದುಕೊಂಡು

ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡುವ ವಿಧಾನ ಅವನ ಶೀಮಾನಕ್ಕೆ ಸಹಾಯವಾಗಬಲ್ಲದೇ? ಇಲ್ಲ. ಏಕೆ ಆಗುವುದಿಲ್ಲ?

ಅವನಿಗೆ ಸಹಾಯ ಮಾಡಲು ಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದು ದಾರಿಯನ್ನು ಆಲೋಚಿಸಿ. ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾತಿಗಳೊಂದಿಗೆ ಚರ್ಚಿಸಿ.

ಮತ್ತೊಂದು ಉದಾಹರಣೆ ಪರಿಗಣಿಸಿ.

ಭವಾನಿಯ ಹತ್ತಿರ 28 ಗೋಲಿಗಳಿವೆ ಮತ್ತು ವಾಣಿಯ ಹತ್ತಿರ 180 ಹೂಗಳಿವೆ. ಇವುಗಳನ್ನು ಅವರು ತಮ್ಮಲ್ಲಿಯೇ ಹಂಚಿಕೊಳ್ಳಲು ಬಯಸುತ್ತಾರೆ. ಭವಾನಿ 14 ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ವಾಣಿಗೆ ಕೊಡುತ್ತಾಳೆ. ವಾಣಿ 90 ಹೂಗಳನ್ನು ಭವಾನಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುತ್ತಾಳೆ. ಆದರೆ ವಾಣಿ ಇದರಿಂದ ತೃಪ್ತಳಾಗುವುದಿಲ್ಲ. ಭವಾನಿ ತನಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಗೋಲಿಗಳಿಗಿಂತ ತಾನು ಹೆಚ್ಚಿನ ಹೂಗಳನ್ನು ಭವಾನಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುತ್ತೇನೆ ಎಂದು ಅವಳಿಗೆ ಅನಿಸುತ್ತದೆ.



ನೀವೇನು ಆಲೋಚಿಸುವರಿ? ವಾಣಿಯ ಅನಿಸಿಕೆ ಸರಿಯಿದೆಯೇ?

ಈ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಬಗೆಹರಿಸಿಕೊಳ್ಳಲು ಅವರಿಬ್ಬರೂ ವಾಣಿಯ ತಾಯಿ ಮೊಜಾ ಬಳಿಗೆ ಹೋಗುತ್ತಾರೆ. 28 ಗೋಲಿಗಳಲ್ಲಿ ಭವಾನಿ 14 ಗೋಲಿಗಳನ್ನು ವಾಣಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದ್ದಾಳೆ.

ಆದುದರಿಂದ, ಅನುಪಾತ  $14:28 = 1:2$  ಆಗಿದೆ.

180 ಹೂ ಗಳಲ್ಲಿ, ವಾಣಿ 90 ಹೂಗಳನ್ನು ಭವಾನಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದ್ದಾಳೆ.

ಆದುದರಿಂದ ಅನುಪಾತ  $90:180 = 1:2$  ಆಗಿದೆ.

ಎರಡೂ ಅನುಪಾತಗಳು ಒಂದೇ ಆಗಿರುವುದರಿಂದ ವಿಶರಣೆಯಾಗಿರುವ ರೀತಿಯು ಸರಿಯಾಗಿದೆ ಎಂದು ಮೊಜಾ ವಿವರಿಸುತ್ತಾರೆ.

ರೇಷ್ಟ್ ಮತ್ತು ಪಂಕಜ ಇಬ್ಬರು ಗೆಳತಿಯರು ತಲೆಗೆ ಹಾಕುವ ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳನ್ನೂ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಮಾರುಕಟ್ಟಿಗೆ ಹೋಗಿದ್ದರು. ಅವರು ₹ 30 ಕ್ಕೆ 20 ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಂಡರು. ರೇಷ್ಟ್ ₹ 12 ಮತ್ತು ಪಂಕಜ ₹ 18 ಕೊಡುತ್ತಾಳೆ. ಅವರು ಮನೆಗೆ ಒಂದ ನಂತರ, “ಪಂಕಜ ನನಗೆ 10 ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಡು” ಎಂದು ರೇಷ್ಟ್ ಹೇಳುತ್ತಾಳೆ. ಆದರೆ ಪಂಕಜ “ನಾನು ಹೆಚ್ಚು ಹಣವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದ್ದೇನೆ, ಆದುದರಿಂದ ನನಗೆ ಹೆಚ್ಚು ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳು ಸಿಗಬೇಕು.” ನಿನಗೆ 8 ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳು ಮತ್ತು ನನಗೆ 12 ಸಿಗಬೇಕು” ಎನ್ನುತ್ತಾಳೆ.

ರೇಷ್ಟ್ ಅಥವಾ ಪಂಕಜ ಇವರಿಬ್ಬರಲ್ಲಿ ಯಾರು ಸರಿ ಎಂದು ನೀವು ಹೇಳುವಿರಾ? ಏಕೆ?

ರೇಷ್ಟ್ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಹಣಕ್ಕೂ ಪಂಕಜ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಹಣಕ್ಕೂ ಇರುವ  
ಅನುಪಾತ = ₹ 12 : ₹ 18 = 2:3

ರೇಷ್ಟ್ ಸಲಹೆಯ ಪ್ರಕಾರ, ರೇಷ್ಟ್ ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಪಂಕಜಾಳ ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ  
ಅನುಪಾತ =  $10:10 = 1:1$

ಪಂಕಜಾಳ ಸಲಹೆಯ ಪ್ರಕಾರ, ರೇಷ್ಟ್ ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಪಂಕಜಾಳ ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ  
ಅನುಪಾತ =  $8 : 12 = 2:3$

ರೇಷ್ಟ್ ವಿಶರಣೆಯ ಪ್ರಕಾರ, ಕ್ಲಿಪ್‌ಗಳ ಅನುಪಾತ ಮತ್ತು ಅವರು ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅನುಪಾತ ಒಂದೇ ಆಗಿಲ್ಲ. ಆದರೆ ಪಂಕಜಾಳ ವಿಶರಣೆಯ ಪ್ರಕಾರ ಎರಡೂ ಅನುಪಾತವು ಒಂದೇ ಆಗಿದೆ.

ಆದುದರಿಂದ ಪಂಕಜಾಳ ವಿಶರಣೆಯು ಸರಿ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳಬಹುದು.

### ಅನುಪಾತೀಯ ಹಂಚಿಕೆ:

ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಪರಿಗಳಿಸಿ.

- ರಾಜು ₹ 15 ಕ್ಕೆ 3 ಪೇನ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ ಮತ್ತು ರಾಬಟ್ ₹ 50 ಕ್ಕೆ 10 ಪೇನ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ. ಯಾರ ಪೇನ್‌ಗಳು ಹೆಚ್ಚು ದುಬಾರಿಯಾಗಿವೆ?

ರಾಜು ಕೊಂಡುಕೊಂಡ ಪೇನ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ರಾಬಟ್ ಕೊಂಡುಕೊಂಡ ಪೇನ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ = 3:10.

ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳಿಗೆ ಅನುಪಾತ =  $15 : 50 = 3 : 10$

$3:10$  ಮತ್ತು  $15:50$  ಎರಡೂ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮು. ಆದುದರಿಂದ ಇಬ್ಬರೂ ಒಂದೇ ಬೆಲೆಗೆ ಪೇನ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದಾರೆ.

- ರಶ್ತೀ ₹ 180 ಕ್ಕೆ 2 kg ಸೇಬಿನ ಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಮಾರುತ್ತಾಳೆ ಮತ್ತು ರೋಷನ್ ₹ 360 ಕ್ಕೆ 4 kg ಸೇಬಿನ ಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಮಾರುತ್ತಾನೆ. ಯಾರ ಹಣ್ಣಗಳು ಹೆಚ್ಚು ದುಬಾರಿಯಾಗಿವೆ?

ಸೇಬಿನ ಹಣ್ಣಗಳ ಶೂಕದ ಅನುಪಾತ =  $2\text{kg} : 4\text{kg} = 1:2$

ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳ ಅನುಪಾತ =  $\text{₹}180 : \text{₹}360 = 6 : 12 = 1:2$

ಆದುದರಿಂದ ಸೇಬಿನ ಹಣ್ಣಗಳ ಶೂಕದ ಅನುಪಾತ = ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳ ಅನುಪಾತ.

ಎರಡೂ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮುದಿಯುವುದರಿಂದ ಅವು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳಬಹುದು. ಅವರು ಸೇಬಿನ ಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಒಂದೇ ಬೆಲೆಗೆ ಮಾರುತ್ತಿದ್ದಾರೆ.

ಎರಡು ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮುದಿಯುವು, ಅವು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ. ಎರಡು ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮುದಿಯುವು ನಾವು ‘::’ ಅಥವಾ ‘=’ ಸಂಕೇತ ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.

ಮೊದಲನೇ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ 3, 10, 15 ಮತ್ತು 50 ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ. ಇದನ್ನು  $3:10 :: 15:50$  ಅಥವಾ  $3:10 = 15:50$  ಎಂದು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ ಮತ್ತು 3 ಅನುಪಾತ 10 ಸಮುದಿ 15 ಅನುಪಾತ 50 ಎಂದು ಓದುತ್ತೇವೆ.

ಎರಡನೇ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ 2, 4, 180 ಮತ್ತು 360 ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ. ಇದನ್ನು  $2:4 :: 180:360$  ಎಂದು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ ಮತ್ತು 2 ಅನುಪಾತ 4 ಸಮುದಿ 180 ಅನುಪಾತ 360 ಎಂದು ಓದುತ್ತೇವೆ.

ಮತ್ತೊಂದು ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ನಾವು ಪರಿಗಳಿಸೋಣ.

ಒಬ್ಬ ವ್ಯಕ್ತಿಯು 2 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ 35km ಪ್ರಯಾಣ ಮಾಡುತ್ತಾನೆ. ಅದೇ ವೇಗದಲ್ಲಿ ಅವನು 70km ನ್ನು 4 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಬಲ್ಲಾನಾ?

ಈಗ, ವ್ಯಕ್ತಿಯು ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ಎರಡು ದೂರಗಳ ನಡುವಿನ ಅನುಪಾತ =  $35:70 = 1:2$ . ಈ ದೂರಗಳನ್ನು ಕ್ರಮಿಸಲು ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಸಮಯದ ನಡುವಿನ ಅನುಪಾತ =  $2:4 = 1:2$



ಹೀಗಾಗಿ ಈ ವರದು ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮು. ಅಂದರೆ  $35:70 = 2:4$  ಆದುದರಿಂದ ನಾಲ್ಕು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾದ 35, 70, 2 ಮತ್ತು 4 ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ.

ಹೀಗಾಗಿ  $35:70::2:4$  ಎಂದು ನಾವು ಬರೆಯಬಹುದು ಮತ್ತು ಇದನ್ನು 35 ಅನುಪಾತ 70 ಸಮು 2 ಅನುಪಾತ 4 ಎಂದು ಓದುತ್ತೇವೆ. ಆದುದರಿಂದ ಆ ವೇಗದಲ್ಲಿ ಅವನು 70km ನ್ನು 4 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಬಹುದು.

ಈಗ ಈ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸಿ. 2kg ಸೇಬಿನ ಬೆಲೆ ₹ 180 ಮತ್ತು 5 kg ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ಬೆಲೆ ₹ 45. ಈಗ ಸೇಬಿನ ತೂಕಕ್ಕೂ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ತೂಕಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $2:5$  ಮತ್ತು ಸೇಬಿನ ಬೆಲೆಗೂ ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ಬೆಲೆಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $180:45 = 4:1$ .

ಇಲ್ಲಿ  $2:5$  ಮತ್ತು  $180:45$  ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನಿಲ್ಲ. ಅಂದರೆ  $2:5 \neq 180:45$

ಆದುದರಿಂದ  $2, 5, 180$  ಮತ್ತು  $45$  ಈ ನಾಲ್ಕು ಪರಿಮಾಣಗಳು ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿಲ್ಲ.

ವರದು ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನಿಲ್ಲದಿದ್ದಾಗಿ, ಅವು ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿರುವುದಿಲ್ಲ ಎಂದು ನಾವು ಹೇಳುತ್ತೇವೆ. ಸಮಾನುಪಾತದ ಹೇಳಿಕೆಯಲ್ಲಿ ಕ್ರಮವಾಗಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡಿರುವ ನಾಲ್ಕು ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಕ್ರಮಾನುಗತ ಪದಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಮೊದಲನೇ ಮತ್ತು ನಾಲ್ಕನೇ ಪದಗಳನ್ನು ಅಂತ್ಯಪದಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಎರಡನೇ ಮತ್ತು ಮೂರನೇ ಪದಗಳನ್ನು ಮುಧ್ಯಪದಗಳು ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $35:70::2:4$  ರಲ್ಲಿ

$35, 70, 2, 4$  ಇವು ನಾಲ್ಕು ಪದಗಳಾಗಿವೆ.  $35$  ಮತ್ತು  $4$  ಅಂತ್ಯಪದಗಳು.  $70$  ಮತ್ತು  $2$  ಮುಧ್ಯಪದಗಳಾಗಿವೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 8:**  $25g : 30g$  ಮತ್ತು  $40kg : 48kg$  ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೇ?

$$\text{ಪರಿಹಾರ: } 25g : 30g = \frac{25}{30} = 5:6$$

$$40kg : 48kg = \frac{40}{48} = 5:6$$

ಆದುದರಿಂದ  $25:30 = 40:48$

$25g : 30g$  ಮತ್ತು  $40kg : 48kg$  ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ. ಅಂದರೆ  $25:30::40:48$ .

ಇದರಲ್ಲಿ ಮುಧ್ಯಪದಗಳು  $30, 40$  ಮತ್ತು ಅಂತ್ಯಪದಗಳು  $25, 48$  ಆಗಿವೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 9:**  $30, 40, 45$  ಮತ್ತು  $60$  ಸಮನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೇ?

$$\text{ಪರಿಹಾರ: } 30 \text{ ಮತ್ತು } 40 \text{ ರ ಅನುಪಾತ} = \frac{30}{40} = 3:4$$

$$45 \text{ ಮತ್ತು } 60 \text{ ರ ಅನುಪಾತ} = \frac{45}{60} = 3:4$$

$30:40 = 45:60$  ಆಗಿರುವುದರಿಂದ  $30, 40, 45, 60$  ಸಮಾನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆ.

### ಮಾಡಿ ನೋಡಿ:



ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾಗಿವೆಯೇ ಅಂದರೆ ಸವಾನುಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೇ? ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ. ಇದ್ದರೆ ಅಪುಗಳನ್ನು ಸರಿಯಾದ ವಿಧಾನದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ.

- 1)  $1:5$  ಮತ್ತು  $3:15$
- 2)  $2:9$  ಮತ್ತು  $18:81$
- 3)  $15:45$  ಮತ್ತು  $5:25$
- 4)  $4:12$  ಮತ್ತು  $9:27$
- 5)  $\$10$  ಕ್ಕೆ  $\$15$  ಮತ್ತು  $4$  ಕ್ಕೆ  $6$ .

**ಉದाहರಣೆ 10:** 15cm ಮತ್ತು 2m ಹಾಗೂ 10 ಸೆಕೆಂಡ್ ಮತ್ತು 3 ನಿಮಿಷಗಳಿಗೆ ಇರುವ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನಪಾತವನ್ನಂತಹ ಮಾಡುತ್ತದೆಯೇ?

**ಪರಿಹಾರ:** 15cm ಮತ್ತು 2m ಗೆ ಇರುವ ಅನುಪಾತ =  $15:2 \times 100$  ( $1\text{m} = 100\text{cm}$ )

$$= 3 : 40$$

10 ಸೆಕೆಂಡ್ ಗೂ 3 ನಿಮಿಷಗಳಿಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ =  $10:3 \times 60$  (1 ನಿಮಿಷ = 60 ಸೆಕೆಂಡ್‌ಗಳು)

$$= 1 : 18$$

$3:40 \neq 1:18$  ಆಗಿರುವುದರಿಂದ ಕೊಟ್ಟರುವ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನಪಾತವನ್ನಂತಹ ಮಾಡುವುದಿಲ್ಲ.



### ಅಭ್ಯಾಸ 12.2

- ಮುಂದಿನವುಗಳು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೇ? ನಿರ್ಧರಿಸಿ.  
 (a) 15, 45, 40, 120      (b) 33, 121, 9, 96  
 (c) 24, 28, 36, 48      (d) 32, 48, 70, 210  
 (e) 4, 6, 8, 12      (f) 33, 44, 75, 100
- ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಹೇಳಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸರಿ ಅಥವಾ ತಪ್ಪಾಗಂದು ತಿಳಿಸಿ  
 (a) 16:24::20:30      (b) 21:6::35:10  
 (c) 12:18::28:12      (d) 8:9::24:27  
 (e) 5.2:3.9::3:4      (f) 0.9:0.36::10:4
- ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಹೇಳಿಕೆಗಳು ಸರಿಯೇ?  
 (a) 40 ಜನ : 200 ಜನ = ₹15 : ₹75  
 (b) 7.5 ಲೀಟರ್ : 15 ಲೀಟರ್ = 5kg : 10kg  
 (c) 99kg : 45kg = ₹44 : ₹20  
 (d) 32m : 64m = 6 ಸೆಕೆಂಡ್ : 12 ಸೆಕೆಂಡ್  
 (e) 45km : 60km = 12 ಗಂಟೆ : 15 ಗಂಟೆ
- ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೇ ನಿರ್ಧರಿಸಿ. ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿದ್ದಲ್ಲಿ ಅವುಗಳ ಮಧ್ಯಪದಗಳು ಮತ್ತು ಅಂತ್ಯಪದಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.  
 (a) 25cm : 1m ಮತ್ತು ₹40 : ₹160  
 (b) 39 ಲೀಟರ್ : 65 ಲೀಟರ್ ಮತ್ತು 6 ಬಾಟಲ್‌ಗಳು : 10 ಬಾಟಲ್‌ಗಳು  
 (c) 2kg : 80kg ಮತ್ತು 25g : 625g  
 (d) 200ml : 2.5l ಮತ್ತು ₹4 : ₹50.

## 12.4 ಏಕಾಂಶ ಪದ್ಧತಿ

ಮುಂದೆ ನೀಡಿರುವ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

- ಇಬ್ಬರು ಸ್ನೇಹಿತೆಯರಾದ ರೇಷ್ಟ್ ಮತ್ತು ಸೀಮು ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಲು ಮಾರುಕಟ್ಟಿಗೆ ಹೋದರು. ₹ 24 ಕ್ಕೆ ರೇಷ್ಟ್ 2 ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾರೆ. ಒಂದು ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕದ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು?
- 80 km ಕ್ರಮಿಸಲು ಒಂದು ಸ್ಕೂಟರಿಗೆ 2 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ. 1 km ಕ್ರಮಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ?

ನಮ್ಮ ನಿತ್ಯజೀವನದಲ್ಲಿ ಎದುರಿಸುವ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಿಗೆ ಇವು ಉದಾಹರಣೆಗಳಾಗಿವೆ. ಇವುಗಳಿಗೆ ನೀವು ಹೇಗೆ ಪರಿಹಾರ ಕಂಡುಕೊಳ್ಳುವರಿ?

ಒಂದನೇ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಮತ್ತೆ ಪರಿಗಣಿಸಿ: 2 ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 24

ಆದುದರಿಂದ 1 ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕದ ಬೆಲೆ =  $\text{₹} 24 \div 2 = \text{₹} 12$

ಈಗ, ಈ ರೀತಿಯಾದ 5 ನೋಟ್ ಮುಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ನಿಮಗೆ ಕೇಳಿದರೆ, ಅದು  $\text{₹} 12 \times 5 = \text{₹} 60$  ಆಗುತ್ತದೆ.

ಎರಡನೇ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ಮತ್ತೆ ಪರಿಗಣಿಸಿ: 1 km ಪ್ರಯಾಣಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ನಾವು ತಿಳಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ.

80 km ಗೆ ಬೇಕಾಗಿರುವ ಪೆಟ್ರೋಲ್ = 2 ಲೀಟರ್ ಆದುದರಿಂದ 1 km ಪ್ರಯಾಣಿಸಲು ಬೇಕಾಗಿರುವ ಪೆಟ್ರೋಲ್ =  $\frac{2}{80} = \frac{1}{40}$  ಲೀಟರ್.

120 km ಕ್ರಮಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಎಂದು ನಿಮಗೆ ಕೇಳಿದರೆ,

ಆಗ ಬೇಕಾಗಿರುವ ಪೆಟ್ರೋಲ್ =  $\frac{1}{40} \times 120$  ಲೀಟರ್ = 3 ಲೀಟರ್

ಒಂದೇ ರೀತಿಯ ವಸ್ತುಗಳ ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ನಂತರ ಬೇಕಾಗಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಡಿಯುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ಏಕಾಂಶ ವಿಧಾನ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

### ಇವುಗಳನ್ನು ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

- ಇದೇ ರೀತಿಯ 5 ಸಮಸ್ಯೆಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅವುಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಲು ನಿಮ್ಮ ಸಹಪಾಠಿಗಳಿಗೆ ತಿಳಿಸಿ.
- ಕೊಷ್ಟಕರವನ್ನು ಓದಿ ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳ ತುಂಬಿ.

ಕಾಲ/ಸಮಯ	ಕರಣ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ	ಕೇತ್ತಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ
2 ಗಂಟೆಗಳು	8 km	6
1 ಗಂಟೆ	4 km	
4 ಗಂಟೆಗಳು		

ನಾವು ಗಮನಿಸುವುದೇನೆಂದರೆ,

2 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಕರಣ್ಣ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ = 8km

1 ಗಂಟೆಯಲ್ಲಿ ಕರಣ್ಣ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ =  $\frac{8}{2}$  km = 4km.

ಆದುದರಿಂದ 4 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಕರಣ್ಣ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ =  $4 \times 4 = 16$  km.

ಅದೇ ರೀತಿಯಾಗಿ 4 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಕೆತ್ತಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು, ಮೊದಲು 1 ಗಂಟೆಯಲ್ಲಿ ಅವಳು ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಉದಾಹರಣೆ 11:** 6 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 210 ಆದರೆ, 4 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** 6 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಗಳ ಬೆಲೆ = ₹ 210

ಆದುದರಿಂದ 1 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಯ ಬೆಲೆ =  $\frac{210}{6} = ₹ 35$

ಹೀಗಾಗಿ 4 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಗಳ ಬೆಲೆ = ₹ 35  $\times 4 = ₹ 140$

ಆದುದರಿಂದ 4 ಜ್ಯೋತಿ ಡಬ್ಬಿಗಳ ಬೆಲೆ = ₹ 140.

**ಉದಾಹರಣೆ 12:** ಒಂದು ಮೋಟಾರ್ ಬೈಕ್ ಕೆತ್ತಿ 5 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿಕೊಂಡು 220km ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತದೆ. 1.5 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿ ಅದು ಎಷ್ಟು ದೂರ ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತದೆ?

**ಪರಿಹಾರ:** 5 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿ ಮೋಟಾರ್ ಬೈಕ್ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ 220km. ಆದುದರಿಂದ 1 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿ ಮೋಟಾರ್ ಬೈಕ್ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ =  $\frac{220}{5}$  km.



ಆದುದರಿಂದ 1.5 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿ ಮೋಟಾರ್ ಬೈಕ್ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ =  $\frac{220}{5} \times 1.5$  km  
=  $\frac{220}{5} \times \frac{15}{10}$  km = 66km.

ಹೀಗಾಗಿ ಮೋಟಾರ್ ಬೈಕ್ 1.5 ಲೀಟರ್ ಪೆಟ್ರೋಲ್ ಬಳಸಿ 66km ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತದೆ.

**ಉದಾಹರಣೆ 13:** ಒಂದು ಡಫನ್ ಸೋಪಿನ ಬೆಲೆ ₹ 153.60 ಆದರೆ ಅಂತಹ 15 ಸೋಪುಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು?

**ಪರಿಹಾರ:** 1 ಡಫನ್ = 12 ಎಂದು ನಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

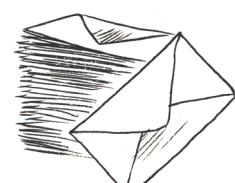
12 ಸೋಪುಗಳ ಬೆಲೆ = ₹ 153.60

ಆದುದರಿಂದ 1 ಸೋಪಿನ ಬೆಲೆ =  $\frac{153.60}{12} = ₹ 12.80$

ಆದುದರಿಂದ 15 ಸೋಪುಗಳ ಬೆಲೆ =  $12.80 \times 15 = ₹ 192$

ಹೀಗಾಗಿ 15 ಸೋಪುಗಳ ಬೆಲೆ = ₹ 192.

**ಉದಾಹರಣೆ 14:** 105 ಅಂಚೆ ಕವರುಗಳ ಬೆಲೆ ₹ 350. ₹ 100 ಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಅಂಚೆ ಕವರುಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು?



**ಪರಿಹಾರ:** ₹ 350 ಕ್ಕೆ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದಾದ ಅಂಚೆ ಕವರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ = 105

ಆದುದರಿಂದ ₹ 1ಕ್ಕೆ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದಾದ ಅಂಚೆ ಕವರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $\frac{105}{350}$

ಆದುದರಿಂದ ₹ 100ಕ್ಕೆ ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದಾದ ಅಂಚೆ ಕವರ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ =  $\frac{105}{350} \times 100 = 30$

ಹೀಗಾಗೆ ₹ 100 ಕ್ಕೆ 30 ಅಂಚೆ ಕವರ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು.

**ಉದಾಹರಣೆ 15:** ಒಂದು ಕಾರು  $2\frac{1}{2}$  ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ 90km ಪ್ರಯಾಣಿಸುತ್ತದೆ.

(a) ಅದೇ ವೇಗದಲ್ಲಿ 30km ಪ್ರಯಾಣಿಸಲು ಬೇಕಾಗುವ ಸಮಯ ಎಷ್ಟು?

(b) ಅದೇ ವೇಗದಲ್ಲಿ 2 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

**ಪರಿಹಾರ:** (a) ಈ ಪ್ರಕರಣದಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಬೇಕಾದ ದೂರ ಗೊತ್ತಿದೆ. ಆದರೆ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವ ಸಮಯ ಗೊತ್ತಿಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಮುಂದೆ ತಿಳಿಸಿರುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಅನುಸರಿಸುತ್ತೇವೆ.

$$2\frac{1}{2} \text{ ಗಂಟೆಗಳು} = \frac{5}{2} \text{ ಗಂಟೆಗಳು} = \frac{5}{2} \times 60 \text{ ನಿಮಿಷಗಳು} \\ = 150 \text{ ನಿಮಿಷಗಳು}$$

90km ಪ್ರಯಾಣಿಸಲು 150 ನಿಮಿಷಗಳು ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ 1km ಪ್ರಯಾಣಿಸಲು  $\frac{150}{90}$  ನಿಮಿಷಗಳು ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ.

ಆದುದರಿಂದ 30km ನ್ನು  $\frac{150}{90} \times 30$  ಅಂದರೆ 50 ನಿಮಿಷಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಬಹುದು.

(b) ಎರಡನೇ ಪ್ರಕರಣದಲ್ಲಿ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವ ಸಮಯ ಗೊತ್ತಿದೆ. ಆದರೆ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ ಗೊತ್ತಿಲ್ಲ. ಆದುದರಿಂದ ಮುಂದೆ ತಿಳಿದಿರುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಅನುಸರಿಸುತ್ತೇವೆ.

$2\frac{1}{2}$  ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ (ಅಂದರೆ  $\frac{5}{2}$  ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ) ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ = 90km

ಆದುದರಿಂದ 1 ಗಂಟೆಯಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ =  $90 \div \frac{5}{2} = 90 \times \frac{2}{5} = 36$ km

ಆದುದರಿಂದ 2 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸುವ ದೂರ =  $36 \times 2 = 72$ km

ಹೀಗಾಗೆ 2 ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಯಾಣಿಸಿದ ದೂರ = 72km



### ಅಭ್ಯಾಸ 12.3

1. 7m ಬಟ್ಟೆಯ ಬೆಲೆ ₹ 1470 ಆದರೆ, 5m ಬಟ್ಟೆಯ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
2. 10 ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಈಶ್ವರಿ ₹ 3000 ಸಂಪಾದಿಸುತ್ತಾಳೆ. 30 ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಅವಳು ಎಷ್ಟು ಹಣ ಸಂಪಾದಿಸುತ್ತಾಳೆ?
3. ಕಳೆದ ಮೂರು ದಿನಗಳಲ್ಲಿ 276mm ಮಳೆಯಾದರೆ, ಒಂದು ಪೂರ್ಣ ವಾರದಲ್ಲಿ (7 ದಿನಗಳಲ್ಲಿ) ಎಷ್ಟು cm ಮಳೆಯಾಗುತ್ತದೆ? ಮಳೆಯು ಒಂದೇ ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿ ಬೀಳುತ್ತಿದೆಯೆಂದು ಉಂಟಿಸಿಕೊಳ್ಳಿ.
4. 5kg ಗೋಧಿಯ ಬೆಲೆ ₹ 91.50
  - (a) 8kg ಗೋಧಿಯ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು?

- (b) ₹183 ಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಪ್ರಮಾಣದ ಗೋಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು?
5. ಕಳೆದ 30 ದಿನಗಳಲ್ಲಿ  $15^{\circ}$  ಡಿಗ್ರಿ ಸೆಲ್ಸಿಯಸ್ ನಷ್ಟಿ ಉಷ್ಣತೆ ಕಡಿಮೆಯಾಗಿದೆ. ಅದೇ ದರದಲ್ಲಿ ಉಷ್ಣತೆ ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತಾ ಹೋದರೆ, ಮುಂದಿನ ಹತ್ತಿನ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಡಿಗ್ರಿ ಉಷ್ಣತೆ ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತದೆ?
  6. ಶಾಲಿನಿ 3 ತಿಂಗಳಿಗೆ ₹15,000 ಬಾಡಿಗೆ ಕಟ್ಟುತ್ತಾಳೆ. ಪ್ರತಿ ತಿಂಗಳ ಬಾಡಿಗೆ ಅಷ್ಟೇ ಇದ್ದಲ್ಲಿ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ಅವಳು ಎಷ್ಟು ಬಾಡಿಗೆ ಕಟ್ಟಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ?
  7. 4 ಡಜನ್ ಬಾಳೆಹಣ್ಣಗಳ ಬೆಲೆ ₹180. ₹90 ಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಬಾಳೆಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳಬಹುದು?
  8. 72 ಪುಸ್ತಕಗಳ ತೂಕ 9kg. ಅಂತಹ 40 ಪುಸ್ತಕಗಳ ತೂಕ ಎಷ್ಟು?
  9. 594 km ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಲು ಒಂದು ಟ್ರೈಕ್ 108 ಲೀಟರ್ ಡೀಸೆಲ್ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ. 1650km ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಲು ಟ್ರೈಕ್ ಬೇಕಾಗುವ ಡೀಸೆಲ್ನಾ ಪ್ರಮಾಣ ಎಷ್ಟು?
  10. ರಾಜು ₹150ಕ್ಕೆ 10 ಪೇನ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ ಮತ್ತು ಮನಿಷ್ ರೂ 84 ಕ್ಕೆ 7 ಪೇನ್‌ಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ. ಯಾರಿಗೆ ಪೇನ್‌ಗಳು ಅಗ್ಗಾಗಿ ಸಿಕ್ಕಿತು ಹೇಳಬಲ್ಲಿರಾ?
  11. ಅನಿಷ್ಟ 6 ಓವರ್‌ಗಳಿಗೆ 42 ರನ್ ಕೊಟ್ಟನು ಮತ್ತು ಅನುಪ್ 7 ಓವರ್‌ಗಳಿಗೆ 63 ರನ್ ಕೊಟ್ಟನು. ಪ್ರತಿ ಓವರ್‌ಗೆ ಹೆಚ್ಚು ರನ್ ಯಾರು ಕೊಟ್ಟರು?

**ಇಲ್ಲಿಯವರಿಗೆ ನಾವೇನು ಚಟುವಟಿಕೆಯಿದೆ?**

1. ಒಂದೇ ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿರುವದನ್ನು ಹೋಲಿಸುವಾಗ ನಾವು ಸುಮಾನ್ಯವಾಗಿ ಅವುಗಳ ನಡುವಿನ ವ್ಯತ್ಯಾಸವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವ ವಿಧಾನ ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.
  2. ಒಹಳೆಷ್ಟು ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡು ಪರಿಮಾಣಗಳ ನಡುವೆ ಒಂದು ಅರ್ಥಪೂರ್ಣ ಹೋಲಿಕೆಯನ್ನು ಭಾಗಾಕಾರ ವಿಧಾನದಿಂದ ಮಾಡಬಹುದು. ಅಂದರೆ ಒಂದು ಪರಿಮಾಣವು ಮತ್ತೊಂದರ ಎಷ್ಟರಷ್ಟಿದೆ ಎಂದು ಹೇಳುವುದರಿಂದ. ಈ ವಿಧಾನವನ್ನು ಅನುಪಾತದಿಂದ ಹೋಲಿಕೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.
- ಉದಾಹರಣೆಗೆ: ಇಶಾಳ ತೂಕ 25 kg ಮತ್ತು ಅವಳ ತಂದೆಯ ತೂಕ 75 kg. ಇಶಾಳ ತಂದೆಯ ತೂಕ ಮತ್ತು ಇಶಾಳ ತೂಕದ ನಡುವಿನ ಅನುಪಾತ 3:1.
3. ಅನುಪಾತದಿಂದ ಹೋಲಿಕೆ ಮಾಡಬೇಕಾದರೆ ಎರಡೂ ಪರಿಣಾಮಗಳು ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನದಲ್ಲಿರಬೇಕು. ಇಲ್ಲಿದೆಂದೂ ಅನುಪಾತ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳುವ ಮುಂಚೆ ಒಂದೇ ಮೂಲಮಾನದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬೇಕು.
  4. ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸನ್ನಿಹಿತಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಅನುಪಾತ ಬರಬಹುದು.
  5. 3:2 ಅನುಪಾತವು 2:3 ಅನುಪಾತಕ್ಕಿಂತ ಭಿನ್ನವಾಗಿರುವದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಹೀಗಾಗೆ ಪರಿಮಾಣಗಳನ್ನು ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸುವಾಗ ಯಾವ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ ಎಂಬುದು ಮುಖ್ಯವಾಗುತ್ತದೆ.
  6. ಅನುಪಾತವನ್ನು ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು. ಹೀಗಾಗೆ  $10:3$  ಅನುಪಾತವನ್ನು  $\frac{10}{3}$  ಎಂದು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು.
  7. ಎರಡು ಅನುಪಾತಗಳ ಭಿನ್ನರಾಶಿಗಳು ಸಮಾನವಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ, ಆ ಎರಡು ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮಾನವಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಹೀಗಾಗೆ 3:2 ಕ್ಕೆ ಸಮಾನವಾಗಿ 6:4 ಅಥವಾ 12:8 ಇರುತ್ತದೆ.

8. ಒಂದು ಅನುಪಾತವನ್ನು ಅದರ ಕನಿಷ್ಠ ರೂಪದಲ್ಲಿ ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು. ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $50:15$ ನ್ನು  $\frac{50}{15}$  ಎಂದು,  $\frac{50}{15}$  ರ ಕನಿಷ್ಠ ರೂಪ  $\frac{10}{3}$  ಎಂದು ವ್ಯಕ್ತಪಡಿಸಬಹುದು.
- ಆದುದರಿಂದ  $50:15$  ರ ಕನಿಷ್ಠ ರೂಪ  $10:3$
9. ನಾಲ್ಕು ಪರಿಮಾಣಗಳು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆಯೆಂದರೆ, ಮೊದಲ ಮತ್ತು ಎರಡನೇ ಪರಿಮಾಣಗಳ ಅನುಪಾತವು ಮೂರನೇ ಮತ್ತು ನಾಲ್ಕನೇ ಪರಿಮಾಣಗಳ ಅನುಪಾತಕ್ಕೆ ಸಮಾಗಿರುತ್ತದೆ.  $\frac{3}{10} = \frac{15}{50}$  ಆದರೆ  $3, 10, 15, 50$  ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ. ಈ ಸಮಾನಪಾತವನ್ನು  $3:10::15:50$  ಎಂದು ಸೂಚಿಸುತ್ತೇವೆ. ಇಲ್ಲಿ  $3$  ಮತ್ತು  $50$  ಅಂಶಪದಗಳು.  $10$  ಮತ್ತು  $15$  ಮಧ್ಯಪದಗಳು.
10. ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿ ಪದಗಳ ಕ್ರಮ ಮುಖ್ಯವಾಗಿರುತ್ತದೆ.  $3, 10, 15$  ಮತ್ತು  $50$  ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿವೆ ಆದರೆ  $3, 10, 50$  ಮತ್ತು  $15$  ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿಲ್ಲ. ಏಕೆಂದರೆ  $\frac{3}{10} < \frac{50}{15}$  ಸಮವಲ್ಲ.
11. ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ನಂತರ ಬೇಕಾಗಿರುವ ಸಂಖ್ಯೆಯ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ಏಕಾಂಶ ವಿಧಾನ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಉದಾಹರಣೆಗೆ  $6$  ಕ್ಕಾನ್‌ಗಳ ಬೆಲೆ ₹  $210$ . ಏಕಾಂಶ ಪದ್ಧತಿಯಿಂದ  $4$  ಕ್ಕಾನ್‌ಗಳ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ಮೊದಲು ನಾವು  $1$  ಕ್ಕಾನ್‌ನ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುತ್ತೇವೆ. ಅದು ₹  $\frac{210}{6}$  ಅಥವಾ ₹  $35$ . ಇದರಿಂದ ನಾವು  $4$  ಕ್ಕಾನ್‌ಗಳ ಬೆಲೆ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುತ್ತೇವೆ. ಅದು ₹  $35 \times 4$  ಅಂದರೆ ₹  $140$  ಆಗುತ್ತದೆ.



# ಸಮಾಂತಿ

13 - ಸ್ವಾರ್ಥಗಳು

## 13.1 ಹೀರಿಕೆ

ದಿನನಿತ್ಯದ ಜೀವನದಲ್ಲಿ ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ ಸಮಾಂತಿ ಎಂಬ ಪದವನ್ನು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ. ಕೆಲವು ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ನೋಡಿದಾಗ ಅವುಗಳು ಸಮ ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿ ಸಮತೋಲನವಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಈ ಚಿತ್ರಗಳು ಸಮಾಂತಿಯಲ್ಲಿವೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.



ತಾಜ್‌ಮಹಲ್‌ನ ಚಿತ್ರ (ಉ.ಪ್ರ.)



ಶಿರುವಣ್ಣಮಲ್ಯ (ತಮಿಳುನಾಡು)

ವಾಸ್ತುಶಿಲ್ಪದ ವಸ್ತುತಾವಿಷಯದಲ್ಲಿ ಅವುಗಳ ಸುಂದರವಾಗಿರುವುದಕ್ಕೆ ಅವುಗಳ ಸಮಾಂತಿಯೇ ಕಾರಣವಾಗಿದೆ.

ನಾವು ಒಂದು ಚಿತ್ರವನ್ನು ಸರಿಯಾಗಿ ಅದರ ಮಧ್ಯಕ್ಕೆ ಮಡಿಚಿದಾಗ ಅವುಗಳ ಎಡ ಮತ್ತು ಬಲಭಾಗಗಳು ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಒಂದಕ್ಕೂಂದು ಹೊಂದಿಕೊಂಡರೆ ಈ ಚಿತ್ರವು ರೇಖಿಂದ ಸಮಾಂತಿಯನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ (ಚಿತ್ರ 13.1). ಚಿತ್ರದ ಎರಡೂ ಭಾಗಗಳು ದರ್ಪಣಿದ (ಕನ್ನಡಿಯ) ಪ್ರತಿರೂಪದಂತಿರುತ್ತವೆ. ಮಡಿಚಿದ ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಒಂದು ದರ್ಪಣಿವನ್ನು ಇಟ್ಟಾಗ ಒಂದು ಭಾಗದ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು ಇನ್ನೊಂದು ಭಾಗದ ಮೇಲೆ ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಹೊಂದಿಕೊಳ್ಳುತ್ತದೆ. ಹೀಗೆ ಉಂಟಾದಾಗ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಮಡಿಚಿದ ರೇಖೆ ಅಂದರೆ ದರ್ಪಣಿದ ರೇಖೆಯನ್ನು ಈ ಚಿತ್ರದ ಸಮಾಂತಿ ರೇಖೆ ಅಥವಾ ಸಮಾಂತಿಯ ಅಕ್ಕೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಈ ಪಾಶ್ಚಾದಲ್ಲಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳು ಸಮಾಂತಿವೆಯೇ? ಏಕೆ?

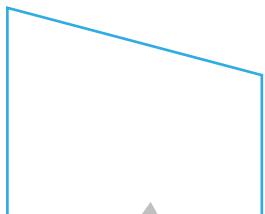


ಚಿತ್ರ. 13.1

ಚಿತ್ರಗಳ ಮೇಲೆ ಹಾಕಿರುವ ಬಿಂದುಗಳ ನೇರದಲ್ಲಿ ಮಡಿಚಿದಾಗ ಚಿತ್ರದ ಅಧ್ಯ ಭಾಗವು ಇನ್ನೊಂದು ಅಧ್ಯ ಭಾಗದ ಮೇಲೆ ಪೂರ್ವವಾಗಿ ಹೊಂದಿಕೊಳ್ಳುತ್ತದೆ. ಚುಕ್ಕೆ (ಬಿಂದು)ಗಳ ರೇಖೆಯನ್ನು ಏನೆಂದು ಹೆಸರಿಸುವಿರಿ?

ಚಿತ್ರದ ಒಂದು ಭಾಗದ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು ಇನ್ನೊಂದರ ಜೊತೆ ಸಂಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಹೊಂದಿಕೊಳ್ಳಲು ದರ್ಶಿಸಬಹುದು ಎಲ್ಲಿದುವಿರಿ ?

ಪಕ್ಕದ ಚಿತ್ರವು (ಚಿತ್ರ 13.2) ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರವಲ್ಲ ಏಕೆ ?



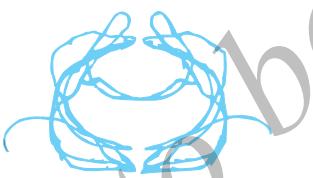
ಚಿತ್ರ 13.2

13.2 ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸುವುದು: ಮಸಿ ಚುಕ್ಕೆಯ ದೇವಾಗಳು.

### ಮಾಡಿ ಸೋಡಿ

ಒಂದು ಕಾಗದ ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಅದರ ಮುದ್ದಕ್ಕೆ ಮಡಿಚಿ ಒಂದು ಭಾಗಕ್ಕೆ ಕೆಲವು ಹನಿ ಶಾಯಿಯನ್ನು ಉದುರಿಸಿ. ಈಗ ಎರಡೂ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಚೆನ್ನಾಗಿ ಒಟ್ಟಿರಿ. ಈಗ ನೀವೇನನ್ನು ಕಾಣುವಿರಿ? ನೀವು ಕಾಣುವ ಚಿತ್ರ ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರವೆ? ಇದು ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರವಾದರೆ ಅದರ ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷ (ರೇಖೆ) ಯಾವುದು? ಚಿತ್ರದ ಮೇಲೆ ಇತರ ಯಾವುದೇ ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಮಡಿಚಿದಾಗ ಅವು ಎರಡು ಪರಸ್ಪರ ಸಮಾನವಾದ ಭಾಗಗಳಾಗಿವೆಯೆ? ಇಂಥಹ ಹೆಚ್ಚು (ನಮೂನೆಗಳನ್ನು) ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ತ್ವರಿಸಿ.

ಮಸಿದಾರದ ವಿನ್ಯಾಸಗಳು:

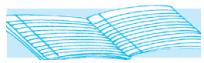


ಒಂದು ಕಾಗದವನ್ನು ಅಧ್ಯಕ್ಕೆ ಮಡಿಚಿ. ಬಣ್ಣಗಳಲ್ಲಿ ಅಧ್ಯವಾ ಇಂಕ್ (ಮಸಿ) ಯಲ್ಲಿ ಅದ್ದಿದ ಸಣ್ಣ ದಾರಗಳನ್ನು ಮಡಿಕೆಯೋಳಿಗೆ ಇಡಿ. ಕಾಗದದ ಎರಡೂ ಅಧ್ಯ ಭಾಗಗಳನ್ನು ನಿಧಾನವಾಗಿ ಒಟ್ಟಿರಿ. ಈಗ ನಿಮಗೆ ಬಂದಿರುವ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಈ ಚಿತ್ರಗಳು ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರಗಳೇ? ಇವುಗಳನ್ನು ಎಷ್ಟು ವಿಧಗಳಲ್ಲಿ ಮಡಿಚಿ, ಎರಡು ಸಮಾನವಾದ ಅಧ್ಯ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಬಹುದು?

### ಪ್ರಯೋಜಿನಿ:

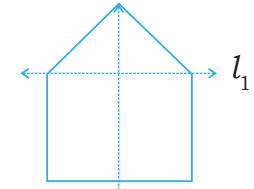
ನಿಮ್ಮ ರೇಖಾಗಣಿತದ ಉಪಕರಣಗಳ ಪಟ್ಟಿಗೆ (Geometry Box) ಯಲ್ಲಿರುವ ಎರಡು ಮೂಲೆ ಮಟ್ಟಿ (set square)ಗಳು ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರವೆಯಲ್ಲಿವೆಯೇ?

ನಿಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಕೆಲವು ವಸ್ತುಗಳಾದ ಕಪ್ಪು ಹಲಗೆ, ಮೇಜು, ಗೋಡೆ, ಪತ್ಯಮಸ್ತಕ, ಮುಂತಾದವುಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ಸಮಾಂತರ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಗುರುತಿಸಬಲ್ಲಿರಾ?



## ಅಭ್ಯಾಸ 13.1

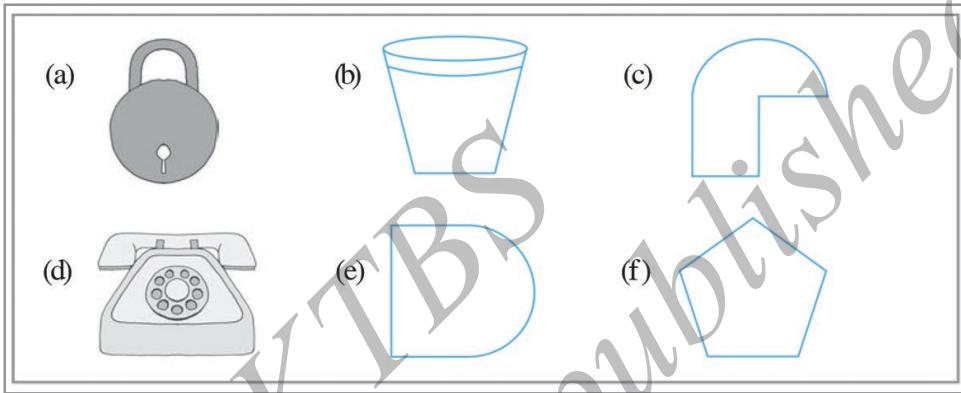
1. ನಿಮ್ಮ ಮನೆ ಅಥವಾ ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿರುವ ಯಾವುದಾದರೂ 4 ಸಮಾಂತಿ ಯಲ್ಲಿರುವ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ.



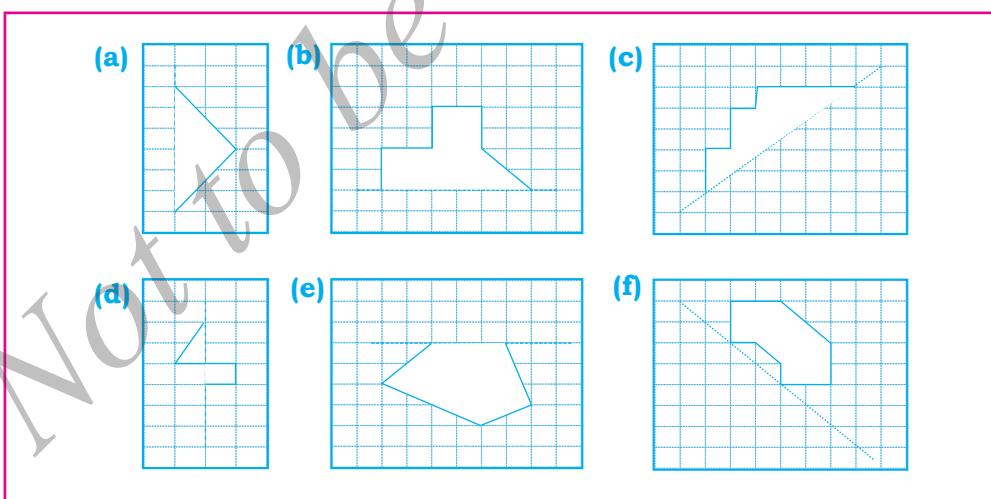
2. ಪಾಶ್ಚಾದಲ್ಲಿರುವ ಆಕೃತಿಗೆ ಕ್ಕಾ ಅಥವಾ ಕ್ಕಾಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದು ದಪ್ಪಣಿರೇಖೆಯಾಗಿದೆ?

3. ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಆಕೃತಿಗಳ ಆಕಾರವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ; ಇವು ಸಮಾಂತಿ ಆಕೃತಿಗಳೇ? ಸಮಾಂತಿ ಆಕೃತಿಗಳಾಗಿದ್ದಲ್ಲಿ ಸಮಾಂತಿ ಆಕ್ಷಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.

$l_2$



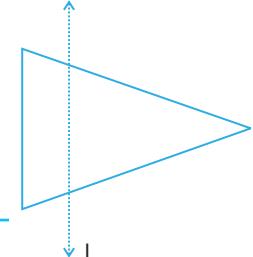
4. ಈ ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಒಂದು ಚೌಕಳಿ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ನಕಲು ಮಾಡಿ. ನೀವು ಹಿಂದಿನ ತರಗತಿಗಳಲ್ಲಿ ಇಂತಹ ಚೌಕಳಿ ಹಾಳೆಗಳನ್ನು ಅಂತ ಗಣಿತದ ನೋಟ ಪುಸ್ತಕಗಳಲ್ಲಿ ಬಳಸಿದ್ದೀರಿ. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳ ಚುಕ್ಕೆ ರೇಖೆಗಳು ಸಮಾಂತಿ ಆಕ್ಷಗಳಾಗುವಂತೆ ಆಕೃತಿಯನ್ನು ಮಾಡಿ.



5. ಪಾಶ್ಚಾದಲ್ಲಿ ನೀಡಿರುವ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ  $l$  ರೇಖೆಯು ಸಮಾಂತಿ ಆಕ್ಷವಾಗಿದೆ. ಆಕೃತಿಯು ಸಮಾಂತಿಯಾಗುವಂತೆ ಮಾಡಿಗೊಳಿಸಿ.



6. ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಯು / ಆಗಿದೆ. ತ್ರಿಭುಜದ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವನ್ನು ರಚಿಸಿ, ಆಕೃತಿಯು ಸಮಾಂತರ ಆಗುವಂತೆ ಮಾಡಿ.

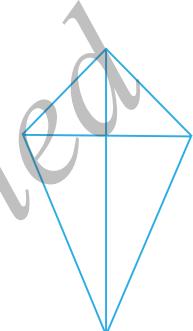


### 13.3 ಎರಡು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳು:

**ಮಾಡಿ ನೋಡಿ:**

ಒಂದು ಗಾಳಿಪಟ:

ನಿಮ್ಮ ಜ್ಯಾಮಿಟ್ರಿ ಬಾಕ್ಸ್‌ನಲ್ಲಿ (ರೇಖಾಗಣಿತದ ಉಪಕರಣಗಳ ಪಟ್ಟಿಗೆಯಲ್ಲಿ) ಎರಡು ಮೂಲೆಮಟ್ಟಿಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದರಲ್ಲಿ  $30^\circ$ ,  $60^\circ$  ಮತ್ತು  $90^\circ$  ಕೋನಗಳಿರುತ್ತವೆ. ಇಂತಹ 2 ಮೂಲೆ ಮಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ಒಂದರ ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಇನ್ನೊಂದನ್ನು ಇಟ್ಟು ಒಂದು ಗಾಳಿಪಟದ ಆಕಾರ ಬರುವಂತೆ ಮಾಡಿ.



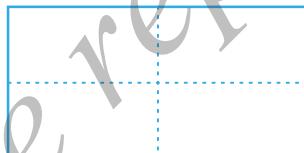
ಈ ಆಕಾರದ ಚಿತ್ರಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿವೆ? 1 ಕ್ಷಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳು ಇರಬಹುದೇ? ಯೋಚಿಸಿ.

ಒಂದು ಆಯತ:

ಒಂದು ಅಂಚೆ ಕಾಡ್‌ನಂತಿರುವ ಆಯತಾಕಾರ ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಅದನ್ನು ಉದ್ದದ ಮೇಲೆ ಎರಡು ಸಮನಾದ ಅಧ್ರ ಭಾಗವಾಗುವಂತೆ ಮಡಿಚಿ. ಈ ಮಡಿಕೆಯ ರೇಖೆಯು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಯೆ? ಏಕೆ? ಈಗ ಅದನ್ನು ತರೆದು ಅದರ ಅಗಲದ ಮೇಲೆ ಎರಡು ಸಮನಾದ ಅಧ್ರ ಭಾಗಗಳಾಗುವಂತೆ ಮಡಿಚಿ. ಈ ಎರಡನೇ ಮಡಿಕೆಯ ರೇಖೆಯೂ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಯೆ? ಏಕೆ? ಈ ಎರಡೂ ರೇಖೆಗಳು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿಂದ ಶಿಳಿಯುವಿರಾ?



1ನೇ ಮಡಿಕೆ



2ನೇ ಮಡಿಕೆ

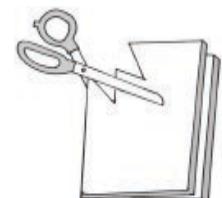
ಎರಡು ಮಡಿಕೆ ಇರುವ ಕಾಗದದಿಂದ ಕತ್ತರಿಸಿದಾದ ಉಂಟಾಗುವ ಆಕಾರ:

**ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:**

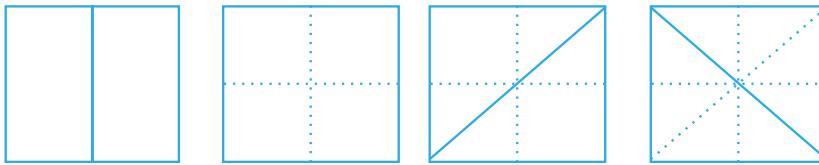
ನಿಮ್ಮ ಜ್ಯಾಮಿಟ್ರಿ ಬಾಕ್ಸ್‌ನಲ್ಲಿನ 2 ಅಧ್ರವಾ 2ಕ್ಷಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಮೂಲೆ ಮಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಹಲವಾರು ಬಗೆಯ ಆಕಾರಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಿರಿ.

ಇವುಗಳನ್ನು ಚೌಕಾಳಿ ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ ರಚಿಸಿ, ಅವುಗಳ ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.

ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರ ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯನ್ನು 1 ಸಾರಿ ಮಡಿಚಿ ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ಮಡಿಚಿ. ಅದರ ಮೇಲೆ ಒಂದು ರೇಖಾಚಿತ್ರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ. ಕತ್ತರಿಯಿಂದ ಈ ಜಿತ್ತದ ಆಕಾರವನ್ನು ಕತ್ತರಿಸಿ ಮಡಿಕೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ. (ತೆಗೆಯುವ ಮುನ್ನ ಬರುವ ಆಕಾರವನ್ನು ಉಹಿಸಿ). ಈ ಆಕಾರದ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷರೇಖೆಗಳಿವೆ? ಇಂತಹ ಹಲವಾರು ವಿನ್ಯಾಸದ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಿರಿ.

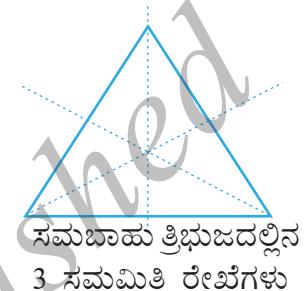


### 13.4 ಎರಡು ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚು ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳು

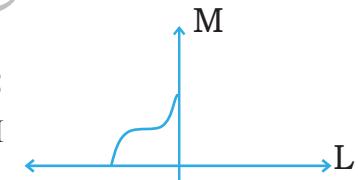


ಒಂದು ಚೌಕಾಕಾರದ ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಅದನ್ನು ಮೊದಲು ಲಂಬವಾಗಿ ನಂತರ ಅಡ್ಡವಾಗಿ ಎರಡು ಸಾರಿ ಮಡಿಚಿ. ಈಗ ಅದನ್ನು ತೆರೆದು 1ನೇ ಕಣಾದ ನೇರದಲ್ಲಿ ಮಡಿಚಿ (3ನೇ ಸಾರಿ), ನಂತರ 2ನೇ ಕಣಾದ ನೇರದಲ್ಲಿ (4ನೇ ಸಾರಿ) ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಮಡಿಚಿ. ಈಗ ಮಡಿಕೆ ತೆರೆಯಿರಿ. ಈ ಆಕಾರವು (ಚಿತ್ರವು) ಎಷ್ಟು ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ?

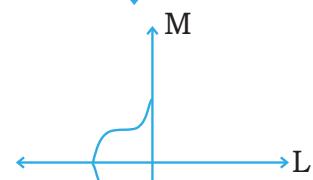
ಅಭ್ಯಾಸ 13.1 ಪ್ರಶ್ನೆ 4ರಲ್ಲಿ 1 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆ ಇರುವ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಒಂದು ಚಿತ್ರದಿಂದ ಆರಂಭಿಸಿ ಮಾಡಿದಂತೆ, ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಚಿತ್ರದಿಂದ ಆರಂಭಿಸಿ 2 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳ ಚಿತ್ರಗಳ ರಚನೆಯನ್ನು ಮಾಡಲು ತೀಳಿದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು.



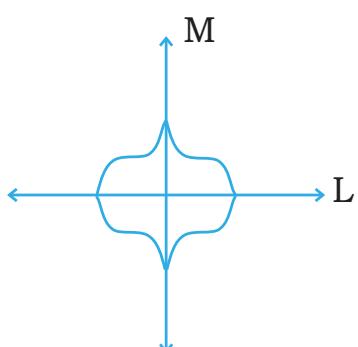
1. ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿರುವಂತೆ ಒಂದು ಚಿತ್ರವನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ.



2. ಈ ಚಿತ್ರವನ್ನು 2 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳು ಇರುವ ಚಿತ್ರ ಬರುವಂತೆ ಮೂರ್ಣ ಮಾಡೋಣ. ಈ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳು L ಮತ್ತು M ಆಗಿರಲಿ.



3. L ರೇಖೆ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಯಾಗುವಂತೆ ಚಿತ್ರದ ಭಾಗವನ್ನು ನಡೆಯಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ರಚಿಸೋಣ.



4. ಚಿತ್ರವನ್ನು ಮೂರ್ಣ ಮಾಡಲು M ರೇಖೆಯೂ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಯಾಗುವಂತೆ ಮಾಡಬೇಕು. ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಉಳಿದ ಭಾಗವನ್ನು ಮೂರ್ಣಗೊಳಿಸೋಣ. ಈಗ ಬಂದಿರುವ ಆಕೃತಿಯು ಎರಡು ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳಾದ L ಮತ್ತು M ಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ. ಹೀಗೆ ಇಂತಹ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಉಳಿದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ 2 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ರಚಿಸಬಹುದು. ಕೆಲವು ಆಕೃತಿಗಳು ಕೇವಲ 1 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆ

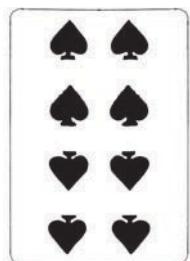
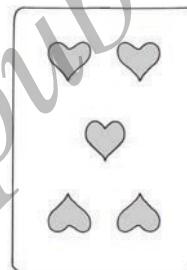
ಹೊಂದಿರುತ್ತವೆ. ಕೆಲವು 2 ಸಮಯಿತಿ ಅಕ್ಷಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುತ್ತವೆ. ಮತ್ತೆ ಕೆಲವು 3 ಮತ್ತು 3ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಸಮಯಿತಿಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುತ್ತವೆ.

### ಸಮಯಿತಿ ಸಮಯಿತಿ ಎಲ್ಲೆಲ್ಲೊ ಸಮಯಿತಿ:

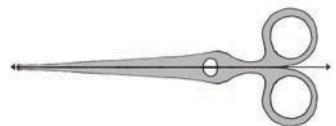
- ಪ್ರತಿದಿನ ನೀವು ನೋಡುವ ರಸ್ತೆಯಲ್ಲಿನ ಮಾರ್ಗಸೂಚಿ ಸಂಕೇತಗಳು ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರುವುದನ್ನು ಕಾಣಬಹುದು. ಈ ಕೆಳಗೆ ಕೆಲವನ್ನು ಹೊಟ್ಟಿದೆ. ಇಂಥಹ ಕೆಲವು ಮಾರ್ಗಸೂಚಿ ಸಂಕೇತಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಜಿತ್ರ ಬರೆಯಿರಿ. ಅವುಗಳ ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಲು ಮರೆಯಿರಿ.

- ಪ್ರಕೃತಿಯಲ್ಲಿರುವ ಹಲವಾರು ವಸ್ತುಗಳಲ್ಲಿ ಸಮಯಿತಿಯನ್ನು ಕಾಣಬಹುದು. ಇವುಗಳನ್ನು ನೋಡಿ:

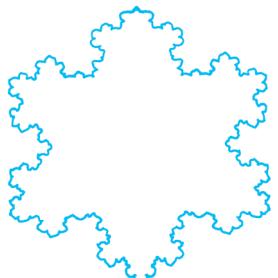
- ಹೊಟ್ಟಿರುವ ಆದುವ ಕಾಡ್‌ (ಇಸ್ಪೀಟ್‌ ಕಾಡ್‌) ಗಳ ವಿನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿ ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳಿವೆ. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಕಾಡ್‌ಗಳಲ್ಲಿನ ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ:



- ಈ ಕೆಳಗೆ ಒಂದು ಕತ್ತರಿಯ ಜಿತ್ರವಿದೆ. ಇದರಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳಿವೆ ?



- ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸುಂದರ ಜಿತ್ರವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇದನ್ನು ಕಾಚ್ (Koch n ಸ್ಕ್ರೋಫ್ಲೆಕ್) ಸಮಯಿತಿ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. (ಇಂಥಹ ಸುಂದರ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ನೋಡಲು ಕಂಪ್ಯೂಟರ್‌ನಲ್ಲಿ Fractals ನ್ನು ಬ್ರೌಸ್‌ ಮಾಡಿ). ಈ ವಿನ್ಯಾಸದಲ್ಲಿರುವ ಸಮಯಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

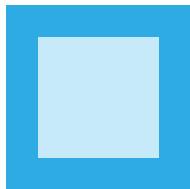




## ಅಭ್ಯಾಸ 13.2

1. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿರುವ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ:

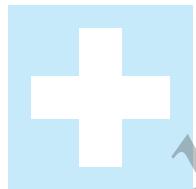
(a)



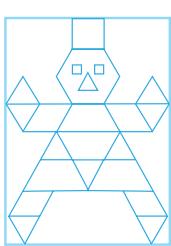
(b)



(c)



(d)



(e)



(f)



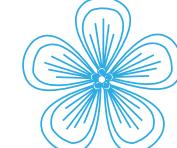
(g)



(h)

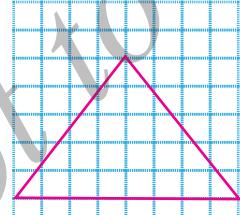


(i)

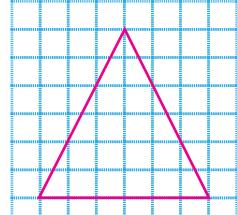


2. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಶ್ರಿಭುಜಗಳನ್ನು ಚೋಕ್ಕಳಿ ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಬರೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಪ್ರತಿಯೊಂದಕೂ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಯನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ ಮತ್ತು ಈ ಶ್ರಿಭುಜಗಳ ವಿಧವನ್ನು ಗುರ್ತಿಸಿ (ಇವುಗಳನ್ನು ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ ಬರೆದುಕೊಂಡು ಮಡಿಕೆ ಮಾಡಿ ಸಮಾಂತರಿಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವುದು ನಿಮ್ಮಲ್ಲಿ ಕೆಲವರಿಗೆ ಇಪ್ಪವಾಗಬಹುದು).

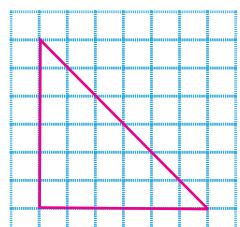
(a)



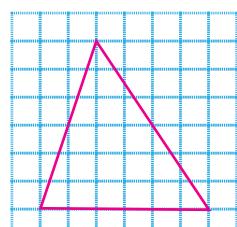
(b)



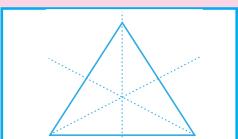
(c)



(d)

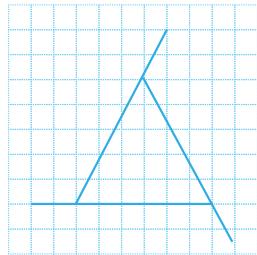


3. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಹೊಣ್ಟಕವನ್ನು ಮೂರ್ಖ ಮಾಡಿ:

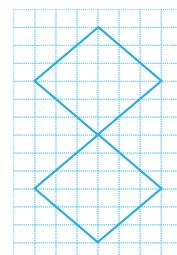
ಆಕೃತಿಗಳು	ಕಚ್ಚೆ ಚಿತ್ರ	ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಸಮಭಾಂತ ಶ್ರೀಭುಜ		3
ಬೌಕ (ವರ್ಗ)		
ಅಂತ		
ಸಮದ್ವಿಭಾಂತ ಶ್ರೀಭುಜ		
ವಚ್ಚಾರ್ಕ		
ವೃತ್ತ		

4. ಈ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಶ್ರೀಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವೇ? ಪ್ರತಿಯೊಂದಕ್ಕೂ ಒಂದು ಕಚ್ಚೆ ಚಿತ್ರವನ್ನು ರಚಿಸಿ.
- ಒಂದೇ ಒಂದು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಇರುವ ಶ್ರೀಭುಜ
  - ಎರಡು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳು ಮಾತ್ರ ಇರುವ ಶ್ರೀಭುಜ
  - ಮೂರು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಶ್ರೀಭುಜ
  - ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಇಲ್ಲದ ಶ್ರೀಭುಜ.
5. ಬೌಕಳಿ ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ:
- ಕೇವಲ ಅಡ್ಡ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಮಾತ್ರವಿದ್ದು ನೇರ (ಲಂಬ) ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಇರದ ಶ್ರೀಭುಜ.
  - ಅಡ್ಡ ಮತ್ತು ಲಂಬ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಒಂದು ಚತುಭುಜ.
  - ಅಡ್ಡ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಮಾತ್ರವಿದ್ದು ಲಂಬ (ನೇರ) ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆ ಇಲ್ಲದ ಚತುಭುಜ.
  - ಎರಡೇ ಎರಡು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಒಂದು ಷಡ್ಪಂಚಾಕೃತಿ.
  - 6 ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಒಂದು ಷಡ್ಪಂಚಾಕೃತಿ.
- (**ಸುಳಿಷ್ಟ:** ಮೊದಲು ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆದುಕೊಂಡು ನಂತರ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಮೊರ್ಹಾಗೊಳಿಸುವುದು ಸುಲಭ).
6. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಬೌಕಳಿ ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ ಬರೆದುಕೊಂಡು ಅವುಗಳಿಗೆ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ (ಇಡ್ಡರೆ).

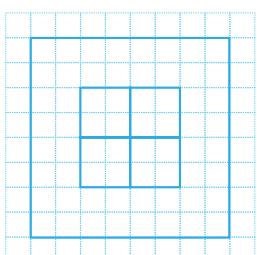
(a)



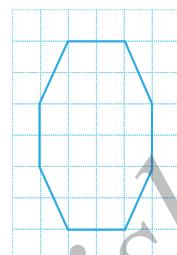
(b)



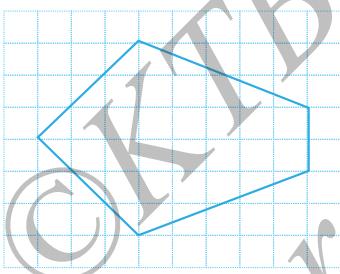
(c)



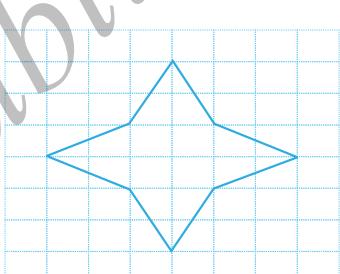
(d)



(e)



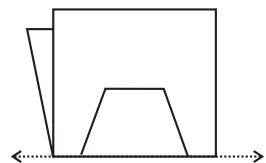
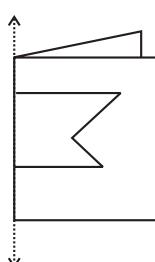
(f)



7. ಇಂಗ್ಲೀಷ್ ಭಾಷೆಯ A ಯಿಂದ Z ವರೆಗನ ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಳಗೆ ಸೂಚಿಸಿರುವಂತೆ ಇರುವ ಅಕ್ಷರಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ:

- a) ಲಂಬ ಸಮಮಿತಿ, ಇರುವ ಅಕ್ಷರಗಳು (A ನಲ್ಲಿರುವಂತೆ)
- b) ಅಡ್ಡ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳಿರುವ ಅಕ್ಷರಗಳು (B ಯಲ್ಲಿರುವಂತೆ)
- c) ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆ ಇರದ ಅಕ್ಷರಗಳು (Q ನಲ್ಲಿರುವಂತೆ)

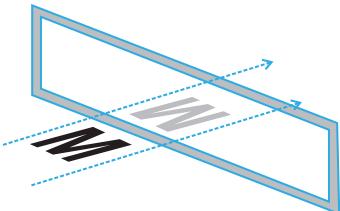
8. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರಗಳಲ್ಲಿ ಮಡಿಕೆ ಮಾಡಿದ ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ಒಂದು ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಬರೆಯಲಾಗಿದೆ. ಈ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಕತ್ತಲಿಸಿ ತೆರೆದಾಗ ಉಂಟಾಗುವ ಮೊಣಿ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.



### 13.5 ಪ್ರತಿಫಲನ ಮತ್ತು ಸಮೀಕ್ಷಾ

ರೇಖಾ ಸಮೀಕ್ಷಾ ಮತ್ತು ದರ್ಶಕ ಪ್ರತಿಫಲನಗಳು ಸಹಜ ಸಂಬಂಧ ಹೊಂದಿದ್ದು ಪರಸ್ಪರ ಬೆಸೆದುಕೊಂಡಿವೆ.

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಇಂಗ್ಲೀಷ್ ಅಕ್ಷರ M ನ ಪ್ರತಿಫಲನವನ್ನು ತೋರಿಸಿದೆ. ದರ್ಶಕವು ಅದ್ಯಶ್ವವಂದು ಪರಿಗಣಿಸಿ ಕಲ್ಪನೆ ಮಾಡಿಕೊಂಡು ಅಕ್ಷರ M ಮತ್ತು ಅದರ ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳನ್ನು ನೋಡಿ.

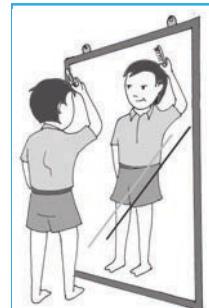


ವಸ್ತು



ಪ್ರತಿಬಿಂಬ

ವಸ್ತು ಮತ್ತು ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳು ದರ್ಶಕ ರೇಖೆಗೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದಂತೆ ಸಮೀಕ್ಷಾ ಹೊಂದಿವೆ. ಕಾಗದವನ್ನು ಮಡಿಚಿದಾಗ ದರ್ಶಕ ರೇಖೆಯು ಸಮೀಕ್ಷಾ ರೇಖೆಯಾಗುತ್ತದೆ. ನಾವು ಇದನ್ನು ದರ್ಶಕ ರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ವಸ್ತುವಿನ ಪ್ರತಿಬಿಂಬ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ವಸ್ತುವಿನ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು ಪ್ರತಿಫಲಿಸಿದಾಗ ವಸ್ತು ಮತ್ತು ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳ ಉದ್ದಗಳು ಮತ್ತು ಕೋನಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದೇ ಬದಲಾವಣೆ ಕಂಡುಬರುವುದಿಲ್ಲ. ವಸ್ತು ಮತ್ತು ಅದರ ಪ್ರತಿಬಿಂಬದ ಉದ್ದಗಳು ಮತ್ತು ಕೋನಗಳು ಪರಸ್ಪರ ತ್ರುಮಾಗಿ ಸಮಾಗಿರುತ್ತವೆ. ಆದರೂ ವಸ್ತು ಮತ್ತು ಅದರ ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳ ನಡುವೆ ಒಂದು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ವ್ಯತ್ಯಾಸವಿದೆ. ಈ ವ್ಯತ್ಯಾಸ ಯಾವುದು ಎಂದು ಉಂಟಿಸುವಿರಾ? (ಸುಳಿವು: ನಿಮ್ಮನ್ನು ನೀವು ಕನ್ನಡಿಯ (ದರ್ಶಕ)ಲ್ಲಿ ನೋಡಿಕೊಳ್ಳಿ).



#### ಮಾಡಿ ನೋಡಿ:

ಒಂದು ಚೌಕಳಿ ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ (Graph Sheet) ಚಿತ್ರ ABC ಯನ್ನು ಬರೆದು ದರ್ಶಕ ರೇಖೆ / ಇರುವಂತೆ ಪ್ರತಿಬಿಂಬ A'B'C' ನ್ನು ಕರಿಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

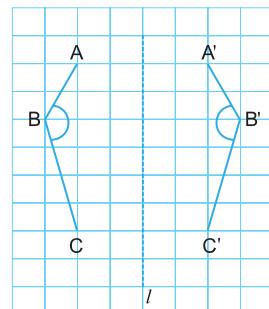
ಇವುಗಳ ಉದ್ದಗಳನ್ನು ಹೋಲಿಸಿ:

AB ಮತ್ತು A'B', BC ಮತ್ತು B'C', AC ಮತ್ತು A'C'.

ಇವು ಅಸಮಾಗಿವೆಯೆ?

ಪ್ರತಿಫಲನವು ರೇಖೆಯ ಉದ್ದವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸಿದೆಯೆ? ABC ಮತ್ತು A'B'C' ಕೋನಗಳನ್ನು ಕೋನ ಮಾಪಕದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಅಳೆದು ಹೋಲಿಸಿ. ಪ್ರತಿಫಲನವು ಕೋನದ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸಿದೆಯೆ?

AA', BB' ಮತ್ತು CC' ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ. l ಮತ್ತು AA', l ಮತ್ತು BB', l ಮತ್ತು CC' ಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನಗಳನ್ನು ಅಳೆಯಿರಿ.



'?' ದಪ್ಪಣ ರೇಖೆಯೊಡನೆ ಒಂದು ಬಿಂದು ಮತ್ತು ಅದರ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖೆಯು ಉಂಟುಮಾಡುವ ಕೋನದ ಬಗ್ಗೆ ಏನೆಂದು ತೀವ್ರಾನಿಸುವಿರಿ ?

### ಅಲಂಕಾರ ಕಾಗದ

**ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:**

ನೀವು ದಪ್ಪಣ (ಕನ್ನಡ) ದಿಂದ 100 ಸೆ.ಮೀ. ದೂರದಲ್ಲಿದ್ದಾಗ ನಿಮ್ಮ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು ಎಲ್ಲಿರುವಂತೆ ಕಾಳಿಸುತ್ತದೆ ? ನೀವು ದಪ್ಪಣದ ಕಡೆಗೆ ಜಲಿಸಿದರೆ, ನಿಮ್ಮ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು ಹೇಗೆ ಜಲಿಸುತ್ತದೆ ?

ತೆಳುವಾದ ಆಯತಾಕಾರದ ಬಣ್ಣದ ಕಾಗದವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ. ಅದನ್ನು ಹಲವಾರು ಸಾರಿ ಮಡಿಸಿ ನಂತರ ಅದರ ಮೇಲೆ ಸಂಕೀರ್ಣ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ ಕತ್ತರಿಸಿ (ಜಿತ್ತೆದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ).

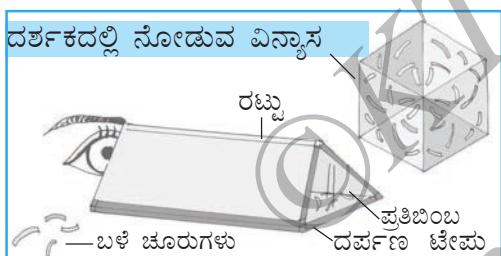


ಮನರಾಖ್ಯಾನಗೊಂಡಿರುವ

ವಿನ್ಯಾಸಗಳಲ್ಲಿರುವ ಸಮೀಕ್ಷಾ ರೇಖೆಗಳನ್ನು

ಗುರುತಿಸಿ. ಹಬ್ಬಗಳ ಸೈನ್ಯವೇಶದಲ್ಲಿ ಇಂತಹ ಅಲಂಕಾರಿಕ ಕಾಗದದ ಚಿತ್ರಕೆಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ.

### ಪರ್ಣಾದರ್ಶಕ (ಕೆಲಿಡೋಸ್ಕೋಪ್)



ಪರ್ಣಾದರ್ಶಕದಲ್ಲಿ ದಪ್ಪಣಗಳನ್ನು ಬಳಸಿ ಹಲವಾರು ಸಮೀಕ್ಷಾ ರೇಖೆಗಳಳ್ಳಿ ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳನ್ನು

ಪಡೆಯಲಾಗುತ್ತದೆ. (ಜಿತ್ತೆದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದಂತೆ). V

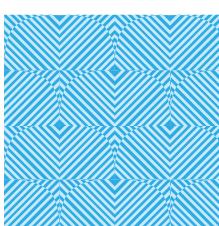
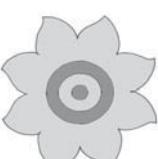
ಆಕಾರದಲ್ಲಿ 2 ದಪ್ಪಣಗಳ ಪಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ಬಳಸುವರು.

ದಪ್ಪಣಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನವು ಸಮೀಕ್ಷಾ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ನಿರ್ಧರಿಸುತ್ತದೆ.

ನೀವು ಸಹ ಒಂದು ಪರ್ಣಾದರ್ಶಕವನ್ನು (ಕೆಲಿಡೋಸ್ಕೋಪ್) ತಯಾರಿಸಿ ಅದರಲ್ಲಿ ತೋರುವ ಸಮೀಕ್ಷಾ ಪ್ರತಿಬಿಂಬಗಳ ಬಗ್ಗೆ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಲು ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ.

### ಸಮೀಕ್ಷಾ ಜಿತ್ತೆಗಳ ಪುಸ್ತಿಕೆ (Album)

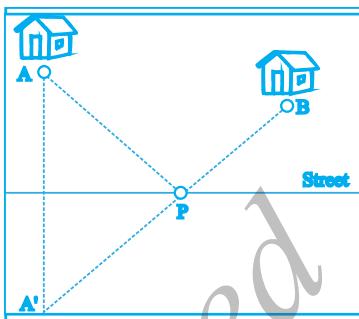
ನಿಮಗೆ ದೂರೆಯಬಹುದಾದ ಸಮೀಕ್ಷಾ ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಸಂಗ್ರಹಿಸಿ ಒಂದು ಮಸ್ತಕದಲ್ಲಿ ಅವುಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ ವ್ಯವಸ್ಥೆಗೊಳಿಸಿ ಅಂದವಾದ ಒಂದು ಪುಸ್ತಿಕೆ (ಅಲ್ಬೂಮ್) ತಯಾರಿಸಿ. ಇಲ್ಲಿ ಕೆಲವು ಮಾದರಿಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ:



ಪ್ರತಿಫಲನ ಸಮಾಂಶಿಯ ಒಂದು ಭಳಕೆ:

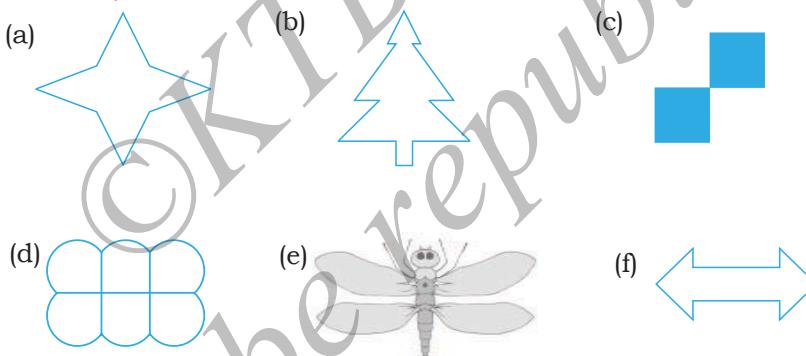
ವಾತಾವರಣಕೆ ಹಂಚುವ ಒಬ್ಬ ಬಾಲಕನು P ಎಂಬ ಜಾಗದಲ್ಲಿ ತನ್ನ ಸೈಕಲೊನ್ನು ನಿಲ್ಲಿಸಿ, A ಮತ್ತು B ಮನೆಗಳಿಗೆ ವಾತಾವರಣಕೆಯನ್ನು ತಲುಪಿಸಲು ಇಷ್ಟಪಡುತ್ತಾನೆ. ಅವನು ನಡೆಯುವ ದೂರ (AP + BP) ವು ಕನಿಷ್ಠವಾಗಿರಲು, ಸೈಕಲೊನ್ನು ಯಾವ ಜಾಗದಲ್ಲಿ ನಿಲ್ಲಿಸಬೇಕು ?

ಇಲ್ಲಿ ನೀವು ಪ್ರತಿಫಲನ ಸಮಾಂಶಿಯನ್ನು ಭಳಸಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿ A' ಇದು A ಯ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವಾಗಿರಲಿ. ದರ್ಶಣರೇಖೆಯು ರಸೇಯಾಗುತ್ತದೆ. ಆಗ P ಸ್ಥಳವು ಸೈಕಲ್ ನಿಲ್ಲಿಸಲು ಸೂಕ್ತವಾದ ಸ್ಥಳವಾಗುತ್ತದೆ. (ದರ್ಶಣ ರೇಖೆ ಮತ್ತು A'B ರೇಖೆ ಸಂಧಿಸುವ ಬಿಂದು P). ಇದು ಏಕೆ ಎಂದು ಹೇಳುವಿರಾ ?

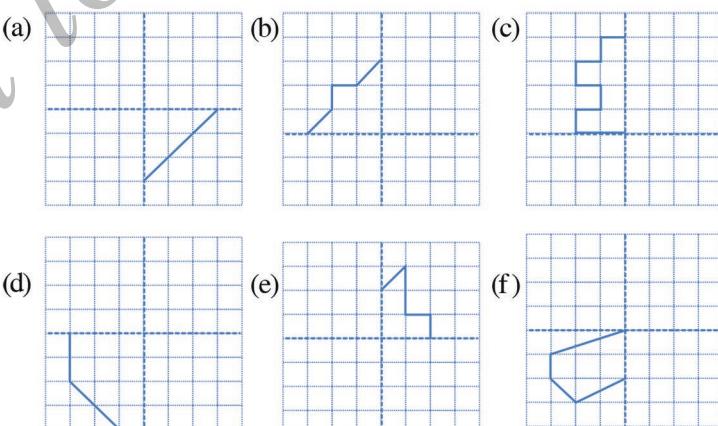


### ಅಭ್ಯಾಸ 13.3

1. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳಲ್ಲಿನ ಸಮಾಂಶಿ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರ ಸರಿ ಎಂದು ಹೇಗೆ ಪರೀಕ್ಷಿಸುವಿರಿ ?



2. ಈ ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟರುವ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಚೋಕಳಿ ಕಾಗದದ ಮೇಲೆ ಬರೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಕೊಟ್ಟರುವ ವರದು ಒಕ್ಕೆ ರೇಖೆಗಳು ಸಮಾಂಶಿ ರೇಖೆಗಳಾಗಿರುವಂತೆ ಚಿತ್ರವನ್ನು ಮಾರ್ಪಣಗೊಳಿಸಿ.



ಈ ಮೇಲಿನ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಮಾರ್ಪಣಗೊಳಿಸಲು ಹೇಗೆ ಪ್ರಾರಂಭಿಸುವಿರಿ ?

3. ಈ ಪಾಠ್ಯದಲ್ಲಿರುವ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಲಂಬರೇಖೆಯಲ್ಲಿ

ಒಂದು ಅಕ್ಷರವನ್ನು ಕೊಡಲಾಗಿದೆ.

ಇವುಗಳ ದರ್ಶನ ಪ್ರತಿಬಿಂಬವನ್ನು ದತ್ತರೇಖೆಯಲ್ಲಿ

ಪಡೆಯಿರಿ. ಯಾವ ಚಿತ್ರವು ಪ್ರತಿಫಲನದ ನಂತರ

ಸದೃಶವಾಗಿದೆ (ಅಕ್ಷರ ಮತ್ತು ಪ್ರತಿಬಿಂಬವು

ಸಮನಾಗಿದೆ) ಮತ್ತು ಯಾವುದು ಸದೃಶವಾಗಿಲ್ಲ ?

ಇದು ಏಕೆ ಹೀಗೆಂದು ಉಂಟಾಗಿದೆ ?

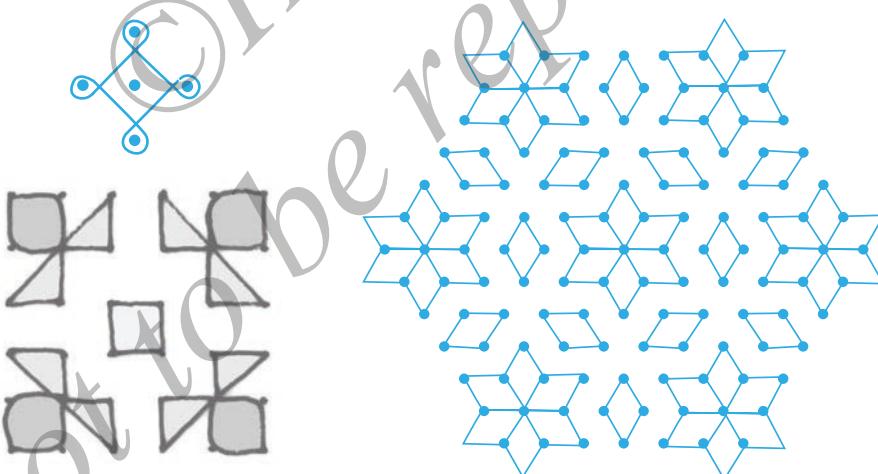
ಈ ಅಕ್ಷರಗಳಿಗೂ ಪ್ರಯೋಜಿಸಿ:

O E M N P H L T S V X

ರಂಗೋಲಿ ವಿನ್ಯಾಸಗಳು:

ನಮ್ಮ ದೇಶದಲ್ಲಿ ಕೋಲಮ್ ಮತ್ತು ರಂಗೋಲಿ ಚಿತ್ರಗಳು ಜನಪ್ರಿಯವಾಗಿವೆ. ಕೆಲವು ಮಾದರಿಗಳನ್ನು ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಸಮಮಿತಿ ಬಳಸಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇಂಥಹ ಹಲವು ವಿನ್ಯಾಸಗಳನ್ನು ಸಂಗ್ರಹಿಸಿ ಒಂದು ಮುಸ್ತಕೆಯನ್ನು ತಯಾರಿಸಿ.

ಈ ಕೆಳಗಿನ ವಿನ್ಯಾಸಗಳಲ್ಲಿರುವ ಸಮಮಿತಿ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.



ನಾವೇನು ಚಚಿ-ಸಿದೆವು?

1. ಒಂದು ರೇಖೆಯು ಒಂದು ಚಿತ್ರವನ್ನು 2 ಸಮನಾದ ಭಾಗಗಳಾಗಿ (ಸಾದೃಶ) ವಿಭಾಗಿಸಿದರೆ ಅದನ್ನು ರೇಖೆಯಾ ಸಮಮಿತಿ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ. ಆ ರೇಖೆಯನ್ನು ಸಮಮಿತಿರೇಖೆ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.
2. ಒಂದು ಚಿತ್ರವು ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆ ಹೊಂದಿಲ್ಲದಿರಬಹುದು, 1 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿರಬಹುದು, 2 ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿರಬಹುದು ಅಥವಾ ಅನೇಕ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿರಬಹುದು. ಇಲ್ಲಿ ಇದಕ್ಕೆ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳಿವೆ:

ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆಯ ಸಂಖ್ಯೆ	ಲುದಾಹರಣೆ
ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆ ಇಲ್ಲದಿರುವ ಜಿತ್ರ	ಅಸಮಬಾಹು ತ್ರಿಭುಜ
ಒಂದೇ ಒಂದು ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆ ಇರುವುದು	ಸಮದ್ವಿಭಾಹು ತ್ರಿಭುಜ
2 ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆಗಳಿರುವುದು	ಆಯತ
3 ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆಗಳಿರುವುದು	ಸಮಬಾಹು ತ್ರಿಭುಜ

3. ಸಮಾಜಿಕ ರೇಖೆಯು ದರ್ಶನ ಪ್ರತಿಪಲನಕ್ಕೆ ಹತ್ತಿರದ ಸಂಬಂಧ ಹೊಂದಿದೆ. ದರ್ಶನ ಪ್ರತಿಪಲನವನ್ನು ಪರಿಗಣಿಸುವಾಗ ಎಡ ಮತ್ತು ಬಲಗಳ ಬದಲಾವಣೆಗಳನ್ನು ಅಂದರೆ ಪಾಶ್ಚಾತ್ಯಗಳು ಅದಲು ಬದಲಾಗುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಬೇಕು.

ಸಮಾಜಿಕ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ದಿನನಿತ್ಯ ಜೀವನದ ಬಳಕೆಯಲ್ಲಿ ಕಾಣಬಹುದು; ಉದಾ: ಕೆಲೆ, ವಾಸ್ತುಶಿಲ್ಪ, ವಸ್ತುವಿನ್ಯಾಸ, ತಾಂತ್ರಿಕತೆ, ಹೊಸ ವಿನ್ಯಾಸಗಳ ಅನ್ವೇಷಣೆ, ಜ್ಯಾಮಿತಿಯ ವಿವರಣೆ, ಕೋಲಮ್ ಮತ್ತು ರಂಗೋಲಿ ಇತ್ಯಾದಿ.



Not to be reproduced

# ಪ್ರಾಯೋಗಿಕ

## ರೇಖಾಗಣಿತ

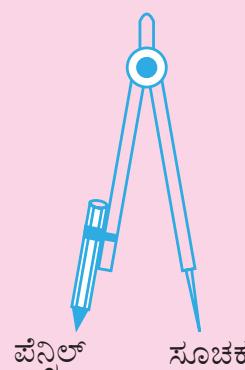
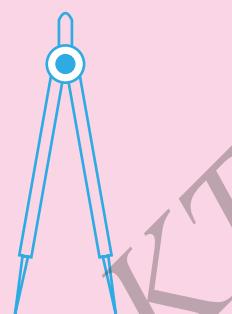
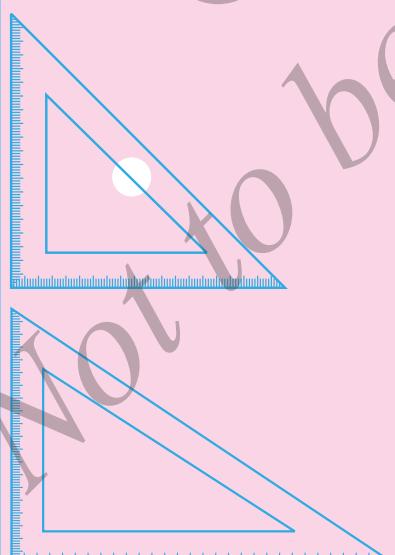
14 - ನೋಟ್ ಮತ್ತು ವಿವರಗಳು

### 14.1 ಪೀಠಿಕೆ

ನಮಗೆ ಪರಿಚಯವಿರುವ ಅನೇಕ ಆಕಾರಗಳನ್ನು ನಾವು ನೋಡುತ್ತೇವೆ. ನಾವು ಹಲವಾರು ಚಿತ್ರಗಳನ್ನೂ ಸಹ (ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು) ರಚಿಸಿದ್ದೇವೆ. ಈ ಚಿತ್ರಗಳು ವಿವಿಧ ಆಕಾರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿವೆ. ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲವನ್ನು ಹಿಂದಿನ ಅಧ್ಯಾಯಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲೆತಿದ್ದೇವೆ. ಇದುವರಗೆ ನೀವು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿರುವ ಆಕಾರಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಚಿತ್ರಗಳನ್ನು ಏಕೆ ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಬಾರದು ?

ಈ ಅಧ್ಯಾಯದಲ್ಲಿ ಇಂಥವ ಕೆಲವು ಆಕಾರಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಕಲಿಯೋಣ. ಈ ಆಕಾರ (ಆಕೃತಿ) ಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಕೆಲವು ಸಾಧನ (ಲಾಪಕರಣ)ಗಳ ಸಹಾಯ ಅಗತ್ಯ. ಈ ಸಾಧನಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ, ಅವುಗಳ ವಿವರಕ್ಕೆ ಮತ್ತು ಅವುಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ಉಪಯೋಗಿಸುವುದು ಹೇಗೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಮೊದಲು (ಬಳಸುವುದನ್ನು) ತಿಳಿಯೋಣ:

ಕ್ರ.ಸಂ.	ಸಾಧನಗಳ ಹೆಸರು ಮತ್ತು ಚಿತ್ರ	ವಿವರಣೆ	ಲಾಪಯೋಗ
1	ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ (ಸ್ಕೇಲು)	<p>ಒಂದು ಆದಶ್ರೇಷ್ಠ ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿ</p> <p>ಅಳತೆಯ ಗುರುತುಗಳಿರುವುದಿಲ್ಲ.</p> <p>ಆದರೆ ನಿಮ್ಮ ಜ್ಞಾಮಿಟ್ಟಿ ಬಾಕ್ಸ್‌ನಲ್ಲಿರುವ ಸ್ಕೇಲಿನಲ್ಲಿ ಅಳತೆ ಗುರುತುಗಳಿರುತ್ತವೆ. ಒಂದು ಬದಿಯಲ್ಲಿ ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸಿದೆ.</p> <p>ಕೆಲವೊಮ್ಮೆ ಇನ್ನೊಂದು ಬದಿಯಲ್ಲಿ ಇಂಚುಗಳಲ್ಲಿಯೂ ಗುರುತಿಸಿದೆ.</p>	<p>ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಅಳತೆಯ</p> <p>ರೇಖಾಖಂಡಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಲು ಮತ್ತು ಅಳೆಯಲು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.</p>

2	ಕ್ಯಾರ್ಪ (Compass)	<p>ಒಂದು ತುದಿಯಲ್ಲಿ ಬಿಂದುಸೂಚಕ ಮತ್ತೊಂದು ತುದಿಯಲ್ಲಿ ಪೆನ್ನಿಲ್ಲಾ ಹೊಂದಿರುವ ಜೋಡಿ ಸಾಧನ.</p> 	<p>ಸಮಾನವಾದ ಅಂತರ (ದೂರ) ಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಲು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ. ಆದರೆ ಅಳಿಯುವುದಕ್ಕಾಗಿ. ಕಂಸಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ವೃತ್ತಗಳನ್ನು ಎಳ್ಳಿಯಲು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.</p>
3	ಎಭಾಜಕ (Divider)	<p>ಒಂದು ಜೋಡಿ ಬಿಂದು ಸೂಚಕ ಸೂಚಿಗಳು.</p> 	<p>ರೇಖಾಖಂಡಗಳ ಉದ್ದಗಳನ್ನು ಅಳಿದು ಹೋಲಿಸಲು ಬಳಕೆ ಮಾಡುತ್ತೇವೆ.</p>
4	ಜೋಡಿ ಮೂಲೆ ಪಟ್ಟಿಗಳು (Set Squares)	<p>ಎರಡು ಶ್ರೀಭುಜಕಾರದ ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಗಳಲ್ಲಿ, ಒಂದು ಮೂಲೆ ಪಟ್ಟಿಯ ಶ್ರೀಭುಜದ ಕೋನಗಳು <math>45^\circ</math>, <math>45^\circ</math>, <math>90^\circ</math> ಮತ್ತೊಂದರ ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯ ಶ್ರೀಭುಜದ ಕೋನಗಳು <math>30^\circ</math>, <math>60^\circ</math> ಮತ್ತು <math>90^\circ</math> ಆಗಿರುತ್ತದೆ.</p> 	<p>ಲಂಬರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳ್ಳಿಯಲು ಮತ್ತು ಸಮಾನಾಂತರ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳ್ಳಿಯಲು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.</p>

5	<p>ಕೋನಮಾಪಕ</p>	<p>ಒಂದು ಅರ್ಥವುತ್ತಾಕಾರದ ಸಾಧನವಾಗಿದ್ದ ಇದರ ಮೇಲೆ <math>0^{\circ}</math> ಯಿಂದ <math>180^{\circ}</math> ಕೋನಗಳ ಅಳತೆಯ ಗುರುತುಗಳನ್ನು ಎಡದಿಂದ ಬಲಕ್ಕೆ ಮತ್ತು ಬಲದಿಂದ ಎಡಕ್ಕೆ ಗುರುತಿಸಲಾಗಿದೆ.</p>	<p>ಅವಶ್ಯವಾದ ಕೋನಗಳನ್ನು ರಚಿಸಲು (ಗುರುತಿಸಲು) ಮತ್ತು ದತ್ತ ಕೋನಗಳನ್ನು ಅಳಿಯಲು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.</p>
---	----------------	--	--

ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಮಾಡುವ ರಚನೆಗಳು:

ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು **ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಮಾತ್ರ ಎಳೆಯಲು**, **ಕೈವಾರವನ್ನು ಕಂಡಗಳನ್ನು ಮಾತ್ರ ಎಳೆಯಲು** ಬಳಸೋಣ.

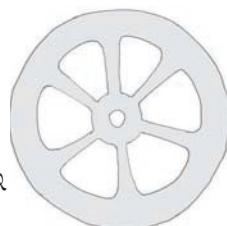
ಈ ರಚನೆಗಳನ್ನು ಮಾಡುವಾಗ ಎಚ್ಚರಿಕೆ ಇರಲಿ.

ನಿಮ್ಮ ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಕೆಲವು ಸೂಚನೆಗಳು:

- (a) ರೇಖೆಗಳನ್ನು ತೆಳುವಾಗಿ ಎಳೆಯಿರ ಮತ್ತು ಬಿಂದುಗಳನ್ನು (ತೆಳುವಾಗಿ / ಸೂಕ್ಷ್ಮವಾಗಿ) ಗುರುತಿಸಿ.
- (b) ಸಾಧನಗಳ ಅಂಚುಗಳನ್ನು ಮತ್ತು ತುದಿಗಳನ್ನು ಹರಿತವಾಗಿ ಮತ್ತು ಚೆನ್ನಾಗಿರುವಂತೆ ಇಟ್ಟುಕೊಳ್ಳಿ.
- (c) ನಿಮ್ಮ ಜ್ಯಾಮಿತಿ ಭಾಸ್ಕೋ (ಜ್ಯಾಮಿತಿಯ ಉಪಕರಣ / ಸಾಧನಗಳ ಪೆಟ್ಟಿಗೆ) ನಲ್ಲಿ ಎರಡು ಪೆನ್ನೀಲ್ (ಹೆರೆದ) ಗಳಿರಲಿ. ಒಂದನ್ನೂ ಕೈವಾರಕ್ಕೆ ಸೇರಿಸಿ ಮತ್ತೊಂದನ್ನೂ ಕಂಸ ಅಥವಾ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಲು ಮತ್ತು ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಲು ಬಳಸಿ.

## 14.2 ವೃತ್ತ:

ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಚಕ್ರವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ. ಇದರ ಹೊರ ಆವರಣದ ಮೇಲೆ ಇರುವ ಎಲ್ಲಾ ಬಿಂದುಗಳು ಕೇಂದ್ರದಿಂದ ಸಮಾನ ಅಂತರ (ದೂರ) ದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ. ಇಂತಹ ಕೆಲವು ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಹೆಸರಿಸಿ, ಚಿತ್ರ ಬರೆಯೆವಿರಾ? ಇಂತಹ ಆಕಾರವಿರುವ 5 ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಆಲೋಚಿಸಿ.



### 14.2.1 ಶ್ರೀಜ್ಯವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿಗ ವೃತ್ತದ ರಚನೆ:

ನಾವು 3 cm ಶ್ರೀಜ್ಯವನ್ನು ವೃತ್ತವನ್ನು ಎಳೆಯಬೇಕು ಎಂದಿಟ್ಟುಕೊಳ್ಳೋಣ. ನಮಗೆ ಇದರ ರಚನೆ ಮಾಡಲು ಕೈವಾರದ ಅಗತ್ಯವಿದೆ. ಈ ರಚನೆಯನ್ನು ಮಾಡಲು ಈ ಹಂತಗಳನ್ನು ಅನುಸರಿಸೋಣ:

**ಹಂತ 1:** ಕೈವಾರವನ್ನು ತೆರೆದು 3 cm ಉದ್ದ ಶ್ರೀಜ್ಯವನ್ನು ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯಿಂದ ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳೋಣ.

**ಹಂತ 2:** ಮೊನಚಾದ ತುದಿಯಳ್ಳಿ ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ನಿಂದ ನಮಗೆ ವೃತ್ತವು ಬೇಕಾಗಿರುವ ಜಾಗದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಇದನ್ನು O ಎಂದು

ಗುರುತಿಸಿ.

**ಹಂತ 3:** ಕೈವಾರದ ಚೂಪಾದ ತುದಿಯನ್ನು (ಸೂಚಿ ತುದಿ) O ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಡಿ.

**ಹಂತ 4:** ಕೈವಾರವನ್ನು ನಿರ್ಧಾರಿಸಿ, ತೀಳಿಗಳನ್ನು ಏಳೆಯಿರಿ. ಒಂದೇ ತೀರುಗಿಸಿ ವೃತ್ತವನ್ನು ಏಳೆಯಿರಿ. ಒಂದೇ ಸಾರಿ ಪೊರ್ಟ್ ಚಲನೆಯನ್ನು ಎಚ್ಚರಿಕೆಯಿಂದ ಮಾಡಿ.

ಯೋಚಿಸಿ, ಚಚಿಸಿ, ನಂತರ ಬರೆಯಿರಿ:

ಕೊಟ್ಟಿರುವ ದತ್ತ ಕೇಂದ್ರ ಬಿಂದು O ಮತ್ತು ಬಿಂದು P ಮೂಲಕ ನೀವು ಎಷ್ಟು ವೃತ್ತಗಳನ್ನು ಏಳೆಯಬಹುದು!



## ಅಭ್ಯಾಸ 14.1

- 3.2 cm ತೀಳಿ ಇರುವ ವೃತ್ತವನ್ನು ಏಳೆಯಿರಿ.
- ಒಂದೇ ಕೇಂದ್ರ O ಬಿಂದುವಿನಿಂದ, 4 cm ಮತ್ತು 2.5 cm ತೀಳಿಗಳಿರುವ ಎರಡು ವೃತ್ತಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ.
- ಒಂದು ವೃತ್ತ ರಚಿಸಿ ಅದರಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೂ 2 ವ್ಯಾಸಗಳನ್ನೇಲೆಯಿರಿ. ವ್ಯಾಸಗಳ ಅಂತ್ಯ (ಕೊನೆ) ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿದಾಗ ಉಂಟಾಗುವ ಆಕೃತಿ ಯಾವುದು? ಎರಡೂ ವ್ಯಾಸಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿದ್ದಾಗ ಅವುಗಳ ಅಂತ್ಯ ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿದಾಗ ಯಾವ ಆಕೃತಿ ಉಂಟಾಗುತ್ತದೆ? ನಿಮ್ಮ ಉತ್ತರವನ್ನು ಹೇಗೆ ಪರೀಕ್ಷಿಸುವರಿ?
- ಒಂದು ವೃತ್ತ ರಚಿಸಿ ನಂತರ A, B ಮತ್ತು C ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವಂತೆ ಗುರುತಿಸಿ:
  - A ಬಿಂದುವು ವೃತ್ತದ ಮೇಲಿರುವಂತೆ
  - B ಯು ವೃತ್ತದೊಳಗೆ ಇರುವಂತೆ
  - C ಬಿಂದುವು ವೃತ್ತದ ಹೊರಗೆ ಇರುವಂತೆ
- A ಮತ್ತು B ಎರಡು ಸಮಾನ ತೀಳಿವುಳ್ಳ ವೃತ್ತದ ಕೇಂದ್ರಗಳಾಗಿರಲಿ. ಒಂದು ವೃತ್ತವು ಇನ್ನೊಂದು ವೃತ್ತದ ಕೇಂದ್ರದ ಮೂಲಕ ಹಾದುಹೋಗುವಂತೆ ರಚಿಸಿ. ಎರಡೂ ವೃತ್ತಗಳು C ಮತ್ತು D ಗಳಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಭೇದಿಸಲಿ.  $\overline{AB}$  ಮತ್ತು  $\overline{CD}$  ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿವೆಯೆ? (ಲಂಬ ಕೋನದಲ್ಲಿವೆಯೆ?) ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.

### 14.3 ರೇಖಾವಿಂಡ:

ಒಂದು ರೇಖಾವಿಂಡವು 2 ಅಂತ್ಯ ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಸೃಂಜಿಸಿಕೊಳ್ಳಿ. ಆದುದರಿಂದ ಇದರ ಉದ್ದವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಅಳೆಯಲು ಸಾಧ್ಯ.

ಒಂದು ರೇಖಾವಿಂಡದ ಉದ್ದವು ತಿಳಿದಿದ್ದರೆ ಅದನ್ನು ಒಂದು ಚಿತ್ರದ ಮೂಲಕ ಸೂಚಿಸಬಹುದು. ಇದನ್ನು ಮಾಡುವ ಒಗೆ ಹೇಗೆ ನೋಡೋಣ.

### 14.3.1 ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಉದ್ದವನ್ನು ರೇಖಾವಿಂಡದ ರಚನೆ:

4.7 cm ಉದ್ದದ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ರಚಿಸಬೇಕು ಎಂದಿಟ್ಟುಕೊಳ್ಳಾಣ. ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ, A ಮತ್ತು B ಎಂಬ 2 ಬಿಂದುಗಳನ್ನು 4.7 cm. ದೂರದಲ್ಲಿ (ಅಂತರ) ರೂಪಂತೆ ಗುರುತಿಸಿ. A ಮತ್ತು B ಸೇರಿಸಿ (ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯಿಂದ),  $\overline{AB}$  ಪಡೆಯಿರಿ. A ಮತ್ತು B ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸುವಾಗ ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯ ಗುರುತುಗಳನ್ನು ನೇರವಾಗಿ ಕೆಳಕ್ಕೆ ನೋಡಿ ಗುರುತಿಸಬೇಕು. ಇಲ್ಲವಾದರೆ ಅಳತೆಯ ಪ್ರಮಾಣ ತಪ್ಪಾಗುತ್ತದೆ.

ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರದ ಉಪಯೋಗ:

ದತ್ತ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ರಚಿಸಲು ಉತ್ತಮವಾದ ಕ್ರಮವೆಂದರೆ ಕೈವಾರವನ್ನು ಬಳಸಿ (ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು) ರಚಿಸುವುದು.

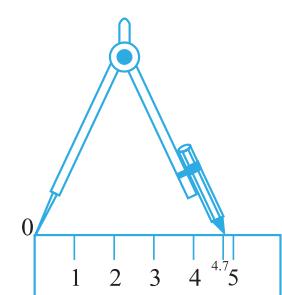
**ಹಂತ 1:** l ಎಂಬ ಒಂದು ರೇಖೆ ಎಳೆಯಿರಿ. ಇದರ ಮೇಲೆ A ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.



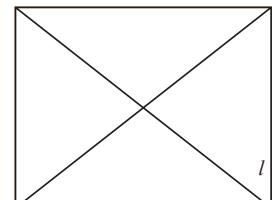
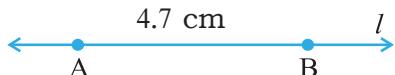
**ಹಂತ 2:** ಒಂದು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯ O ಗುರುತಿನ ಮೇಲೆ ಕೈವಾರದ ಸೂಚಿ ತುದಿಯನ್ನಿಡಿ.

ಅದರ ಪೆನ್ನೀಲ್ ತುದಿಯನ್ನು 4.7 cm ನ ಗುರುತಿನ ಮೇಲಿಡಿ.

**ಹಂತ 3:** ನಂತರ ಕೈವಾರದ ಅಂತರವು ಬದಲಾವಣೆಯಾಗದಂತೆ ಎಚ್ಚರಿಕೆ ವಹಿಸಿ, ಕೈವಾರದ ಸೂಚಿ ತುದಿಯನ್ನು A ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟು l ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಕಂಸ ಮತ್ತು ರೇಖೆಯ ಭೇದಿಸಿದ ಬಿಂದು B ಆಗಿರಲಿ



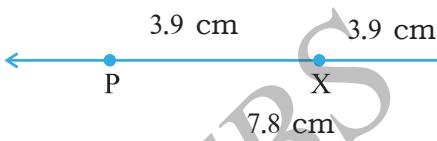
**ಹಂತ 4:**  $\overline{AB}$  ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ರೇಖಾವಿಂಡ.





## ಅಭ್ಯಾಸ 14.2

- 1) 7.3 cm ಲಾದ್ದವಿರುವ ಒಂದು ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಎಳೆಯಿರ.
- 2) 5.6 cm ಲಾದ್ದದ ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರ ಉಪಯೋಗಿಸಿ ರಚಿಸಿ.
- 3)  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದ 7.8 cm ಇರುವಂತೆ ಎಳೆದು ಇದರಲ್ಲಿ  $\overline{AC}$  ಯ ಲಾದ್ದ 4.7 cm ಇರುವಂತೆ ಕತ್ತರಿಸಿ.  $\overline{BC}$  ಯ ಲಾದ್ದವನ್ನು ಅಳೆಯಿರ.
- 4)  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದ 3.9 cm ಇದೆ.  $\overline{PQ}$  ನ ಲಾದ್ದವು  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದದ ಎರಡರಷ್ಟಿರುವಂತೆ  $\overline{PQ}$  ವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಅಳತೆಯಿಂದ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.



**ಸೂಲಿವು:** 1 ರೇಖೆ ಎಳೆದು  $\overline{PX} = \overline{AB} = 3.9$  cm ಇರುವಂತೆ ಗುರುತಿಸಿ. ನಂತರ X ನಿಂದ  $\overline{XQ} = 3.9$  cm ಇರುವಂತೆ ಕತ್ತರಿಸಿ. ಆಗ

$$\overline{PQ} = \overline{PX} + \overline{XQ} = 3.9 + 3.9 = 7.8 \text{ cm} \text{ ಆಗುವುದು.}$$

- 5)  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದ 7.3 cm  $\overline{CD}$  ಯ ಲಾದ್ದ 3.4 cm

ಕೊಟ್ಟಿದೆ. XY ನ ಲಾದ್ದವು  $\overline{AB}$  ಮತ್ತು  $\overline{CD}$  ಗಳ ಲಾದ್ದಗಳ ವೃತ್ತಾಸದಷ್ಟಿರುವಂತೆ ರಚಿಸಿ. ಅಳತೆ ಮಾಡಿ ತಾಳೆ ನೋಡಿ.



### 14.3.2 ಒಂದು ದತ್ತ ರೇಖಾಖಂಡದಂತೆ ಇನ್ನೊಂದು ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ರಚನೆ ಮಾಡುವುದು:

ನೀವು ದತ್ತ ರೇಖಾಖಂಡ  $\overline{AB}$  ಗೆ ಸಮನಾದ ಲಾದ್ದದ ಇನ್ನೊಂದು ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯಬೇಕಾಗಿದೆ ಎಂದಿಟ್ಟುಕೊಳ್ಳೋಣ.

ಸಹಜ ಹಾಗೂ ತಕ್ಷಣದ ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ [(ರೂಲರ್) ಸೆಂಟಿಮೀಟರ್] ಮತ್ತು ಮಿಲಿಮೀಟರ್] ಗುರುತಿಸಿರುವ ಸಾಧನ] ಯ ಸಹಾಯದಿಂದ  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದವನ್ನು ಅಳೆದು ಅಷ್ಟೇ ಅಳತೆಯಿಲ್ಲ  $\overline{CD}$  ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯುವುದು.

ಇನ್ನೊಂದು ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಪಾರದರ್ಶಕ ಹಾಳೆಯಿಂದ  $\overline{AB}$  ಯ ಲಾದ್ದದಷ್ಟೇ ಇನ್ನೊಂದು ರೇಖಾಖಂಡವನ್ನು ಹಾಳೆಯ ಮತ್ತೊಂದು ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗುರುತಿಸುವುದು. ಆದರೆ ಈ ಎರಡೂ ವಿಧಾನಗಳು ನಿಶ್ಚಯಿತವಾದ ಅಳತೆಯನ್ನು (ಪ್ರಮಾಣ) ಯಾವಾಗಲೂ ಕೊಡುವುದಿಲ್ಲ.

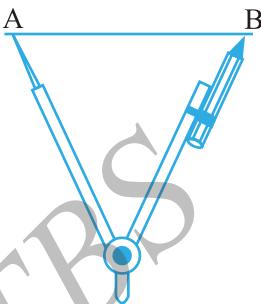
ಇವುಗಳಿಗಿಂತ ಉತ್ತಮ ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರಗಳ ಬಳಕೆ.

$\overline{AB}$  ಯ ಮನು ರಚನೆ:

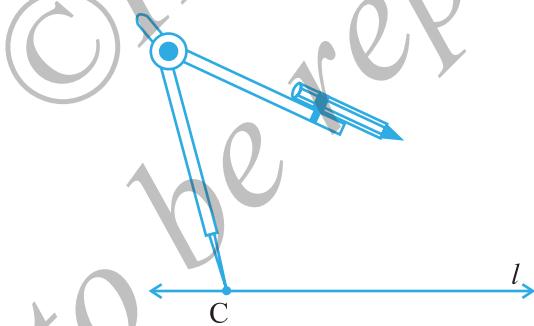
ಹಂತ 1:  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂದವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ ಆದರೆ ಅದರ ಅದರ ಉದ್ದ ತಿಳಿದಿಲ್ಲ.



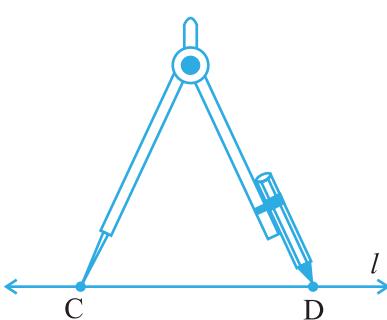
ಹಂತ 2: ಕೈವಾರದ ಸೂಚಕ ತುದಿಯನ್ನು A ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟು ಪೆಸ್ತಿಲ್ಲಾ ತುದಿಯನ್ನು B ಯಲ್ಲಿಡಿ. ಈ ಕೈವಾರದ ತೆರೆದ ಅಂತರವು  $\overline{AB}$  ಯ ಉದ್ದವನ್ನು ಹೊಡುತ್ತದೆ.

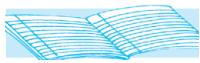


ಹಂತ 3: ಯಾವುದೇ l ರೇಖೆಯನ್ನೇಳಿಯಿರಿ. l ನ ಮೇಲೆ C ಎಂಬ ಒಂದು ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಕೈವಾರದ ಅಳತೆಯನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸದಂತೆ, ಅದರ ಸೂಚಕತುದಿಯನ್ನು C ಯಲ್ಲಿ ಮೇಲಿಡಿ.



ಹಂತ 4: ಕೈವಾರದ ಪೆಸ್ತಿಲ್ಲಾ ತುದಿಯನ್ನು ಚಲಿಸಿ l ರೇಖೆಯನ್ನು ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ D ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳ್ಳಿಯಿರಿ. ಈಗ  $\overline{CD}$  ಯು  $\overline{AB}$  ಪ್ರತಿರೂಪವಾಗಿರುತ್ತದೆ.





## ಅಭ್ಯಾಸ 14.3

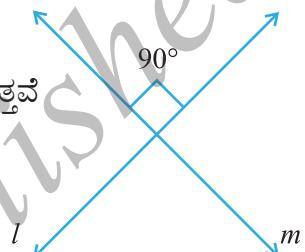
- $\overline{PQ}$  ಎಂಬ ಯಾವುದೇ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ತೆಗೆದುಹಾಕಿ. ಇದರ ಉದ್ದ್ವಷ್ಟನ್ನು ಅಳೆಯದೆ  $\overline{PQ}$  ಗೆ ಸಮಾದ ಪ್ರತಿರೂಪ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ರಚಿಸಿ.
- ಉದ್ದ್ವಷ್ಟನ್ನು ನೊತ್ತಿರದ  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ನಿಮಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದೆ.  $\overline{AB}$  ಯ ಉದ್ದ್ವಷ್ಟದ ಎರಡರಷ್ಟುರುವಂತೆ  $\overline{PQ}$  ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ರಚಿಸಿ.

### 14.4 ಲಂಬರೇಖೆಗಳು:

ಯಾವುದಾದರೂ ಎರಡು ರೇಖೆಗಳು (ಕಿರಣಗಳು, ರೇಖಾವಿಂಡಗಳು)

ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿರಬೇಕಾದರೆ ಅವುಗಳು ಪರಸ್ಪರ  $90^\circ$  ಕೋನದಲ್ಲಿ ಫೇದಿಸುತ್ತವೆ ಎಂದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ.

ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ  $l$  ಮತ್ತು  $m$  ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿವೆ.



ನಿಮ್ಮ ನೋಟೊಬುಕ್‌ನ ಹಾಳೆಯ ಅಥವಾ ಇತರ ಯಾವುದೇ ಮೂರ್ಖ ಹಾಳೆಯ ಮೂಲೆಗಳಲ್ಲಿ ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿ ಸಂಧಿಸುತ್ತವೆ.



#### ಮಾಡಿ ನೋಡಿ:

ನಿಮ್ಮ ಸುತ್ತಮುತ್ತೆ ಇಂತಹ ಲಂಬರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಲ್ಲಿ ನೋಡಿರುವಿರಿ ?

ಒಂದು ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಅದನ್ನು ಮಧ್ಯಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾಗಿ ಮಡಿಚಿ. ಮಡಿಚಿರುವುದನ್ನು ತೀಡಿ.

ಮಡಿಕೆಯನ್ನು ತೆಗೆದು ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ಅಡ್ಡ ದಿಕ್ಕನಲ್ಲಿ ಮಡಿಚಿ, ಮಡಿಚಿರುವುದನ್ನು ತೀಡಿ. ಮಡಿಕೆಯನ್ನು ತೆರೆಯಿರಿ. ಮಡಿಕೆಯ ಎರಡೂ ರೇಖೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.



#### 14.4.1 ಒಂದು ರೇಖೆಯ ಮೇಲಿನ ಒಂದು ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಎಳೆದ ಲಂಬ:

ಒಂದು ಹಾಳೆಯ ಮೇಲೆ ದತ್ತರೇಖೆ  $l$  ಎಳೆದು ಅದರ ಮೇಲೆ

ಬಿಂದು  $P$  ಗುರುತಿಸಿ.  $P$  ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ  $l$  ರೇಖೆಗೆ ಲಂಬವಾದ

ರೇಖೆಯನ್ನು ಪಡೆಯುವುದು ಸುಲಭ. ಹಾಳೆಯನ್ನು ಅದರ ಎರಡೂ ಪಾಶ್ಚಾದ ರೇಖೆಗಳು ಸಮವಾಗಿ ಹೊಂದಿಕೊಳ್ಳುವಂತೆ ಮಾಡಿಕೆ ಮಾಡಿ.

ಟೀಸಿಎಂಗ್ ಕಾಗದ ಅಥವಾ ಇತರ ಯಾವುದೇ ಪಾರದರ್ಶಕವಾದ ಹಾಳೆಯಿಂದ ಈ ಚಟುವಟಿಕೆ ಮಾಡಲು ಸುಲಭ. ಇಂಥಹ ಒಂದು ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಅದರ ಮೇಲೆ / ರೇಖೆಯನ್ನು ಎಳೆದು ಅದರ ಮೇಲೆ P ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಈ P ಬಿಂದುವನ್ನು

/ ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಎಲ್ಲಿ ಬೇಕಾದರೂ ಗುರುತಿಸಬಹುದು. ಈಗ ಪಾರದರ್ಶಕ ಹಾಳೆಯನ್ನು / ರೇಖೆಯ ತನ್ನ ಮೇಲೆಯೇ ಪ್ರತಿಫಲಿಸುವಂತೆ ಮಾಡಿಚಿ. ಈ ಮಾಡಿಕೆಯು P ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗಿರುವಂತೆ ಸರಿ ಹೊಂದಿಸಿ. ಹಾಳೆಯ ಮಾಡಿಕೆಯನ್ನು ತೆರೆದಾಗ, ಮಾಡಿಚಿದ ರೇಖೆಯು ದತ್ತರೇಖೆ / ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ.

### ಯೋಚಿಸಿ, ಚರ್ಚಿಸಿ, ನಂತರ ಬರೆಯಿರಿ:

ಮೇಲಿನ ಚಟುವಟಿಕೆಯಲ್ಲಿ ಎಳೆದ ರೇಖೆಯು / ರೇಖೆಗೆ ಲಂಬವಾಗಿದೆಯೇ? ಇಲ್ಲವೇ? ಹೇಗೆ ಪರಿಶೀಲಿಸುವಿರಿ. ಈ ರೇಖೆಯು P ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗಬೇಕಾದ ಅವಶ್ಯಕತೆಯನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

**ಒಂದು ಸಾಧಾರಣೆ:** ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯ ಮತ್ತು ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಲಂಬವನ್ನೆಂಬುವುದು: (ಒಂದು ಐಜಿಕ ಚಟುವಟಿಕೆ):

**ಹಂತ 1:** ರೇಖೆ / ಮತ್ತು P ಬಿಂದು ಕೊಟ್ಟಿದೆ. P ಬಿಂದು / ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಇರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.



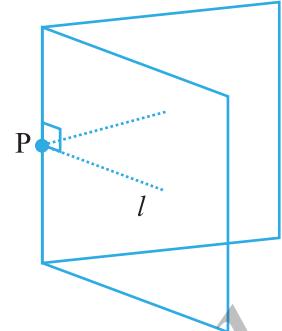
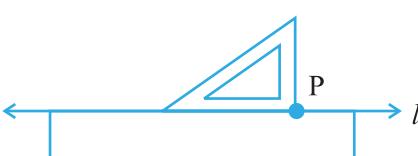
**ಹಂತ 2:** ಅಳತೆಯ ಪಟ್ಟಿಯ ಒಂದು ಅಂಚು / ರೇಖೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿಕೊಂಡಂತೆ ಇಡಿ. ಇದನ್ನು ಬಲವಾಗಿ ಒತ್ತಿ ಹಿಡಿದುಕೊಳ್ಳಿ.



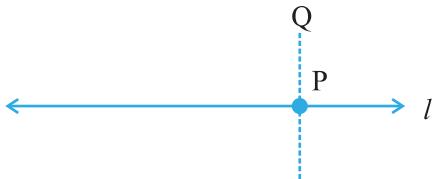
**ಹಂತ 3:** ಒಂದು ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯ ಅಂಚಿನ ಮೇಲೆ ಪರಸ್ಪರ ಲಂಬವಾಗಿರುವಂತೆ ಇಡಿ.



**ಹಂತ 4:** ನಂತರ ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯ ಮೇಲೆ ನಿಧಾನವಾಗಿ ಜಾರಿಸಿ, ಅದರ ಲಂಬಮೂಲೆಯು P ಬಿಂದುವಿನೊಂದಿಗೆ ಸಂಧಿಸುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.



**ಹಂತ 5:** ಈ ಹಂತದಲ್ಲಿ ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಬಲವಾಗಿ ಒಕ್ಕೆ ಹಿಡಿದುಕೊಳ್ಳಿ. ನಂತರ ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯ ಅಂಚಿನಲ್ಲಿ ರೇಖೆ  $\overline{PQ}$  ಎಳೆಯಿರಿ.  $\overline{PQ}$  ರೇಖೆಯು  $l$  ರೇಖೆಗೆ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ. (ಇದನ್ನು ಸೂಚಿಸಲು ಸಂಕೇತ  $\perp$  ನ್ನು ಹೇಗೆ ಬಳಸುವಿರಿ ?)



P ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಉಂಟಾದ ಕೋನವನ್ನು ಅಳೆದು ತಾಳಿ ನೋಡಿ.

ಮೇಲಿನ ಚಟುವಟಿಕೆಯಲ್ಲಿ ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ (ರೂಲರ್)ಗೆ ಬದಲಾಗಿ ಇನ್ನೊಂದು ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಬಳಸಬಹುದೆ? ಯೋಜಿಸಿ?

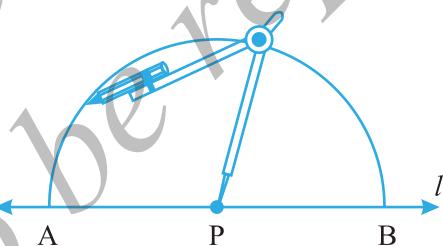
**ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ (ರೂಲರ್) ಮತ್ತು ಕ್ರೀವಾರಗಳ ವಿಧಾನ:**

ರೇಖಾಗಣಿತದಲ್ಲಿ ಲಂಬಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಲು ಆಯ್ದು ವಿಧಾನವೆಂದರೆ, ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕ್ರೀವಾರದ ವಿಧಾನವಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಈ ರಚನೆಯ ಕ್ರಮದ ಹಂತಗಳು ಕೆಳಗಿನಂತಿವೆ:

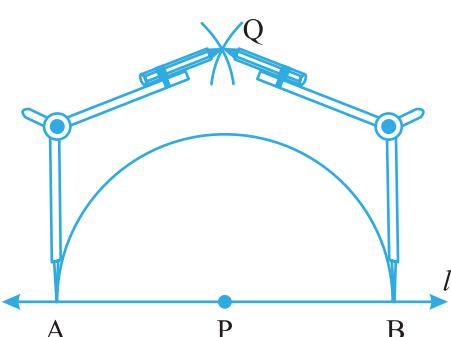
**ಹಂತ 1:** ರೇಖೆ  $l$  ನ ಮೇಲೆ ದತ್ತಬಿಂದು P ಆಗಿರಲಿ.



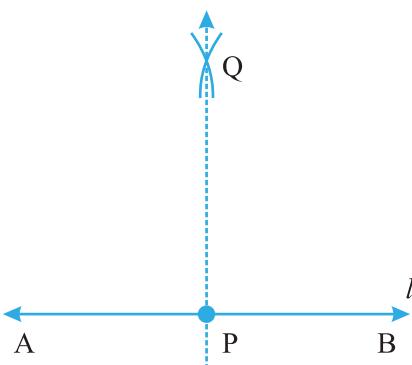
**ಹಂತ 2:** P ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಅನುಕೂಲಕರ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ  $l$  ರೇಖೆಯನ್ನು A ಮತ್ತು B ಗಳಲ್ಲಿ ಘೇದಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 3:** A ಮತ್ತು B ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು,  $\overline{AP}$  ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ Q ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ (2) ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 4:** P ಮತ್ತು Q ಸೇರಿಸಿ,  $\overrightarrow{PQ}$  ರೇಖೆಯಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನು  $\overrightarrow{PQ} \perp l$  ಎಂದು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ.



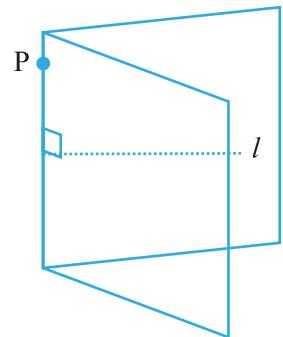
#### 14.4.2 ದತ್ತರೇಖೆಯ ಮೇಲಿಲ್ಲದ ಒಂದು ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ದತ್ತರೇಖೆಗೆ ಎಳೆದ ಲಂಬ:

**ಇದನ್ನು ಮಾಡಿ ಸೋಜಿ:**

(ಕಾಗದ ಮಡಿಚುವಿಕೆ)

ನಮಗೆ ಒಂದು ದತ್ತರೇಖೆ  $l$  ಮತ್ತು ಅದರ ಮೇಲಿಲ್ಲದ ದತ್ತಬಿಂದು P ಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ, P ಯಿಂದ  $l$  ರೇಖೆಗೆ ಲಂಬವನ್ನು ಎಳೆಯಬೇಕಾದರೆ, ಮನಃ ಸರಳವಾದ ಹಾಳೆ ಮಡಿಚುವಿಕೆಯಿಂದ ಮಾಡಬಹುದು.

ಪಾರದರ್ಶಕ ಹಾಳೆಯೊಂದನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. ಅದರ ಮೇಲೆ  $l$  ರೇಖೆಯನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.  $l$  ರೇಖೆ ದೂರದಲ್ಲಿ P ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಈಗ ಹಾಳೆಯನ್ನು ಮಡಿಚಿ, ಮಡಿಚಿರುವುದರಿಂದ ಸುಂಟಾದ ರೇಖೆಯಲ್ಲಿ P ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುವಂತೆ ನೋಡಿಕೊಳ್ಳಿ.



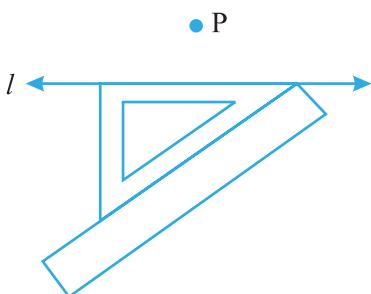
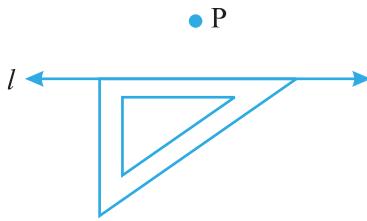
$l$  ರೇಖೆಯ ಭಾಗಗಳು ಒಂದರ ಮೇಲೊಂದು ಇರುವಂತೆ ಹೊಂದಿಕೊಳ್ಳಲಿ. ಈಗ ಮಡಿಚೆಯನ್ನು ತೆರೆಯಿರಿ. ಮಡಿಚೆಯ ರೇಖೆಯು ದತ್ತರೇಖೆ  $l$  ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ ಮತ್ತು P ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೋಗುತ್ತದೆ.

**ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ (ರೂಲರ್)** ಮತ್ತು ಮೂಲಪಟ್ಟಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಲಂಬರೇಖೆ ಎಳೆಯುವ ವಿಧಾನ: (ಇದು ಒಳಿಕೆ ಚಟುವಟಿಕೆ):

**ಹಂತ 1:**  $l$  ದತ್ತರೇಖೆಯಾಗಿರಲಿ, P ಬಿಂದುವು ಅದರ ಹೊರಗಡೆ ಇರಲಿ.

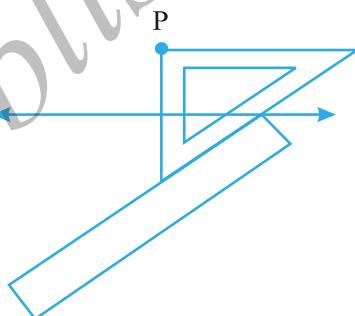


**ಹಂತ 2:** ಮೂಲಪಟ್ಟಿಯ ಲಂಬಕೋನವನ್ನೂ ಗೊಂಡ ಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದು ಬಾಹು 'l' ರೇಖೆಯೊಂದಿಗೆ ಹೊಂದುವಂತೆ ಇಡಿ.

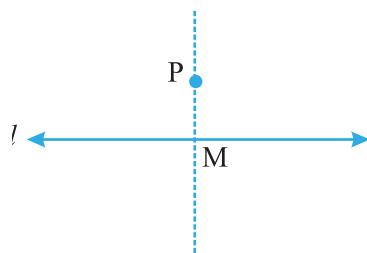


**ಹಂತ 3:** ಮೂಲಪಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿನ ಲಂಬಕೋನದ ಎದುರು ಅರಚಿಗೆ ಸರಿಹೋಗುವಂತೆ ಒಂದು ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಜೋಡಿಸಿ.

**ಹಂತ 4:** ಅಳತೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಸ್ಥಿರವಾಗಿ ಹಿಡಿದುಕೊಂಡು, ಮೂಲಪಟ್ಟಿಯ ಪ್ರತಿ ಕೋನದಲ್ಲಿ ಒಂದು ವರ್ತಣೆ ಮಾಡಿ ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಬಿಂದುವನ್ನು ಮುಟ್ಟುಪಶ್ಚಾತಕ ಜಾರಿಸಿ.



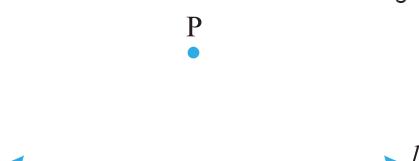
**ಹಂತ 5:** ಮೂಲಪಟ್ಟಿಯ ಅಂಚಿನಲ್ಲೇ ಇರುವ P ಮೂಲಕ, P ಮತ್ತು M ನ್ನು ಸೇರಿಸಿ. ಇದು l ರೇಖೆಯನ್ನು M ನಲ್ಲಿ ಸಂಧಿಸಲಿ. ಈಗ  $PM \perp l$



**ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರಗಳ ವಿಧಾನ:**

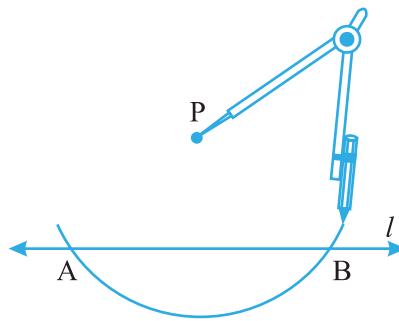
ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರಗಳ ವಿಧಾನವು ಹೆಚ್ಚು ಅನುಕಾಲಕರ ಹಾಗೂ ನಿರ್ವಿರವಾದ ವಿಧಾನವಾಗಿದೆ.

**ಹಂತ 1:** l ದತ್ತರೇಖೆಯಾಗಿದ್ದ P ಬಿಂದುವು ಅದರ ಮೇಲಿಲ್ಲದ ಬಾಹ್ಯ ಬಿಂದುವಾಗಿರಲಿ.

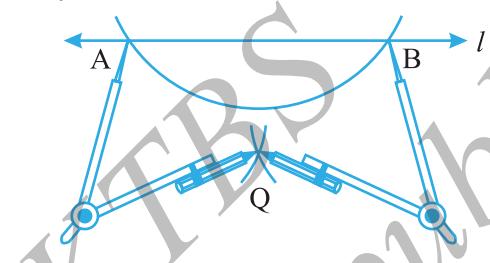


**ಹಂತ 2:** ಕೈವಾರದಿಂದ P ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ದತ್ತರೇಖೆ l ಅನ್ನು A ಮತ್ತು B ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ

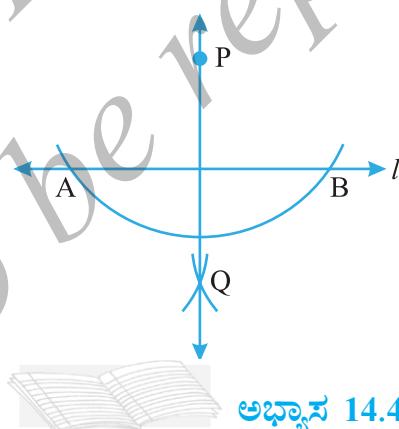
ಕಲ್ಪಿತಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನೇಳಿಯಿರಿ.



**ಹಂತ 3:** ಅದೇ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ, A ಮತ್ತು B ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರಗಳಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ಕೈವಾರದಿಂದ Q ನಲ್ಲಿ ಪರಸ್ಪರ ಕಲ್ಪಿತಸುವಂತೆ ಎರಡು ಕಂಸಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 4:** P ಮತ್ತು Q ಸೇರಿಸಿ,  $\overline{PQ}$  ರೇಖೆಯು ದತ್ತರೇಖೆ  $l$  ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ.



#### ಅಭ್ಯಾಸ 14.4

1.  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಅದರ ಮೇಲೆ ಯಾವುದೇ ಬಿಂದು M ಗುರುತಿಸಿ. Mನ ಮೂಲಕ  $\overline{AB}$ ಗೆ ಲಂಬ ಎಳೆಯಿರಿ. (ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರ ಬಳಸಿ)
2. ಯಾವುದೇ ರೇಖಾವಿಂಡ  $\overline{PQ}$  ಎಳೆಯಿರಿ. ಅದರ ಮೇಲೆ R ಎಂಬ ಒಂದು ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. Rನ ಮೂಲಕ  $\overline{PQ}$  ಗೆ ಲಂಬ ಎಳೆಯಿರಿ. (ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಮೂಲೆ ಪಟ್ಟಿ ಬಳಸಿ)
3.  $l$  ರೇಖೆ ಎಳೆದು ಅದರ ಮೇಲೆ X ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. Xನ ಮೂಲಕ  $\overline{XY}$  ರೇಖಾವಿಂಡವು  $l$  ಗೆ ಲಂಬವಾಗಿರುವಂತೆ ಎಳೆಯಿರಿ. (ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರ ಬಳಸಿ)

### 14.4.3 ಒಂದು ರೇಖಾವಿಂಡದ ಲಂಬಾರ್ಥಕ

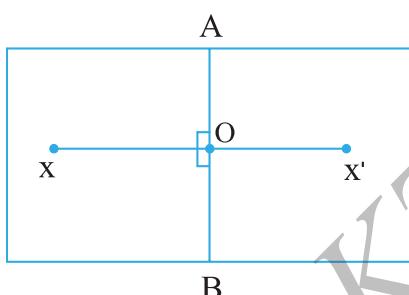
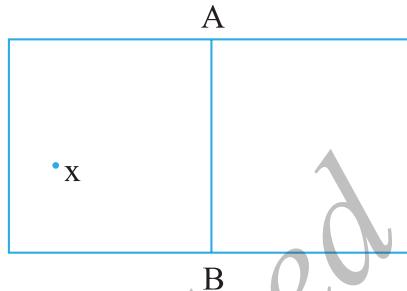


ಒಂದು ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯನ್ನು ಮಧ್ಯಕ್ಕೆ ಮಡಿಚಿ.

ಮಡಿಕೆಯ ರೇಖೆ  $\overline{AB}$  ಆಗಿರಲಿ. X ಎಂಬ ಮಸಿ (ಇಂಕ್) ಬಿಂದುವಾಗಿರಲಿ. X ನ ಪ್ರತಿಬಿಂಬ  $X'$  ನ್ನು  $\overline{AB}$  ದರ್ಪಣ

ರೇಖೆಯಿಂದ ಪಡೆಯಿರಿ. ಈಗ  $\overline{AB}$  ಮತ್ತು  $\overline{XX'}$  ಗಳು ಪರಸ್ಪರ

O ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಟೇಡಿಸಲಿ.



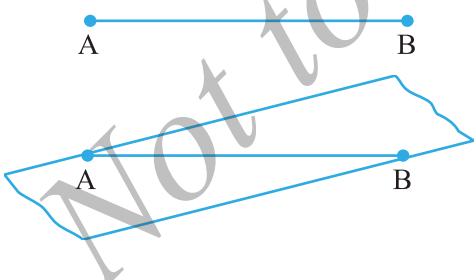
ಇದರ ಪ್ರಕಾರ,  $\overline{AB}$  ಯು  $\overline{XX'}$  ನ್ನು ಅಧಿಕಸುತ್ತದೆ. ಅಥವಾ  $\overline{AB}$  ಯು  $\overline{XX'}$  ನ ಅಧಿಕಸುವ ರೇಖೆ.  $|AOX|$  ಮತ್ತು  $|BOX|$  ಗೆ ಇಂತಹ ಲಂಬಕೋನಗಳಾಗಿವೆ ಗಮನಿಸಿ (ಏಕೆ?).

ಹೀಗಾಗಿ  $\overline{AB}$  ಯು  $\overline{XX'}$  ನ ಲಂಬಾರ್ಥಕ ರೇಖೆಯಾಗಿದೆ.

ಜಿತ್ತದಲ್ಲಿ  $\overline{AB}$  ಯ ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು ಮಾತ್ರ ಕಾಣಲ್ಪಡೇವೆ. ಎರಡು ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾವಿಂಡದ ಲಂಬಾರ್ಥಕವು ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷವಾಗಿರುತ್ತದೆಯೇ? ಲಂಬಾರ್ಥಕವು ಸಮಾಂತರ ಅಕ್ಷವೇ?

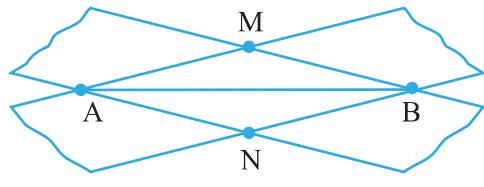


(ಪಾರದರ್ಶಕ ಟೇಪ್ ಬಳಸಿ)

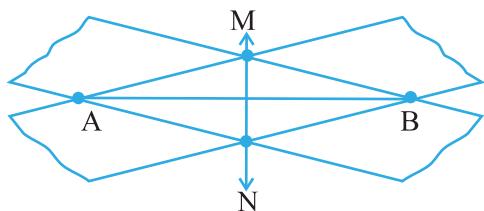


ಹಂತ 1:  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.

ಹಂತ 2: ಜಿತ್ತದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಒಂದು ಆಯಂತಾಕಾರ ಪಾರದರ್ಶಕಪಟ್ಟಿಯನ್ನು  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡಕ್ಕೆ ಅಡ್ಡಲಾಗಿ, A ಮತ್ತು B ಬಿಂದುಗಳು ಪಟ್ಟಿಯ ಅಂಚಿನಲ್ಲಿರುವಂತೆ, ಇಡಿ.



**ಹಂತ 3:** ಇದೇ ರೀತಿ A ಮತ್ತು B ಯ ಮೇಲೆ ಮತ್ತೊಂದು ಪಾರದರ್ಶಕ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಹಿಂದಿನಂತೆ ಅಡ್ಡಲಾಗಿ ಇಡಿ. ಎರಡೂ ಪಟ್ಟಿಗಳು M ಮತ್ತು N ಗಳಲ್ಲಿ ಹಾದು ಹೋಗಲಿ.



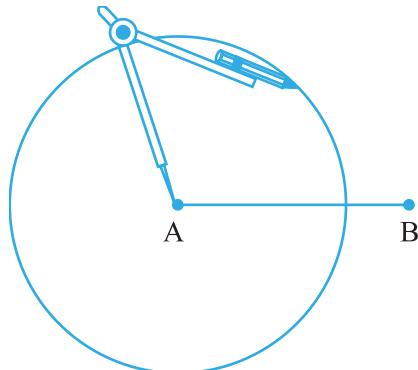
**ಹಂತ 4:** M ಮತ್ತು N ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ.  $\overline{MN}$  ರೇಖಾವಿಂಡವು  $\overline{AB}$  ಯನ್ನು ಅರ್ಥಸುವ ರೇಖೆಯೆ? ಅಳತೆ ಮಾಡಿ, ತಾಳೆ ನೋಡಿ.  $\overline{MN}$  ಇದು  $\overline{AB}$  ಯ ಲಂಬಾರ್ಥಕವೆ? AB ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು ಎಲ್ಲಿದೆ?

**ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ (ರೂಲರ್)** ಮತ್ತು ಕೈವಾರದಿಂದ ರಚನೆ:

**ಹಂತ 1:** ಯಾವುದೇ ಉದ್ದವಿರುವ  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.

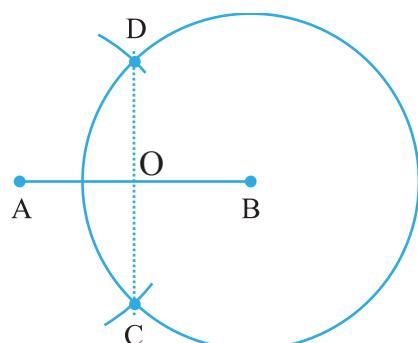


**ಹಂತ 2:** A ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಕೈವಾರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಈ ವೃತ್ತದ ತ್ರಿಜ್ಯವು  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡದ ಉದ್ದದ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿರಬೇಕು.



**ಹಂತ 3:** ಇದೇ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ B ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಇನ್ನೊಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ಕೈವಾರದಿಂದ ರಚಿಸಿ. ಎರಡೂ ವೃತ್ತಗಳು ಪರಸ್ಪರ C ಮತ್ತು D ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ.

**ಹಂತ 4:** CD ಸೇರಿಸಿ. ಇದು  $\overline{AB}$  ಯನ್ನು O ನಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ. ವಿಭಾಜಕದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಅಳೆದು O ಬಿಂದುವು AB ಯ ಮಧ್ಯಬಿಂದು ಆಗುತ್ತದೆಯೇ ಎಂಬುದನ್ನು ತಾಳೆ ನೋಡಿ.  $|COA|$  ಮತ್ತು  $|COB|$  ಕೋನಗಳನ್ನು ಅಳೆದು ಅವು ಲಂಬಕೋನಗಳೇ ಎಂದು ತಾಳೆ ನೋಡಿ. ಆದುದರಿಂದ  $\overline{CD}$ ಯು  $\overline{AB}$  ಯ ಲಂಬಾರ್ಥಕವಾಗುತ್ತದೆ.



ಮೇಲಿನ ರಚನೆಯಲ್ಲಿ ನಮಗೆ ಜೀಕಾದ ಎರಡು ಬಿಂದುಗಳು.

C ಮತ್ತು D ಇವು  $\overline{CD}$  ಯನ್ನು ನಿರ್ದಿಷ್ಟಿಸುತ್ತವೆ. ಇದನ್ನು

ಪಡೆಯಲು ಪೊರ್ನ ವೃತ್ತವನ್ನು ಎಳೆಯುವುದು

ಅವಶ್ಯಕವೇ? ಇದರ ಬದಲಾಗಿ ಪರಸ್ಪರ ಕತ್ತಲಿಸುವ (ಭೇದಿಸುವ)

ಸಣ್ಣಾದ ಕಂಸಗಳು ಸಾಕಲ್ಲವೇ? ಆದುದರಿಂದ ಮುಂದೆ

ಇದನ್ನೇ ಬಳಕೆ ಮಾಡುತ್ತೇವೆ.

**ಇದನ್ನು ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:**

ಈ ರಚನೆಯ 2ನೇ ಹಂತದಲ್ಲಿ

ವೃತ್ತದತ್ತಿಜ್ಞವನ್ನು  $\overline{AB}$  ಯ ಉದ್ದದ

ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ತೆಗೆದುಕೊಂಡರೆ ವಿನಾಗುತ್ತದೆ? ಉಹಿಸಿ.

## ಅಭ್ಯಾಸ 14.5

1.  $\overline{AB}$  ಯ ಉದ್ದ 7.3 cm ಇರುವಂತೆ ಎಳೆದು ಇದರ ಸಮಾಂತರಿ ರೇಖೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
2. 9.5 cm ಉದ್ದವಿರುವ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಳೆದು ಅದರ ಲಂಬಾರ್ಥಕವನ್ನು ರಚಿಸಿ.
3.  $\overline{XY}$ ನ ಉದ್ದ 10.3 cm ಎಳೆದು ಅದರ ಲಂಬಾರ್ಥಕವನ್ನು ರಚಿಸಿ.  
ಎ) ಲಂಬಾರ್ಥಕದ ಮೇಲೆ ಯಾವುದೇ P ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ;  $PX = PY$  ಸಮಾಂತರಿ? ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.  
ಬಿ) M ಬಿಂದುವು  $XY$ ನ ಮಧ್ಯ ಬಿಂದುವಾದರೆ,  $\overline{MX}$  ಮತ್ತು  $\overline{MY}$  ಗಳ ಉದ್ದಗಳ ಬಗ್ಗೆ ನೀವೇನು ಹೇಳುವಿರಿ?
4. 12.8cm ಉದ್ದವಿರುವ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನೆಂದು, ಅದನ್ನು ಕ್ಷೇತ್ರದ ಸಹಾಯದಿಂದ 4 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಂಗಡಿಸಿ. ಅಳತೆ ಮಾಡಿ ತಾಳಿ ನೋಡಿ.
5. ವ್ಯಾಸ  $\overline{PQ} = 6.1$  cm ಇರುವಂತೆ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿ.
6. C ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಯೂಕೊಂಡು 3.4 cm ತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿ; ಅದರಲ್ಲಿ ಒಂದು ಜ್ಯಾ  $\overline{AB}$  ಗುರುತಿಸಿ.  $\overline{AB}$ ಗೆ ಲಂಬಾರ್ಥಕವನ್ನು ರಚಿಸಿ.  $\overline{AB}$ ಯ ಲಂಬಾರ್ಥಕವು C ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾದು ಹೊಗುತ್ತದೆಯೆ? ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.
7. ಮೇಲಿನ 6ನೇ ಪ್ರಶ್ನೆಯಲ್ಲಿ  $\overline{AB}$ ಯನ್ನು ವ್ಯಾಸವಾಗಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ರಚನೆ ಮಾಡಿ.
8. 4 ಸೆ.ಮೀ. ತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಅದರಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೂ ಎರಡು ಜ್ಯಾಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಈ ಜ್ಯಾಗಳಿಗೆ ಲಂಬಾರ್ಥಕಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ. ಅವು ಎಲ್ಲಿ ಸಂಧಿಸುತ್ತವೆ?
9. O ಶೈಂಗವಿರುವಂತೆ ಯಾವುದಾದರೂ ಒಂದು ಕೋನ ರಚಿಸಿ. ಅವುಗಳ ಬಾಹುಗಳ ಮೇಲೆ A ಮತ್ತು B ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ  $OA = OB$  ಆಗಿರುವಂತೆ ಗುರುತಿಸಿ.  $\overline{OA}$  ಮತ್ತು  $\overline{OB}$  ಗಳಿಗೆ ಲಂಬಾರ್ಥಕಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಇವು P ಯಲ್ಲಿ ಸಂಧಿಸಲಿ.  $\overline{PA} = \overline{PB}$  ಆಗಿದೆಯೆ? ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ.

## 14.5 ಕೋನಗಳು:

### 14.5.1 ದತ್ತ ಪ್ರಮಾಣದ (ಅಳತೆಯ) ಕೋನದ ರಚನೆ:

$40^\circ$  ಅಳತೆ ಇರುವ ಕೋನವು ಬೇಕಾಗಿದೆ ಎಂದಿಟ್ಟುಕೊಳ್ಳೋಣ.

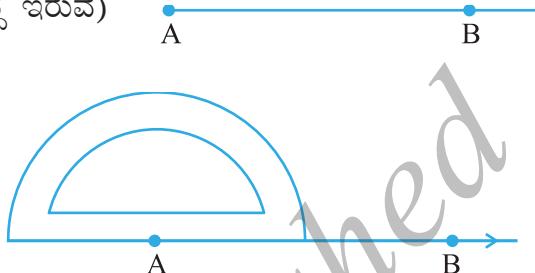
ಈ ಕೆಳಕಂಡ ಹಂತಗಳನ್ನು ಅನುಸರಿಸಿ.

ಹಂತ 1:  $\overline{AB}$  ರೇಖಾವಿಂಡ (ಯಾವುದೇ ಉದ್ದ ಇರುವ)

ಎಳೆಯಿರಿ.

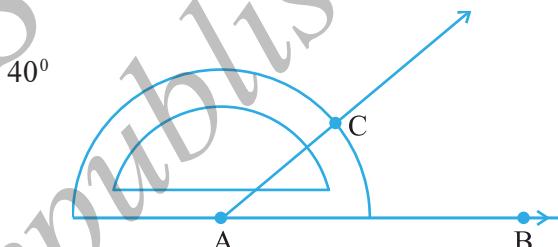
ಹಂತ 2: ಕೋನ ಮಾಪಕದ ಮುದ್ದೆಯಿಂದುವನ್ನು

A ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟ  $\overline{AB}$  ಯ ನೇರದಲ್ಲಿ  
O ಗೆ ಸಮನ್ವಯಗೊಳಿಸಿ.



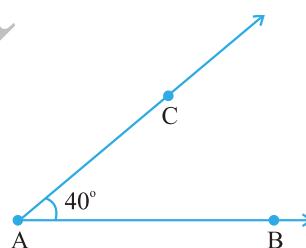
ಹಂತ 3: B ಗೆ ಹತ್ತಿರುವಿರುವ O ಯಿಂದ ಪ್ರಾರಂಭಿಸಿ  $40^\circ$

ಗೆ ಎಂದು C ಎಂದು ಗುರುತು ಮಾಡಿ,



ಹಂತ 4: A ಮತ್ತು C ಸೇರಿಸಿ.

$BAC$  ಯು ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಕೋನ.

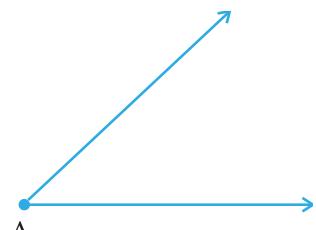


### 14.5.2 ಪ್ರಮಾಣ (ಅಳತೆ) ಗೊತ್ತಿಲ್ಲದ ಒಂದು ಕೋನವನ್ನು ಮನರ್ಹ ರಚನೆ ಮಾಡುವುದು:

ನಮಗೆ ಅಳತೆ ಗೊತ್ತಿಲ್ಲದ ಒಂದು ಕೋನವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ ಎಂದಿಟ್ಟುಕೊಳ್ಳೋಣ.

ನಾವು ಇದನ್ನು ಮನಃರಚನೆ ಮಾಡಬೇಕಾಗಿದೆ. ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕ್ರೀವಾರವನ್ನು ಬಳಸೋಣ.

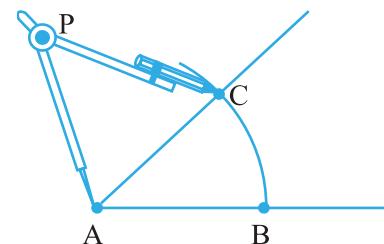
|A ಅಳತೆ ಗೊತ್ತಿಲ್ಲದ ಒಂದು ಕೋನವಾಗಿರಲಿ.



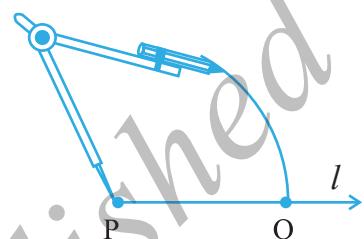
ಹಂತ 1: l ರೇಖೆಯನ್ನು ಎಳೆದು ಒಂದು ಬಿಂದು P ಯನ್ನು ಅದರ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಿ.



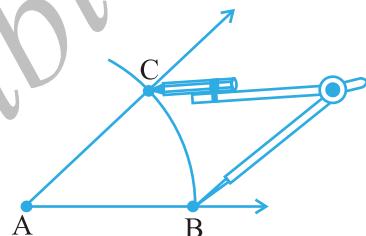
**ಹಂತ 2:** ಕೈವಾರದ ಸಹಾಯದಿಂದ, A ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು |A ದ ಬಾಹುಗಳನ್ನು B ಮತ್ತು C ಗಳಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



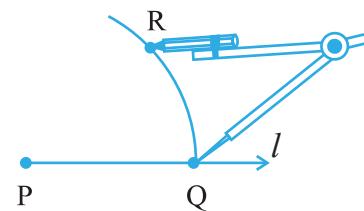
**ಹಂತ 3:** ಕೈವಾರದ ಇದೇ ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಇಟ್ಟುಕೊಂಡು P ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು l ರೇಖೆಯನ್ನು Q ನಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 4:** ಕೈವಾರವನ್ನು  $\overline{BC}$  ಯ ಉದ್ದಕೆ ಸ್ಥಿರಗೊಳಿಸಿ.



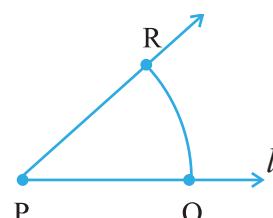
**ಹಂತ 5:** ಈಗ ಕೈವಾರದ ಸೂಜಿ ತುದಿಯನ್ನು Q ವಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟು ಹಿಂದಿನ ಕಂಸವನ್ನು R ನಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸಿ.



**ಹಂತ 6:** ಈಗ PR ಸೇರಿಸಿ.ಇದು  $|P$  ಯನ್ನು ಕೊಡುತ್ತದೆ.

$|P$  ಯು  $|A$  ನಷ್ಟೇ ಅಳತೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.

ಅಂದರೆ  $|QPR$  ವು  $|BAC$  ಯಷ್ಟೇ ಅಳತೆಯನ್ನು (ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು) ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.



### 14.5.3 ಕೋನವನ್ನು ಅರ್ಥಿಸುವ ರೇಖೆ (ಕೋನಾರ್ಥಕ)



ಒಂದು ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಹೊಳ್ಳಿ. ಅದರ ಮೇಲೆ O ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಮೂಲಬಿಂದು O ನಿಂದ

$\overrightarrow{OA}$  ಮತ್ತು  $\overrightarrow{OB}$  ಕಿರಣಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ನಿಮಗೆ  $|AOB|$

ದೂರೆಯುತ್ತದೆ.

ಈಗ ಕಾಗದದ ಹಾಳೆಯನ್ನು O ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ,

$\overrightarrow{OA}$  ಮತ್ತು  $\overrightarrow{OB}$  ಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಒಕ್ಕಾಗುವಂತೆ ಮಡಿಚಿ ತೀಡಿ. ಮಡಿಕೆಯನ್ನು ತೆರೆದಾಗ ಉಂಟಾಗುವ ಮಡಿಕೆ ರೇಖೆ  $\overrightarrow{OC}$  ಆಗಿರಲಿ.

$\overrightarrow{OC}$  ಯು  $|AOB|$  ಯ ಸಮಾಂಶ ರೇಖೆಯಾಗಿರುತ್ತದೆ.

$|AOC|$  ಮತ್ತು  $|COB|$  ಗಳನ್ನು ಅಳತೆ ಮಾಡಿ. ಅವು ಸಮಾಗಿವೆಯೇ?  $\overrightarrow{OC}$  ಯು  $|AOB|$  ಯ ಸಮಾಂಶ ರೇಖೆಯಾಗಿದ್ದ  $|AOC|$  ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕವಾಗುತ್ತದೆ. ಆದುದರಿಂದ  $\overrightarrow{OC}$  ಯನ್ನು  $|AOB|$  ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕ ಎನ್ನುತ್ತೇವೆ.

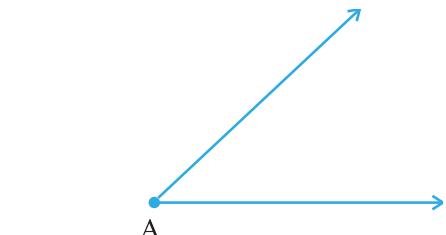
ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೃವಾರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ರಚನೆ:

A ಕೋನವು ದತ್ತ ಕೋನವಾಗಿರಲಿ.

**ಹಂತ 1:** A ಯನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು ಕೃವಾರ ಬಳಸಿ

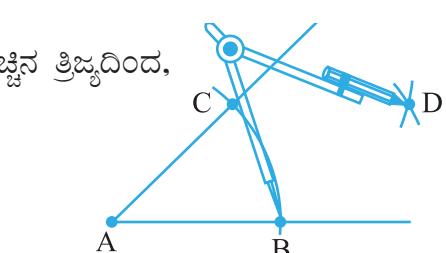
A ಯ ಎರಡೂ ಕಿರಣಗಳನ್ನು (ಬಾಹುಗಳನ್ನು)

ಕತ್ತರಿಸುವರಿಂತೆ ಒಂದು ಕರಿಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಹೀಗೆ ಕತ್ತರಿಸಿದ ಬಿಂದುಗಳು B ಮತ್ತು C ಆಗಿರಲಿ.



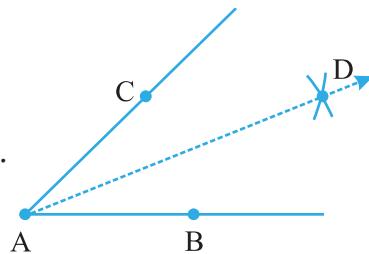
**ಹಂತ 2:** B ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು BC ಉದ್ದದ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ತ್ರಿಜ್ಞಾದಿಂದ,

A ಒಳಭಾಗದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಕರಿಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 3:** ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸದೆ C ಕೇಂದ್ರದಿಂದ ಹಿಂದಿನ ಕಂಸವನ್ನು D ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ ಇನ್ನೊಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ. ಎರಡೂ ಕಂಸಗಳು D ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸಲಿ.

$\overline{AD}$  ಸೇರಿಸಿ,  $\overline{AD}$  ಯು  $|A$  ಯ ಕೋನಾರ್ಥಕವಾಗುತ್ತದೆ.



#### ಇದನ್ನು ಪ್ರಯೋಧಿ:

2ನೇ ಹಂತದ ರಚನೆಯಲ್ಲಿ ಕೈವಾರದ ತ್ರಿಜ್ಯವು BCಯ ಉದ್ದದ ಅರ್ಥಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆಯಾಗಿದ್ದರೆ ಎನಾಗುತ್ತದೆ ? ಪರಿಶೀಲಿಸಿ.

#### 14.5.4 ವಿಶೇಷ ಪ್ರಮಾಣದ (ಅಳತೆಯಳ್ಳಿ) ಕೋನಗಳು:

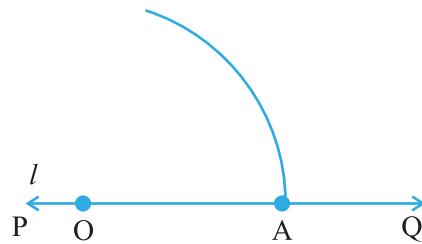
ಕೆಲವು ವಿಶೇಷ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ ಕೋನಗಳನ್ನು ಕೋನಮಾಪಕದ ಸಹಾಯವಿಲ್ಲದೆ ನಿರ್ವಿರವಾಗಿ ರಚಿಸಬಹುದು. ಕೆಲವು ಕೋನಗಳನ್ನು ಇಲ್ಲಿ ಜರ್ಜ್‌ಸ್ಟೋಣ.

#### 60° ಕೋನದ ರಚನೆ:

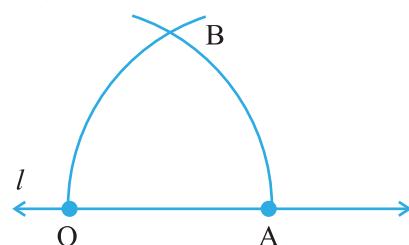
**ಹಂತ 1:** ಲೇಖೆಯನ್ನು ಎಳೆದು, ಅದರ ಮೇಲೆ O ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.



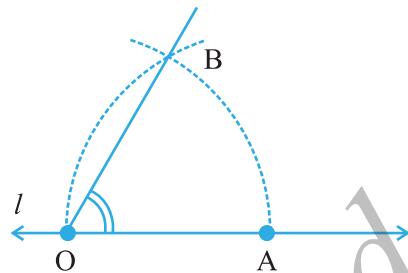
**ಹಂತ 2:** ಕೈವಾರ ಸೂಜಿ ತುದಿಯನ್ನು O ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟು ಅನುಕೂಲಕರ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ  $\overline{PQ}$  ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ A ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 3:** ಈಗ A ಬಿಂದುವನ್ನು ಕೇಂದ್ರವಾಗಿಟ್ಟುಕೊಂಡು OA ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 4:** ಈ ಎರಡೂ ಕಂಸಗಳು  $B$  ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸಲಿ.  $OB$  ಸೇರಿಸಿ.  $\angle BOA = 60^\circ$  ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು (ಅಳತೆಯನ್ನು) ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.



$30^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸುವುದು:

ಮೊದಲು  $60^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ಹಿಂದಿನಂತೆ ರಚಿಸಿ. ನಂತರ ಇದನ್ನು ಅಧಿಕಸಿ.

ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ:

15° ಕೋನವನ್ನು

ಹೇಗೆ ರಚಿಸುವಿರಿ ?

$120^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚನೆ:

$120^\circ$  ಕೋನವು  $60^\circ$  ಕೋನದ ಎರಡರಷ್ಟಿಗೆ. ಅದುದರಿಂದ ಇದನ್ನು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ರಚನೆ ಮಾಡಬಹುದು.

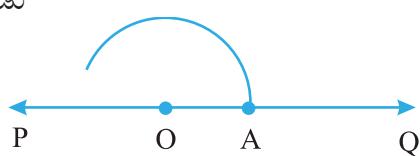
**ಹಂತ 1:** ಯಾವುದಾದರು ಒಂದು ರೇಖೆ  $\overrightarrow{PQ}$

ಎಳೆದು, ಅದರ ಮೇಲೆ  $O$  ಬಿಂದುವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ.



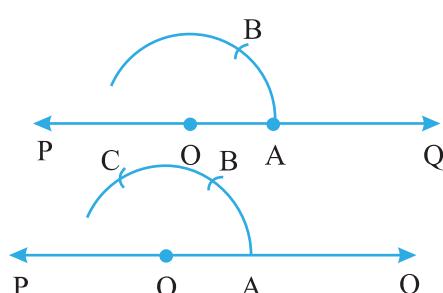
**ಹಂತ 2:** ಕ್ಯಾರೆಡ ಸೂಜಿ ತುದಿಯನ್ನು  $O$  ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟುಕೊಂಡು

ಅನುಕೂಲಕರ ತ್ರಿಜ್ಯದಿಂದ  $\overrightarrow{PQ}$  ರೇಖೆಯನ್ನು  $A$  ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ ಒಂದು ಕಂಸವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.



**ಹಂತ 3:** ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸದೆ, ಕ್ಯಾರೆಡ ಕಂಸವನ್ನು  $B$  ಯಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸಿ.

$A$  ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿಟ್ಟು ಹಿಂದಿನ ಕಂಸವನ್ನು  $B$  ಯಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸಿ.

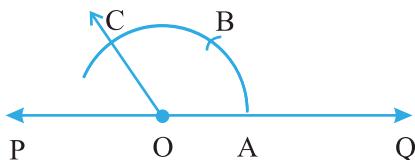


**ಹಂತ 4:** ಮತ್ತೆ ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಬದಲಾಯಿಸದೆ,  $B$  ಯಿಂದ

ಮತ್ತೊಂದು ಕಂಸವನ್ನು C ಯಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸುವಂತೆ ಎಳೆಯಿರಿ.

**ಹಂತ 5:** : OC ಯನ್ನು ಸೇರಿಸಿ,  $|COA|$  ಕೋನವು

ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಕೋನವಾಗಿದ್ದ ಅದರ ಅಳತೆ  $120^\circ$  ಆಗಿರುತ್ತದೆ.



**ಪ್ರಯೋಜಿ:**

ಇದೇ ರೀತಿ  $150^\circ$

ಕೋನವನ್ನು ಹೇಗೆ  
ರಚಿಸುವಿರಿ ?

$90^\circ$  ಕೋನದ ರಚನೆ:

ಒಂದು ರೇಖೆಯ ಮೇಲಿನ ಒಂದು ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಒಂದು ಲಂಬರೇಖೆಯನ್ನು  
ರಚಿಸಿ. ಹಿಂದೆ ಚರ್ಚಿಸಿದಂತೆ ಇದು ನಮಗೆ ಬೇಕಾದ  $90^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ಹೊಡುತ್ತದೆ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 14.6

- $|PQR| = 75^\circ$  ಇರುವಂತೆ ಕೋನ ರಚಿಸಿ ಅದರ ಸಮಮಿತಿ ರೇಖೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- $147^\circ$  ಅಳತೆಯಳ್ಳಿ ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅದರ ಕೋನಾರ್ಥಕವನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.
- ಒಂದು ಲಂಬಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅದರ ಕೋನಾರ್ಥಕ ಎಳೆಯಿರಿ.
- $153^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅದನ್ನು 4 ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ.
- ಈ ಕೆಳಗಿನ ಅಳತೆಗಳ ಕೋನವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕ್ರೇವಾರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ರಚಿಸಿ:
  - $60^\circ$
  - $30^\circ$
  - $90^\circ$
  - $120^\circ$
  - $45^\circ$
  - $135^\circ$
- $45^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅರ್ಥಿಸಿ.
- $135^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಅರ್ಥಿಸಿ.
- $70^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. ಇದಕ್ಕೆ ಸಮನಾದ ಇನ್ನೊಂದು ಕೋನವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕ್ರೇವಾರದಿಂದ ರಚಿಸಿ.
- $40^\circ$  ಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ ಇದರ ಸಂಪೂರ್ಕ (ಸರಳ ಕೋನಪೂರಕ) ಕೋನವನ್ನು ಮನಃ ರಚಿಸಿ.

ನಾವೇನು ಚೆಚ್ಚಿಸಿದ್ದೇವು?

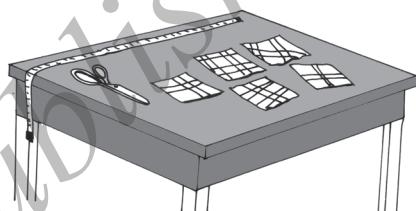
ಈ ಅಧ್ಯಾಯದ ರೇಖಾಗಣಿತದ ಆಕೃತಿಗಳ ರಚನೆಯ ವಿಧಾನಗಳನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿದೆ.

1. ರೇಖಾಗಣಿತದ ಈ ಕೆಳಗಿನ ಉಪಕರಣಗಳನ್ನು ಬಳಸುತ್ತೇವೆ.  
a) ಗುರುತು ಮಾಡಿರುವ ಅಳತೆ ಪಟ್ಟಿ      b) ಕೈವಾರ      c) ವಿಭಾಜಕ  
d) ಮೂಲೆಪಟ್ಟಿಗಳು      e) ಕೋನಮಾಪಕ
2. ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಮತ್ತು ಕೈವಾರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಈ ಕೆಳಗಿನ ರಚನೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಬಹುದು:
  - i) ತ್ರಿಜ್ಯದ ಉದ್ದವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಾಗ ವೃತ್ತದ ರಚನೆ
  - ii) ಉದ್ದವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿರುವ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಳೆಯುವುದು.
  - iii) ದತ್ತ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಮನಃ ರಚನೆ ಮಾಡುವುದು.
  - iv) ಒಂದು ದತ್ತರೇಖೆಗೆ ಲಂಬರೇಖೆಯನ್ನು ದತ್ತವಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಎಳೆಯುವುದು:  
a) ಬಿಂದುವು ರೇಖೆಯ ಮೇಲಿದ್ದಾಗ b) ಬಿಂದುವು ರೇಖೆಯ ಮೇಲೆ ಇಲ್ಲದಿರುವಾಗ  
v) ಒಂದು ದತ್ತ ರೇಖಾವಿಂಡಕ್ಕೆ ಲಂಬಾರ್ಥಕವನ್ನು ರಚಿಸುವುದು.
  - vi) ಅಳತೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಕೋನದ ರಚನೆ.
  - vii) ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಕೋನದ ಮನರ್ಹ ರಚನೆ.
  - viii) ದತ್ತ ಕೋನದ ಕೋನಾರ್ಥಕದ ರಚನೆ.
  - ix) ವಿಶೇಷ ಅಳತೆಯುಳ್ಳ ಕೆಲವು ಕೋನಗಳ ರಚನೆ, ಉದಾಹರಣೆಗೆ  
a)  $90^{\circ}$       b)  $45^{\circ}$       c)  $60^{\circ}$       d)  $30^{\circ}$       e)  $120^{\circ}$       f)  $135^{\circ}$



## ಮೆದುಳಿಗೆ ಕಸರತ್ತು

1. ಒಂದು ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿರುವ ಮಾವಿನಹಣ್ಣಗಳನ್ನು ಒಮ್ಮೆಗೆ ಎರಡರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ಒಂದು ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಮೂರರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ಎರಡು ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ. ನಾಲ್ಕರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ಮೂರು ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಐದರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ನಾಲ್ಕು ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಆರರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ಐದು ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಏಳರಂತೆ ಎಣಿಸಿದಾಗ ಯಾವುದೇ ಹಣ್ಣ ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿ ಕನಿಷ್ಠ ಎಷ್ಟು ಮಾವಿನಹಣ್ಣಗಳಿವೆ ?
2. ಒಬ್ಬ ಹುಡುಗನಿಗೆ 3, 5, 12 ಮತ್ತು ಮತ್ತೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಗೆ L.S.A.ಗು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಲು ತಿಳಿಸಲಾಯಿತು. ಅವನು ಲೆಕ್ಕೆ ಮಾಡುವಾಗ 12 ರ ಬದಲಿಗೆ 21 ಎಂದು ಬರೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ. ಆದರೂ ಸಹ ಅವನು ಸರಿ ಉತ್ತರ ಪಡೆಯುತ್ತಾನೆ. ಹಾಗಾದರೆ ನಾಲ್ಕನೇ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದಾಗಿರಬಹುದು ?
3. 15m, 21m, 36m, 42m, 48m, ಉದ್ದಪ್ಪಳ್ಳ ಏದು ಬಟ್ಟೆಯ ತುಂಡುಗಳಿವೆ. ಅವುಗಳೆಲ್ಲವನ್ನು ಅಳತೆಪಟ್ಟಿ ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಪೂರ್ಣ ಮಾನಗಳಲ್ಲಿ ಅಳೆಯಬಹುದಾಗಿದೆ. ಅಳತೆ ಪಟ್ಟೆಯ ಅಶ್ಯಂತ ಹೆಚ್ಚಿನ ಉದ್ದ ಎಷ್ಟುಗಿರಬಹುದು ?
4. ಮೂರು ಹಾಲಿನ ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳಿವೆ. ಒಂದರಲ್ಲಿ ನಿಖಿರವಾಗಿ 10 ಲೀಟರ್ ಹಾಲು ಹಿಡಿಸಿ ಭಕ್ತಿಯಾಗುತ್ತದೆ. ಉಳಿದೆಡು ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಕ್ರಮವಾಗಿ 7 ಲೀಟರ್ ಮತ್ತು 3 ಲೀಟರ್ ಹಾಲು ಹಿಡಿಯುತ್ತದೆ. ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳಲ್ಲಿ ಅಳತೆಯನ್ನು ಗುರುತ್ವಾಡಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಒಬ್ಬ ಗಿರಾಕಿಯು 5 ಲೀಟರ್ ಹಾಲನ್ನು ಕೇಳುತ್ತಾನೆ. ಅವನು ಕೇಳಿದ ಪ್ರಮಾಣದ ಹಾಲನ್ನು ನೀವು ಹೇಗೆ ನೀಡುವಿರಿ? ಕಣ್ಣಿನ ಅಂದಾಜಿನಿಂದ ಗಿರಾಕಿಯು ಶ್ರುಪ್ತನಾಗುವುದಿಲ್ಲ.
5. ಯಾವ ಎರಡು-ಅಂಕಿಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು 27ಕ್ಕೆ ಸೇರಿಸಿದಾಗ ಅವು ತಿರುವು ಮುರುವಾಗುತ್ತವೆ ? (ಮೊದಲ ಅಂಕ ಎರಡನೆ ಅಂಕ ಹಾಗೂ ಎರಡನೇ ಅಂಕ ಮೊದಲಂಕಿಯಾಗುವುದು.)
6. ಸಿಮೆಂಟಿಗೂ ಮರಳಿಗೂ ಘನಫಲದಲ್ಲಿ 1:6 ಅನುಪಾತವಿರುವಂತೆ ಮಿಶ್ರಣ ಮಾಡಿ ಸಿಮೆಂಟ್ ಗಾರೆಯನ್ನು ತಯಾರಿಸಲಾಗಿದೆ. ಸಿಮೆಂಟ್ ಗಾರೆಯ 42 ಮಾನಗಳ ಘನಫಲದಲ್ಲಿ ಅನುಪಾತವು 2:9 ಆಗಬೇಕಾದರೆ ಇನ್ನೂ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚಿನ ಪ್ರಮಾಣದ ಸಿಮೆಂಟನ್ನು ಸೇರಿಸಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ?
7. ನೀರಿನೊಂದಿಗಿನ ಉಪ್ಪಿನ ದ್ರಾವಣದಲ್ಲಿ ಉಪ್ಪಿಗೂ ನೀರಿಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ತೂಕದಲ್ಲಿ 30:70 ಇತ್ತು. ಒಂದು ಕಿಲೋಗ್ರಾಂನಷ್ಟು ಈ ದ್ರಾವಣದಿಂದ 100 ಗ್ರಾಂ ನೀರನ್ನು ನಾವು ಆವಿ ಮಾಡಿದಾಗ, ಉಪ್ಪಿಗೂ ನೀರಿಗೂ ತೂಕದಲ್ಲಿ ಇರುವ ಅನುಪಾತ ಎಷ್ಟುಗಬಹುದು ?
8. ಜೇನು ನೊಣಗಳ ಗುಂಟಿನಲ್ಲಿ ಅರ್ಥದಷ್ಟು ಜೇನು ನೊಣಗಳು ಸಾಸಿಪೆ ಹೊಲದಿಂದ ಜೇನನ್ನು ಸಂಗೃಹಿಸಲು ಹೊರಟಿವು. ಉಳಿದವುಗಳಲ್ಲಿ ನಾಲ್ಕನೇ ಮೂರರಪ್ಪು ಗುಲಾಬಿ ಕೋಟಕ್ಕೆ ಹೊರಟಿವು. ಉಳಿದ ಹತ್ತು ನೊಣಗಳು ಯಾವುದೇ ತೀಮಾರ್ನಕ್ಕೆ ಬಂದಿರುವುದಿಲ್ಲ. ಹಾಗಾದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಜೇನು ನೊಣಗಳಿವೆ ?





9. ಹದಿನ್ಯೇದು ಮಕ್ಕಳು ವೃತ್ತಾಕಾರದಲ್ಲಿ ಕುಳಿತಿದ್ದಾರೆ. ಒಂದು ಕರವಸ್ತೇವನ್ನು ಮಗುವಿಗೆ ನೀಡಿ ಇದನ್ನು ತನ್ನ ಪಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಕುಳಿತಿರುವ ಮಗುವನ್ನು ಬಿಟ್ಟು ತೋಕ್ಕಣಾದ ನಂತರದ ಮಗುವಿಗೆ ನೀಡುತ್ತಾ ಆಟವನ್ನೂ ಮುಂದುವರಿಸುವಂತೆ ತಿಳಿಸಲಾಯಿತು.

ಯಾವ ಮಗುವಿನಿಂದ ಆಟ ಶುರುವಾಯಿತೋ ಆ ಮಗುವಿಗೆ ಕರವಸ್ತೇ ತಲುಪಿದ ನಂತರ ಆಟವು ಮುಗಿರುತ್ತದೆ.

ಇದನ್ನು ಮುಂದಿನ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬಹುದಾಗಿದೆ: 1→3→5 →7→9→11→13→15→2→4 →6→8→10→12→14→1 ಇಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲಾ ಮಗುವಿಗೆ ಕರವಸ್ತೇ ಸಿಗುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸಬಹುದು.

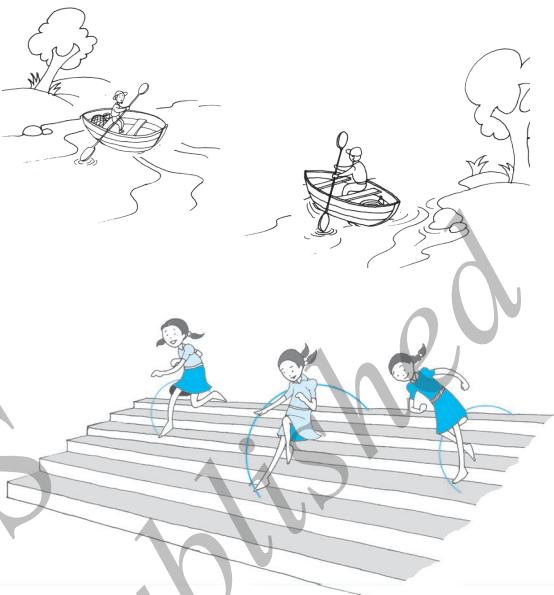
- i) ಪ್ರತಿ ಬಾರಿ ಎರಡು ಮಕ್ಕಳನ್ನು ಮಧ್ಯದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟು ಎಡಭಾಗಕ್ಕೆ ಕರವಸ್ತೇವನ್ನು ನೀಡುತ್ತಾ ಹೋದಲ್ಲಿ ಏನಾಗುವುದು? ಎಲ್ಲಾ ಮಕ್ಕಳಿಗೂ ಕರವಸ್ತೇ ಸಿಗುವುದೇ?
- ii) ಪ್ರತಿ ಬಾರಿ 3 ಮಕ್ಕಳನ್ನು ಮಧ್ಯದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟಾಗ ಏನಾಗುವುದು? ನೀವು ಏನನ್ನು ಗಮನಿಸುವಿರಿ? ಯಾವ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲಾ ಮಕ್ಕಳಿಗೂ ಕರವಸ್ತೇ ಸಿಗುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಯಾವ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ಸಿಗುವುದಿಲ್ಲ?

ಈ ಆಟವನ್ನು 16,17,18,19,20 ಮಕ್ಕಳೊಂದಿಗೆ ಆಡಲು ಪ್ರಯೋಗಿಸಿ. ನೀವು ಏನನ್ನೂ ಗಮನಿಸುವಿರಿ?

10. 9 ಮತ್ತು 16 ಎರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. 9 ಮತ್ತು 16ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿ ಶೇಷವನ್ನು ಪಡೆಯಿರಿ.  $2 \times 9$ ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಶೇಷವೇನು? ಅದೇ ರೀತಿಯಾಗಿ  $3 \times 9$  ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ,  $4 \times 9$  ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ,  $5 \times 9$  ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ .....  $15 \times 9$ ನ್ನು 16 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಶೇಷಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ. 12 ಮತ್ತು 14 ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಳ್ಳಿ. 12,  $12 \times 2$ ,  $12 \times 3$ ,  $12 \times 4$ ,  $12 \times 5$ ,  $12 \times 6$ ,  $12 \times 7$ ,  $12 \times 8$ ,  $12 \times 9$ ,  $12 \times 10$ ,  $12 \times 11$ ,  $12 \times 12$ ,  $12 \times 13$ ನ್ನು 14 ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಾಗ ಬರುವ ಶೇಷಗಳನ್ನು ಪಟ್ಟಿ ಮಾಡಿ. ಮೇಲಿನ ಎರಡು ಪ್ರಕರಣಗಳಲ್ಲಿ ಏನಾದರೂ ವೃತ್ತಾಸವನ್ನು ನೀವು ಕಾಣುವಿರಾ?
11. ಕ್ರಮವಾಗಿ 9 ಮತ್ತು 5 ಲೀಟರ್ ಹಿಡಿಯುವ ಸಾಮಧ್ಯವನ್ನು ಹೊಂದಿರುವ 2 ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳನ್ನು ನಿಮಗೆ ನೀಡಿದೆ. ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳ ಮೇಲೆ ಅಳತೆಯ ಗುರುತುಗಳಿಲ್ಲ ಹಾಗೂ ಕಣ್ಣಿನಿಂದ ಅಂದಾಜಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ನಲ್ಲಿಯಿಂದ 3 ಲೀಟರ್ ನೀರನ್ನು ನೀವು ಹೇಗೆ ಸಂಗೃಹಿಸುವಿರಿ? (ಕ್ಯಾನ್‌ನಿಂದ ನೀರನ್ನು ಹೊರಚೆಲ್ಲಲ್ಲಿ ಅವಕಾಶವಿದೆ) ಕ್ಯಾನ್‌ಗಳಿಗೆ ಕ್ರಮವಾಗಿ 8 ಲೀಟರ್ ಮತ್ತು 6 ಲೀಟರ್ ಹಿಡಿಯುವ ಸಾಮಧ್ಯವಿದ್ದರೆ 5 ಲೀಟರ್ ನೀರನ್ನು ನೀವು ಸಂಗೃಹಿಸಬಲ್ಲಿರಾ?
12. ಒಂದು ಸಭಾಂಗಣದ ಪೂರ್ವದ ಗೊಡೆಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ 108 ಚ.ಮೀ, ಉತ್ತರದ ಗೊಡೆಯ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ 135 ಚ.ಮೀ ಮತ್ತು ನೆಲದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ 180 ಚ.ಮೀ ಇದೆ. ಸಭಾಂಗಣದ ಎತ್ತರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ?
13. ಎರಡು ಅಂಕಿಯ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿನ ಬಿಡಿ ಸಾಫ್ತನದ ಅಂಕಿಯಿಂದ 4ನ್ನು ಕಳೆದು ಮತ್ತು 10 ರ

ಸಾಫ್‌ನದ ಅಂಕಿಗೆ 4ನ್ನು ಕೊಡಿದಾಗ ಸಿಗುವ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಮೊದಲ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎರಡರಷ್ಟರುತ್ತದೆ. ಆ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

14. ಒಂದು ನದಿಯ ವಿರುದ್ಧ ದಿಕ್ಕನಲ್ಲಿರುವ ದಡಗಳಿಂದ ಇಬ್ಬರೂ ನಾವಿಕರು ದೋಣಿಯೊಂದಿಗೆ ಏಕಾಲದಲ್ಲಿ



ಹೊರಡುತ್ತಾರೆ. ಹೊರಟ 45 ನಿಮಿಷಗಳ ನಂತರ ಅವರು ಪರಸ್ಪರ ಅಡ್ಡ ಹಾದು ಹೋಗುತ್ತಾರೆ. ಎದುರಿನ ದಡ ಸಿಗುವವರೆಗೂ ದೋಣಿಯಲ್ಲಿ ಸಾಗಿ ದಡ ಸೇರಿದ ತಕ್ಕಣ ಹಿಂತಿರುಗುತ್ತಾರೆ. ಮನಃ ಇಬ್ಬರೂ ಪರಸ್ಪರ ಯಾವಾಗ ಅಡ್ಡ ಹಾದು ಹೋಗುತ್ತಾರೆ?

15. ಮೂರು ಹುಡುಗಿಯರು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳನ್ನು ಇಳಿಯತ್ತಿದ್ದಾರೆ. ಮೊದಲನೇ ಹುಡುಗಿಯು ಒಂದು ಬಾರಿಗೆ ಎರಡು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳಂತೆ,

ಎರಡನೇ ಹುಡುಗಿಯು ಒಂದು ಬಾರಿಗೆ ಮೂರು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳಂತೆ ಮೂರನೇ ಹುಡುಗಿಯು ಒಂದು ಬಾರಿಗೆ ನಾಲ್ಕು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳಂತೆ ಇಳಿಯತ್ತಾರೆ. ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳ ಆರಂಭದಿಂದ ತಮ್ಮ ಹೆಚ್ಚೆಗಳ ಗುರುತು ಇರುವಂತೆ ಇಳಿಯತ್ತಾರೆ. ಎಲ್ಲರೂ ಕೆಳಗೆ ಇಳಿದಾಗ ತಳಭಾಗದ ಮೆಟ್ಟಿಲಿನ ಮೇಲೆ ಎಲ್ಲರ ಹೆಚ್ಚೆಗಳ ಗುರುತು ಇರುತ್ತವೆ. ಎಷ್ಟು ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳ ಮೇಲೆ ಒಂದೇ ಒಂದು ಜೊತೆ ಹೆಚ್ಚೆಯ ಗುರುತು ಇರಬಹುದು? ಹೆಚ್ಚೆಯ ಗುರುತೇ ಇಲ್ಲದ ಯಾವುದಾದರೂ ಮೆಟ್ಟಿಲುಗಳು ಇರುತ್ತವೆಯೇ?

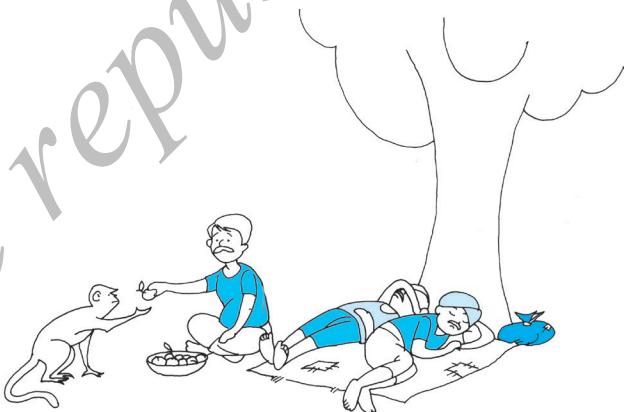
16. ಸೈನಿಕರ ಒಂದು ಗುಂಪನ್ನು ಒಂದು ಸಾಲಿಗೆ ಮೂರು ಜನರಿರುವಂತೆ ನಿಲ್ಲಲು ತಿಳಿಸಲಾಯಿತು. ಒಬ್ಬ ಸೈನಿಕ ಹೆಚ್ಚುವರಿ ಇರುವುದು ಕಂಡುಬಂದಿತು. ನಂತರ ಒಂದು ಸಾಲಿಗೆ 5 ಜನರಿರುವಂತೆ ನಿಲ್ಲಲು ತಿಳಿಸಲಾಯಿತು. ಆಗ ಇಬ್ಬರು ಸೈನಿಕರು ಉಳಿದಿರುವುದು ಕಂಡುಬಂದಿತು. ಒಂದು ಸಾಲುಗೆ ಏಳು ಜನರಿರುವಂತೆ ನಿಲ್ಲಲು ತಿಳಿಸಲಾಯಿತು. ಆಗ ಮೂರು ಸೈನಿಕರನ್ನು ಸರಿದೂಗಿಸಲು ಆಗಲಿಲ್ಲ. ಗುಂಪಿನಲ್ಲಿ ಕನಿಷ್ಠ ಎಷ್ಟು ಮಂದಿ ಸೈನಿಕರಿದ್ದಾರೆ?

17. ನಾಲ್ಕು ‘9’ ಗಳು ಮತ್ತು +, - ×, ಇತ್ಯಾದಿ ಕೆಲವು ಚಿಹ್ನೆಗಳನ್ನು ಒಳಗೆ 100 ನ್ನು ಪಡೆಯಿರಿ.

18.  $2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2$  (30 ಬಾರಿ). ಇದರ ಗುಣಲಭದಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಅಂಕಿಗಳಿವೆ?

19. ಒಬ್ಬ ವ್ಯಕ್ತಿಯ ಮೋಟಾರ್ ಬ್ಯೂಕನ್ನು ಗಂಟೆಗೆ 30 ಕಿ.ಮೀ ವೇಗದಲ್ಲಿ ಚಲಿಸಿದಾಗ ತಾನು ತಲುಪಬೇಕಾದ ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಸ್ಥಳಕ್ಕೆ 5 ನಿಮಿಷ ತಡವಾಗಿ ತಲುಪುತ್ತಾನೆ. ಆದರೆ ಅವನು ಮೋಟಾರ್ ಬ್ಯೂಕನ್ನು ಗಂಟೆಗೆ 40 ಕಿ.ಮೀ ವೇಗದಲ್ಲಿ ಚಲಿಸಿದರೆ 10 ನಿಮಿಷ ಮುಂಚಿತವಾಗಿ ತಲುಪುತ್ತಾನೆ. ಆರಂಭದ ಸ್ಥಳ ಮತ್ತು ತಲುಪಬೇಕಾದ ಸ್ಥಳಕ್ಕೂ ಇರುವ ದೂರವೆಷ್ಟು?

20. ಎರಡು ವಾಹನಗಳ ವೇಗದ ಅನುಪಾತ  $2:3$  ಇದೆ. ಮೊದಲನೇ ವಾಹನವು  $3$  ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ  $50$  ಕಿ.ಮೀ ದೂರ ಕ್ರಮಿಸಿದರೆ, ಎರಡನೇ ವಾಹನವು  $2$  ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ ಕ್ರಮಿಸುವ ದೂರವೆಷ್ಟು?
21. ನಟರಾಜನ್ ರವರ ಆದಾಯಕ್ಕೂ ಖಚಿತಗೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $7:5$ . ಅವರು ಒಂದು ಮಾಹೆಯಲ್ಲಿ ₹  $2000$  ಉಳಿತಾಯ ಮಾಡಿದರೆ ಅವರ ಆದಾಯ ಎಷ್ಟಾಗಿರಬಹುದು?
22. ಒಂದು ಹುಲ್ಲುಗಾವಲಿನ ಉದ್ದಕ್ಕೂ, ಅಗಲಕ್ಕೂ ಇರುವ ಅನುಪಾತ  $3:5$ . ಇದರ ಸುತ್ತಲೂ ಬೇಲಿ ಹಾಕಲು ಪ್ರತಿ ಮೀಟರ್‌ಗೆ ₹  $2$ ರಂತೆ, ₹  $3200$  ವೆಚ್ಚವಾಗುತ್ತದೆ. ಹುಲ್ಲುಗಾವಲನ್ನು ಬೆಳೆಸಲು ಪ್ರತಿ ಚದರ ಮೀಟರ್‌ಗೆ ₹  $10$  ರಂತೆ ತಗಲುವ ವೆಚ್ಚವೆಷ್ಟು?
23. ಒಬ್ಬನು ಹೆಚ್ಚೆರಳಿಗೆ ಒಂದು ಎಂದು, ತೋರು ಬೆರಳಿಗೆ ಎರಡು, ಮಧ್ಯದ ಬೆರಳಿಗೆ ಮೂರು, ಉಂಗುರದ ಬೆರಳಿಗೆ ನಾಲ್ಕು, ಚಿಕ್ಕ (ಕೊನೆಯ) ಬೆರಳಿಗೆ ಒಂದು ಎಂದು ಎಣಿಸಿ ನಂತರ ಎಣಿಕೆಯನ್ನು ಹಿಂದಿನಿಂದ ಪ್ರಾರಂಭಿಸುತ್ತಾನೆ. ಅಂದರೆ ಉಂಗುರದ ಬೆರಳಿಗೆ ಆರು ಎಂದು, ಮಧ್ಯದ ಬೆರಳಿಗೆ ಏಣು, ತೋರು ಬೆರಳಿಗೆ ಎಂಟು, ಹೆಚ್ಚೆರಳಿಗೆ ಒಂಬತ್ತು, ತೋರು ಬೆರಳಿಗೆ ಹತ್ತು, ಮಧ್ಯದ ಬೆರಳಿಗೆ ಹನ್ನೊಂದು, ಉಂಗುರದ ಬೆರಳಿಗೆ ಹನ್ನೊರಡು, ಚಿಕ್ಕ ಬೆರಳಿಗೆ ಹದಿಮೂರು, ಉಂಗುರದ ಬೆರಳಿಗೆ ಹದಿನಾಲ್ಕು ಎಂದು ಹೀಗೆ ಮುಂದುವರೆಸುತ್ತಾನೆ. ಯಾವ ಬೆರಳನ್ನು ಒಂದು ಸಾವಿರ ಎಂದು ಎಣಿಸುತ್ತಾನೆ?
24. ಮೂವರು ಸ್ನೇಹಿತರು ಒಂದು ಮಾವಿನ ತೋಟದಿಂದ ಕೆಲವು ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಕಿತ್ತು ಗುಡ್ಡೆ ಮಾಡಿ ನಂತರ ಚಿಕ್ಕ ನಿದ್ರೆಗೆ ಜಾರುತ್ತಾರೆ. ಸ್ವಲ್ಪ ಹೊತ್ತಿನ ನಂತರ ಒಬ್ಬ ಸ್ನೇಹಿತನು ಎದ್ದು ಮಾವಿನ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಮೂರು ಸಮಭಾಗಗಳಾಗಿ (ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಸಮವಿರುವಂತೆ) ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತಾನೆ. ಒಂದು ಹಣ್ಣು ಹೆಚ್ಚುವರಿಯಾಗುತ್ತದೆ. ಆ ಹಣ್ಣನ್ನು ಅಲ್ಲಿಯೇ ಹತ್ತಿರವಿದ್ದ ಒಂದು ಕೋತಿಗೆ ನೀಡಿ, ಒಂದು ಭಾಗವನ್ನು ತನಗಿರಿಸಿಕೊಂಡು ಮತ್ತೆ ನಿದ್ರೆ ಮಾಡುತ್ತಾನೆ. ಎರಡನೇ ಸ್ನೇಹಿತ ನಿದ್ದೆಯಿಂದ ಎದ್ದು ಏನಾಗಿದೆ ಎಂಬುದರ ಅರಿವಿಲ್ಲದೆ ಉಳಿದ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಮೂರು ಸಮ ಪಾಲುಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತಾನೆ. ಒಂದು ಹಣ್ಣು ಹೆಚ್ಚುವರಿಯಾಗುತ್ತದೆ. ಅದನ್ನು ಅವನು ಕೋತಿಗೆ ನೀಡಿ, ಒಂದು ಪಾಲನ್ನು ತಾನು ಇರಿಸಿಕೊಂಡು ಮತ್ತೆ ನಿದ್ರೆ ಮಾಡುತ್ತಾನೆ. ನಂತರ ಮೂರನೇ ಸ್ನೇಹಿತ ಎದ್ದು ಏನಾಗಿದೆ ಎಂಬುದರ ಅರಿವಿಲ್ಲದೆ ಉಳಿದ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಮೂರು ಸಮ ಪಾಲುಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತಾನೆ. ಒಂದು ಹಣ್ಣು ಹೆಚ್ಚುವರಿಯಾಗುತ್ತದೆ. ಅದನ್ನು ಅವನು ಕೋತಿಗೆ ನೀಡಿ, ಒಂದು ಪಾಲನ್ನು ತನಗಿರಿಸಿಕೊಂಡು ಮತ್ತೆ ನಿದ್ರೆ ಮಾಡುತ್ತಾನೆ. ಕೆಲವು ಸಮಯದ ನಂತರ ಎಲ್ಲರೂ ಒಟ್ಟಿಗೆ ಎದ್ದು ಮೂವತ್ತು ಹಣ್ಣುಗಳಿರುವುದನ್ನು ಗಮನಿಸುತ್ತಾರೆ. ಮೊದಲಿಗೆ ಸ್ನೇಹಿತರು ಎಷ್ಟು ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಕಿತ್ತಿರುತ್ತಾರೆ?



25. ವಿಚಿತ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ:

ಒಂದು ವಿಚಿತ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ ಇದೆ. ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು ತನ್ನ ಅಂಕಗಳ ಮೊತ್ತದ ಮೂರರಷ್ಟು. ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ನೀವು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವಿರಾ?

26. ಹತ್ತು ಸಸಿಗಳನ್ನು, ಪ್ರತಿ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ನಿಶಿರವಾಗಿ ನಾಲ್ಕು ಇರುವಂತೆ ಸರಳರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ನೆಡಬೇಕಾಗಿದೆ.

27. ಕೆಳಗೆ ನೀಡಿರುವ ಶ್ರೇಣಿಗಳಲ್ಲಿ ಮುಂದಿನ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವುದು.

ಎ) 1, 5, 9, 13, 17, 21 .....

ಬಿ) 2, 7, 12, 17, 22 .....

ಸಿ) 2, 6, 12, 20, 30 .....

ಡಿ) 1, 2, 3, 5, 8, 13, .....

ಇ) 1, 3, 6, 10, 15, .....

28. ಮುಂದಿನ ಹೇಳಿಕೆಯಲ್ಲಿ ವಿನ್ಯಾಸವನ್ನು ಗಮನಿಸಿ.

$31 \times 39 = 13 \times 93$  ಪ್ರತಿ ಭಾಗದಲ್ಲಿರುವ ಏರಡು ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಪರಸ್ಪರ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿವೆ. ಇವುಗಳನ್ನು ಪಡೆಯಲು ಕ್ರಮಾನುಗಾತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅಂಕಗಳನ್ನು ಅದಲುಬದಲು ಮಾಡಿದೆ. ಈ ರೀತಿಯ ಹಲವು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಜೋಡಿಯನ್ನು ಬರೆಯಲು ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿ.

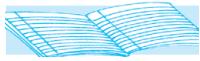


## ಲುತ್ತರಗಳು

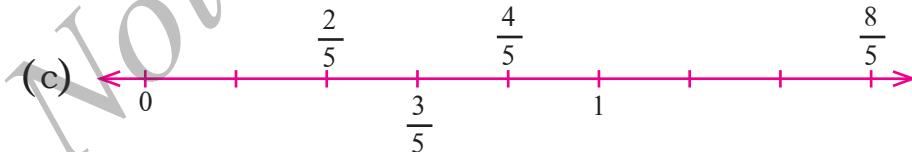
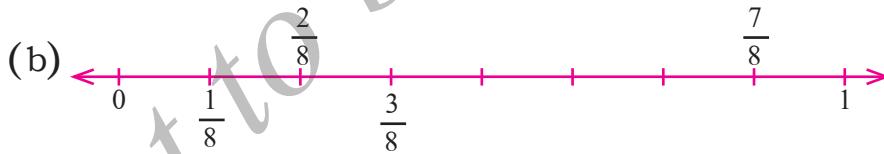
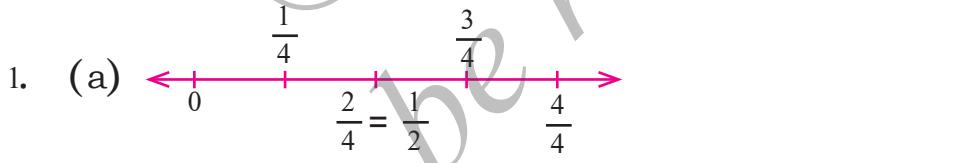


### ಅಭ್ಯಾಸ 7.1

1. (i)  $\frac{2}{4}$       (ii)  $\frac{8}{9}$       (iii)  $\frac{4}{8}$       (iv)  $\frac{1}{4}$       (v)  $\frac{3}{7}$       (vi)  $\frac{3}{12}$
- (vii)  $\frac{10}{10}$       (viii)  $\frac{4}{9}$       (ix)  $\frac{8}{8}$       (x)  $\frac{8}{8}$
3. ಶೇಂಡ್ ಮಾಡಿದ ಭಾಗವು ಕೊಟ್ಟಿರುತ್ತಿರುವುದಿಲ್ಲ.
4.  $\frac{8}{24}$       5.  $\frac{40}{60}$
6. (a) ಆಯ್ದಳು ಸ್ಥಾಂಡ್ ವಿಚೋನ್ನು ಮೂರು ಸಮಭಾಗ ಮಾಡಿ ಪ್ರತಿ ಭಾಗವನ್ನು ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬರಿಗೆ ಹೊಡುತ್ತಾಳೆ.  
 (b)  $\frac{1}{3}$       7.  $\frac{2}{3}$       8. 2,3,4,5,6,8,9,9,10,11,12;  $\frac{5}{11}$   
 9. 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113;  $\frac{4}{12}$   
 10.  $\frac{4}{8}$       11.  $\frac{3}{8}, \frac{5}{8}$



### ಅಭ್ಯಾಸ 7.2



2. (a)  $6\frac{1}{3}$       (b)  $2\frac{1}{5}$       (c)  $2\frac{3}{7}$       (d)  $5\frac{3}{5}$       (e)  $3\frac{1}{6}$       (f)  $3\frac{8}{9}$
3. (a)  $\frac{31}{4}$       (b)  $\frac{41}{7}$       (c)  $\frac{17}{6}$       (d)  $\frac{53}{5}$       (e)  $\frac{66}{7}$       (f)  $\frac{76}{9}$



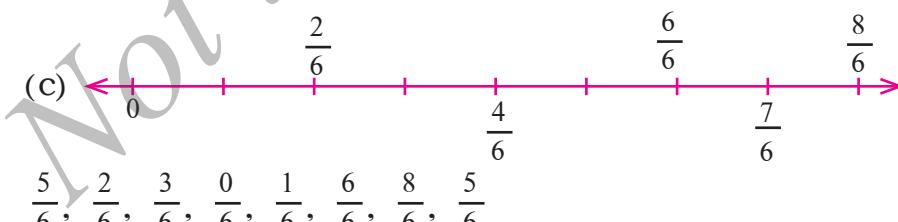
### ಅಭ್ಯಾಸ 7.3

1.  $\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \frac{4}{8}$ ; ಹೀಗೆ 2.  $\frac{4}{12}, \frac{3}{9}, \frac{2}{6}, \frac{1}{3}, \frac{6}{15}$ ; ಇಲ್ಲ
2. (a)  $\frac{1}{2}$  (b)  $\frac{4}{6}$  (c)  $\frac{3}{9}$  (d)  $\frac{2}{8}$  (e)  $\frac{3}{4}$  (i)  $\frac{6}{18}$   
 (ii)  $\frac{4}{8}$  (iii)  $\frac{12}{16}$  (iv)  $\frac{8}{12}$  (v)  $\frac{4}{16}$
- (a), (ii); (b), (iv); (c), (i); (d), (v); (e), (iii)
3. (a) 28 (b) 16 (c) 12 (d) 20 (e) 3
4. (a)  $\frac{12}{20}$  (b)  $\frac{9}{15}$  (c)  $\frac{18}{30}$  (d)  $\frac{27}{45}$
5. (a)  $\frac{9}{12}$  (b)  $\frac{3}{4}$
6. (a) ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿ (b) ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲ (c) ಸಮಾನ ಭಿನ್ನರಾಶಿಯಲ್ಲ
7. (a)  $\frac{4}{5}$  (b)  $\frac{5}{2}$  (c)  $\frac{6}{7}$  (d)  $\frac{3}{13}$  (e)  $\frac{1}{4}$
8. ರಮೇಶ  $\frac{10}{20}, \frac{1}{2}$ , ಶೀಲು  $\frac{25}{50}, \frac{1}{2}$ , ಜವಾಹ್  $\frac{40}{80}, \frac{1}{2}$ . ಹೀಗೆ ಹೀಗೆ
9. (i) (d) (ii) (e) (iii) (a) (iv) (c) (v) (b)



### ಅಭ್ಯಾಸ 7.4

1. (a)  $\frac{1}{8}, \frac{3}{8}, \frac{4}{8}, \frac{6}{8}$  (b)  $\frac{3}{9}, \frac{4}{9}, \frac{6}{9}, \frac{8}{9}$



2. (a)  $\frac{3}{6} < \frac{5}{6}$  (b)  $\frac{1}{7} < \frac{1}{4}$  (c)  $\frac{4}{5} < \frac{5}{5}$  (d)  $\frac{3}{5} > \frac{3}{7}$
4. (a)  $\frac{1}{6}, \frac{1}{3}$  (b)  $\frac{3}{4}, \frac{2}{6}$  (c)  $\frac{2}{3}, \frac{2}{4}$  (d)  $\frac{6}{6}, \frac{3}{3}$  (e)  $\frac{5}{6}, \frac{5}{5}$

5. (a)  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{5}$  (b)  $\frac{2}{4}$   $\frac{3}{6}$  (c)  $\frac{3}{5}$   $\frac{2}{3}$  (d)  $\frac{3}{4}$   $\frac{2}{8}$  (e)  $\frac{3}{5}$   $\frac{6}{5}$  (f)  $\frac{7}{9}$   $\frac{3}{9}$   
 (g)  $\frac{1}{4}$   $\frac{2}{8}$  (h)  $\frac{6}{10}$   $\frac{4}{5}$  (i)  $\frac{3}{4}$   $\frac{7}{8}$  (j)  $\frac{6}{10} = \frac{5}{5}$  (k)  $\frac{5}{7}$   $\frac{15}{21}$

6. (a)  $\frac{1}{6}$  (b)  $\frac{1}{4}$  (c)  $\frac{4}{25}$  (d)  $\frac{4}{25}$  (e)  $\frac{1}{6}$  (f)  $\frac{1}{5}$   
 (g)  $\frac{1}{5}$  (h)  $\frac{1}{6}$  (i)  $\frac{4}{25}$  (j)  $\frac{1}{6}$  (k)  $\frac{1}{6}$  (d)  $\frac{4}{25}$   
 (a), (e), (h), (j), (k); (a), (b), (f), (g); (c), (d), (i), (l)

7. (a) ಅಲ್ಲ ;  $\frac{5}{9}$   $\frac{25}{45}$ ,  $\frac{4}{5}$   $\frac{36}{45}$  ಮತ್ತು  $\frac{25}{45}$   $\frac{36}{45}$   
 (b) ಅಲ್ಲ ;  $\frac{9}{16}$   $\frac{81}{144}$ ,  $\frac{5}{9}$   $\frac{80}{144}$  ಮತ್ತು  $\frac{81}{144}$   $\frac{80}{144}$   
 (c) ಹೌದು ;  $\frac{9}{16}$   $\frac{16}{20}$   
 (d) ಅಲ್ಲ ;  $\frac{1}{15}$   $\frac{2}{30}$  ಮತ್ತು  $\frac{2}{30}$   $\frac{4}{30}$

8. ಈಲ ಕಡಿಮೆ ಓದಿದಳು 9. ರೋಹಿತ್

9.  $\frac{4}{5}$  ರಷ್ಟು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಎರಡೂ ತರಗತಿಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರಥಮ ದರ್ಜೆಯಲ್ಲಿ ಉತ್ತೀರ್ಣರಾದರು.



## ಅಭ್ಯಾಸ 7.5

1. (a) + (b) - (c) +  
 2. (a)  $\frac{1}{9}$  (b)  $\frac{11}{15}$  (c)  $\frac{2}{7}$  (d) 1 (e)  $\frac{1}{3}$  (f) 1  
 (g)  $\frac{1}{3}$  (h)  $\frac{1}{4}$  (i)  $\frac{3}{5}$   
 3. ಇಡೀ ಗೋಡೆ  
 4. (a)  $\frac{4}{10}(\frac{2}{5})$  (b)  $\frac{8}{21}$  (c)  $\frac{6}{6}(1)$  (d)  $\frac{7}{27}$  5.  $\frac{2}{7}$

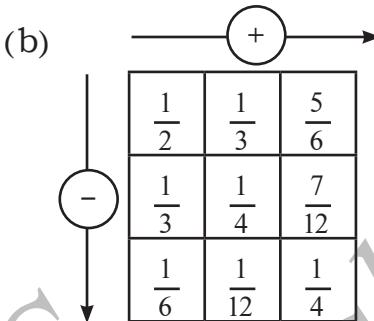
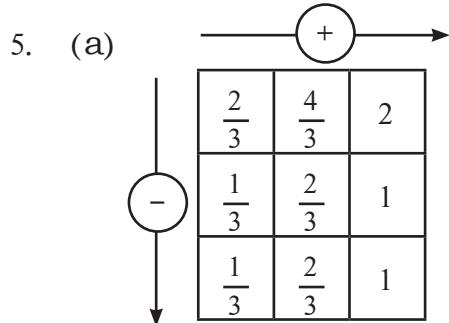


## ಅಭ್ಯಾಸ 7.5

1. (a)  $\frac{17}{21}$  (b)  $\frac{23}{30}$  (c)  $\frac{46}{63}$  (d)  $\frac{22}{21}$  (e)  $\frac{17}{30}$  (f)  $\frac{22}{15}$   
 (g)  $\frac{5}{12}$  (h)  $\frac{3}{6}(\frac{1}{2})$  (i)  $\frac{23}{12}$  (j)  $\frac{6}{6}(1)$  (k) 5 (l)  $\frac{95}{12}$   
 (m)  $\frac{9}{5}$  (d)  $\frac{5}{6}$

2.  $\frac{23}{20}$  m      3.  $2\frac{5}{6}$

4. (a)  $\frac{7}{8}$       (b)  $\frac{7}{10}$       (c)  $\frac{1}{3}$



6. ಉಳಿದ ಭಾಗದ ಉದ್ದ =  $\frac{5}{8}$  m

7. ನಂದಿನಿ ನಡೆದ ದೂರ =  $\frac{4}{10}(\frac{2}{5})$  km

8. ಅಶೋಕನ ಕಪಾಟು  $\frac{13}{30}$  ರಪ್ಪು ಹೆಚ್ಚು ಭರ್ತೀಯಾಗಿದೆ

9. ರಾಹುಲ್  $\frac{9}{20}$  ನಿಮಿಷದಲ್ಲಿ ಕಡಿಮೆ ಸಮಯ ತೇಗೆದುಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.1

1

	ನೂರುಗಳು (100)	ಹತ್ತುಗಳು (10)	ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು ( $\frac{1}{10}$ )
(a)	0	3	1	2
(b)	1	1	0	4

2

	ನೂರುಗಳು (100)	ಹತ್ತುಗಳು (10)	ಬಿಡಿಗಳು (1)	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು ( $\frac{1}{10}$ )
(a)	0	0	9	4
(b)	0	0	0	3
(c)	2	0	5	9
(d)	2	0	5	9

3. (a) 0.7      (b) 20.9      (c) 14.6      (d) 102.0      (e) 600.8
4. (a) 0.5      (b) 3.7      (c) 265.1      (d) 70.8      (e) 8.8      (f) 4.2  
     (g) 1.5      (h) 0.4      (i) 2.4      (j) 3.6      (k) 4.5
5. (a)  $\frac{6}{10}, \frac{3}{5}$  (b)  $\frac{25}{10}, \frac{5}{2}$  (c) 1, 1      (d)  $\frac{38}{10}, \frac{19}{5}$  (e)  $\frac{137}{10}, \frac{137}{10}$   
     (f)  $\frac{212}{10}, \frac{106}{5}$  (g)  $\frac{64}{10}, \frac{32}{5}$
6. (a) 0.2cm (b) 3.0cm (c) 11.6cm (d) 4.2cm (e) 16.2cm  
     (f) 8.3cm
7. (a) 0 ಮತ್ತು 1;1      (b) 5 ಮತ್ತು 6;5      (c) 2 ಮತ್ತು 3;3      (d) 6 ಮತ್ತು 7;6  
     (e) 9 ಮತ್ತು 10;9      (f) 4 ಮತ್ತು 5;5
8. 
9. A, 0.8cm; B, 1.3cm; C, 2.2cm; D 2.9cm
10. (a) 9.5cm (b) 6.5cm



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.2

1.	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು	ಸಂಖ್ಯೆ
(a)	0	2	6	0.26
(b)	1	3	8	1.38
(c)	1	2	8	1.28

2. (a) 3.25      (b) 10.2.63      (c) 30.025      (d) 211.902      (e) 12.241

3.	ನೂರಗಳು	ಹತ್ತಗಳು	ಬಿಡಿಗಳು	ಹತ್ತನೇ ಒಂದುಗಳು	ನೂರನೇ ಒಂದುಗಳು	ಸಾವಿರನೇ ಒಂದುಗಳು
(a)	0	0	0	2	9	0
(b)	0	0	2	0	8	0
(c)	0	1	9	6	0	0
(d)	1	4	8	3	2	0
(e)	2	0	0	8	1	2

4. (a) 29.41 (b) 137.05 (c) 0.764 (d) 23.206 (e) 725.09
5. (a) ಸೊನ್ನೆ ಬಿಂದು ಸೊನ್ನೆ ಮೂರು (b) ಒಂದು ಬಿಂದು ಎರಡು ಸೊನ್ನೆ  
 (c) ಒಂದು ನೂರ ಎಂಟು ಬಿಂದು ಇದು ಆರು (d) ಹತ್ತು ಬಿಂದು ಸೊನ್ನೆ ಏಳು  
 (e) ಸೊನ್ನೆ ಬಿಂದು ಸೊನ್ನೆ ಮೂರು ಎರಡು (f) ಇದು ಬಿಂದು ಸೊನ್ನೆ ಸೊನ್ನೆ ಎಂಟು
6. (a) 0 ಮತ್ತು 0.1 (b) 0.4 ಮತ್ತು 0.5 (c) 0.1 ಮತ್ತು 0.2 (d) 0.6 ಮತ್ತು 0.7  
 (e) 0.9 ಮತ್ತು 1.0 (f) 0.5 ಮತ್ತು 0.6
7. (a)  $\frac{3}{5}$  (b)  $\frac{1}{20}$  (c)  $\frac{3}{4}$  (d)  $\frac{9}{50}$  (e)  $\frac{1}{4}$   
 (f)  $\frac{1}{8}$  (g)  $\frac{33}{500}$

 **ಅಭ್ಯಾಸ 8.3**

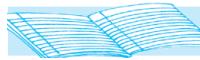
1. (a) 0.4 (b) 0.07 (c) 3 (d) 0.5 (e) 1.23 (f) 0.19  
 (g) ಎರಡು ಸಮ (h) 1.490 (i) ಎರಡೂ ಸಮ (j) 5.64

 **ಅಭ್ಯಾಸ 8.4**

1. (a) ₹ 0.05 (b) ₹ 0.75 (c) ₹ 0.20 (d) ₹ 50.90 (e) ₹ 7.25
2. (a) 0.15m (b) 0.06m (c) 2.45m (d) 9.07m (e) 4.19m
3. (a) 0.5cm (b) 6.0cm (c) 16.4cm (d) 9.8cm (e) 9.3cm
4. (a) 0.008 km (b) 0.088km (c) 18.888 km (d) 70.005km
5. (a) 0.002 kg (b) 01 kg (c) 3.750 kg (d) 5.008 kg  
 (e) 26.05 kg

 **ಅಭ್ಯಾಸ 8.5**

1. (a) 38.587 (b) 29.432 (c) 27.63 (d) 38.355 (e) 13.175  
 (f) 4.2
2. ₹ 68.35 3. ₹ 26.30 4. 5.25m
5. 3.042km 6. 22.775km 7. 18.270kg



## ಅಭ್ಯಾಸ 8.6

1. (a) ₹ 2.50    (b) 47.46 m    (c) ₹ 3.04    (d) 3.155 km    (e) 1.793 kg
2. (a) 3.476    (b) 5.78    (c) 11.71    (d) 1.753
3. 14.35                  4. ₹ 6.75                  5. 15.55 m                  6. 9.850 km                  7. 4.425 kg



## ಅಭ್ಯಾಸ 9.1

ಅಂಕಗಳು	ಒಟ್ಟು ಅಂಕಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
1		2
2		3
3		3
4		7
5		6
6		7
7		5
8		4
9		3

- (a) 12    (b) 58

ಸಿಹಿ	ಒಟ್ಟು ಅಂಕಗಳು	ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
ಲಾಡು		11
ಬಫೀರ್		3
ಜೆಲೇಬಿ		7
ರಸಗುಲ್ಲ		9
		30

- (b) ಲಾಡು

ಸಂಖ್ಯೆ	ಒಟ್ಟು ಅಂಕಗಳು	ಎಷ್ಟು ಬಾರಿ?
1		7
2		6
3		5
4		4
5		11
6		7

- (a) 4    (b) 5    (c) 1 ಮತ್ತು 6

4. (i) ಹಳ್ಳಿ D    (ii) ಹಳ್ಳಿ C    (iii) 3                 (iv) 28
5. (a) VIII      (b) ಇಲ್ಲ      (c) 12
6. (a) ಮುಕ್ತವಾರ ಮಾರಾಟವಾದ ಬಲ್ಪಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ 14. ಅದೇರೀತಿ, ಇತರ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಮಾರಾಟವಾದ ಬಲ್ಪಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು.
- (b) ಅತಿ ಹೆಚ್ಚು ಬಲ್ಪಗಳನ್ನು ಮಾರಿದ ದಿನ ಭಾನುವಾರ.
- (c) ಬುಧವಾರ ಮತ್ತು ಶನಿವಾರದಂದು ಸಮಾನ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಲ್ಪಗಳನ್ನು ಮಾರಿದೆ.
- (d) ಬುಧವಾರ ಮತ್ತು ಶನಿವಾರದಂದು ಅತಿ ಕನಿಷ್ಠದ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಲ್ಪಗಳನ್ನು ಮಾರಲಾಗಿದೆ.
- (e) 10 ಕಾಟೋನ್‌ಗಳು
7. (a) ಮಾರ್ಟ್‌ನ್‌      (b) 700      (c) ಅನ್ನರ್, ಮಾರ್ಟ್‌ನ್‌, ರಂಜಿತ್ ಸಿಂಗ್



## ಅಭ್ಯಾಸ 9.2

1.  $\otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes$   
 $\otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes$   
 $\otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes$   
 $\otimes \otimes \otimes \otimes$   
 $\otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes \otimes$

- (a) 6      (b) ಹಳ್ಳಿ B      (c) ಹಳ್ಳಿ C

2.  $\text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹}$   
 $\text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹}$   
 $\text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹}$   
 $\text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹}$   
 $\text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹} \text{₹}$

- (a) 6      (b) 5 ಮೊಣವಾಗಿದ್ದ ಮತ್ತು 1 ಅಮೊಣ B ಎರಡನೇ



## ಅಭ್ಯಾಸ 9.3

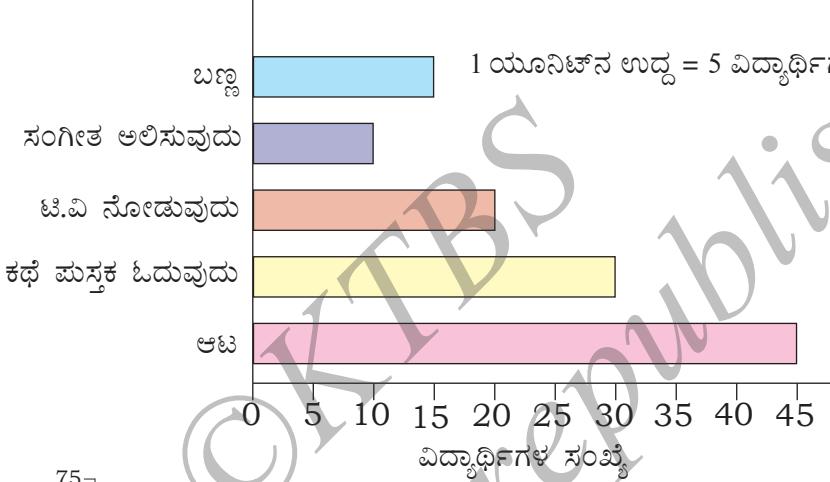
1. (a) 2002      (b) 1998
2. (a) ಈ ಸ್ತಂಭಾಲೇಖವು ಸೋಮವಾರದಿಂದ ಶನಿವಾರದವರೆಗೆ ಮಾರಿದ ಶಟ್‌ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ.

- (b) 1 ಅಳತೆಯಮಾನ = 5 ಶಟ್ಟೆಗಳು                                  (c) ಶನಿವಾರ, 60
- (d) ಮಂಗಳವಾರ    (e) 35
3. (a) ಈ ಸ್ತಂಭನಕ್ಕೆಯು ಅಡೀಜನು ವಿವಿಧ ವಿಷಯಗಳಲ್ಲಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡ ಅಂಕಗಳನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ.
- (b) ಹಿಂದಿ    (c) ಸಮಾಜ ಅಧ್ಯಾಯನ
- (d) ಹಿಂದಿ-80, ಇಂಗ್ಲಿಷ್‌-60, ಗಣಿತ-70, ವಿಜ್ಞಾನ-50 ಮತ್ತು ಸಮಾಜ ಅಧ್ಯಾಯನ-40.

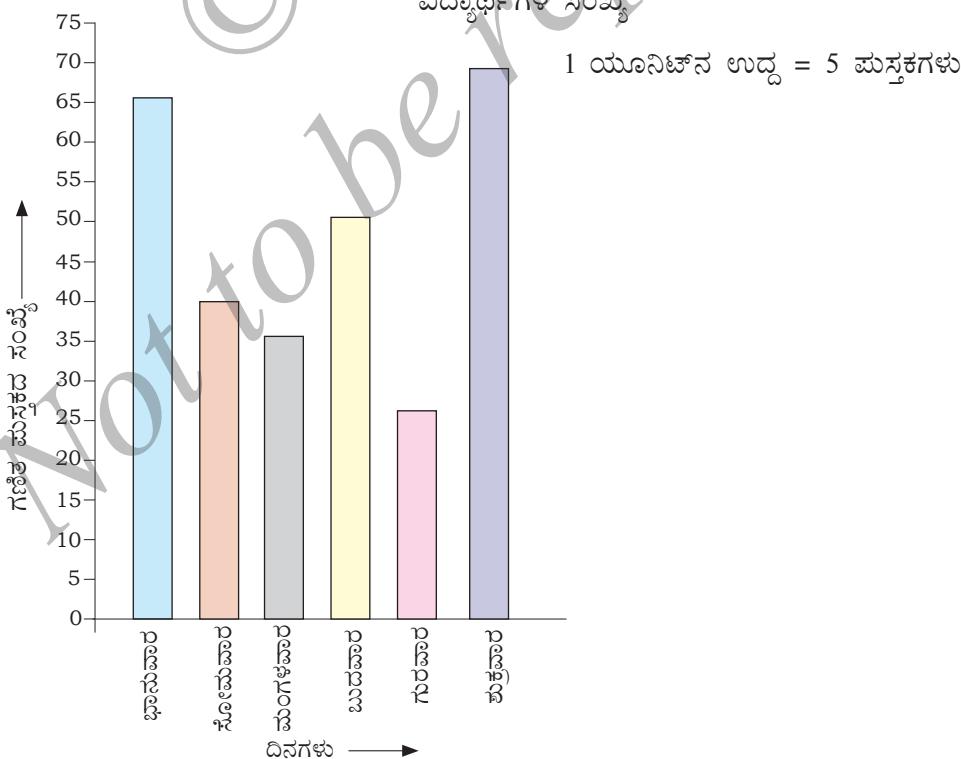


### ಅಭ್ಯಾಸ 9.4

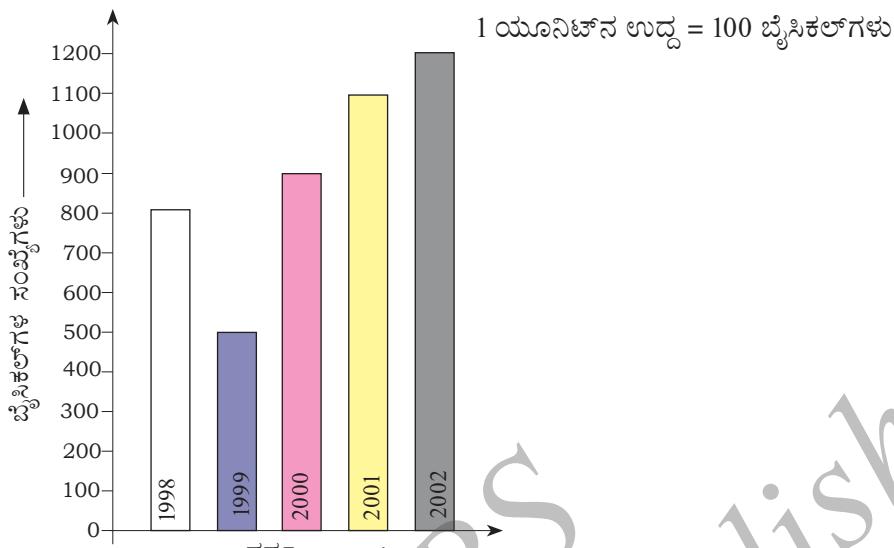
1.



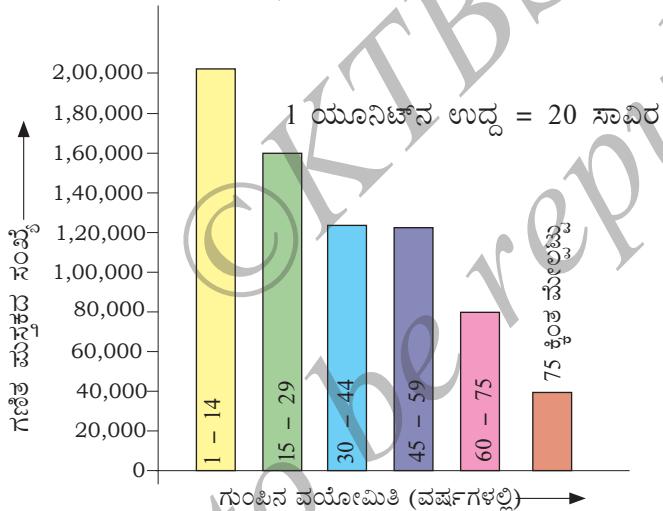
2.



3.



4.



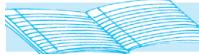
a) 30 - 44, 45 - 59

(b) 1 ಲಕ್ಷದ 20 ಸಾರ್ವರ

### ಅಭ್ಯಾಸ 10.1

1. (a) 12 cm (b) 133 cm (c) 60 cm (d) 20 cm (e) 15 cm  
(f) 52 cm      2. 100 cm ಅಥವಾ 1m      3. 7.5 m      4. 106 cm
5. 9.6 km      6. (a) 12 cm      (b) 27 cm      (c) 22 cm
7. 3.9 cm      8. 48 m      9. 5 m      10. 20 cm
11. (a) 7.5 cm      (b) 10 cm      (c) 5 cm      12. (a) 10 cm

13. ₹ 20,000      14. ₹ 7200      15. ಬುಲ್ಲಾಬುಲ್ಲಾ
16. (a) 100 cm    (b) 100 cm    (c) 100 cm    (d) 100 cm  
ಎಲ್ಲಾ ಚಿಕ್ಕಗಳು ಒಂದೇ ಪರಿಧಿ ಹೊಂದಿರುತ್ತವೆ.
17. (a) 6 m      (b) 10 m      (c) ಕ್ರಾಸ್ ಹಚ್ಚಿನ ಪರಿಧಿಯನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ



## ಅಭ್ಯಾಸ 10.2

1. (a) 9 sq units    (b) 5 sq units    (c) 4 sq units    (d) 8 sq units  
 (e) 10 sq units    (f) 4 sq units    (g) 6 sq units    (h) 5 sq units  
 (i) 9 sq units    (j) 4 sq units    (k) 5 sq units    (l) 8 sq units  
 (m) 14 sq units    (n) 18 sq units



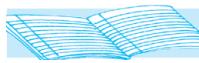
## ಅಭ್ಯಾಸ 10.3

1. (a) 12 sq cm    (b) 252 sq cm    (c) 6 sq km    (d) 1.40 sq m  
 2. (a) 100 sq cm    (b) 196 sq cm    (c) 25 sq m  
 3. (a) ಹೆಚ್ಚು ಪ್ರದೇಶ (b) ಕಡಿಮೆ ಪ್ರದೇಶ  
 4. 6 m      5. ₹ 8000      6. 3 sq m      7. 14 sq m  
 8. 11 sq m    9. 15 sq m    10. (a) 28 sq cm    (b) 9 sq cm  
 11. (a) 40 sq cm    (b) 245 sq cm    (b) 9 sq cm  
 12. (a) 240 ಟೈಲ್ಸ್    (b) 42 ಟೈಲ್ಸ್



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.1

1. (a)  $2n$       (b)  $3n$       (c)  $3n$       (d)  $2n$       (e)  $5n$   
 (f)  $5n$       (g)  $6n$
2. (a) ಮತ್ತು (d) ಬೇಕಾಗುವ ಬೆಂಕಿಕಡ್ಡಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಪ್ರತಿಯೊಂದಕ್ಕೂ 2
3.  $5n$       4.  $50b$       5. 55
6.  $t$  km    7.  $8r, 64, 80$     8.  $(x - 4)$  ವರ್ಷಗಳು    9.  $l + 5$
10.  $2x + 10$
11. (a)  $3x + 1, x =$  ಚೆಕ್ಕಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ  
 (b)  $2x + 1, x =$  ಶ್ರೀಭೂಜಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.2

1.  $3l$       2.  $6l$       3.  $12l$       4.  $d = 2r$

(5)  $(a + b) + c = a + (b + c)$



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.3

2. c, d

3. (a) ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ, ಸಂಕಲನ, ವ್ಯವಕಲನ

(b) ಗುಣಾಕಾರ, ಭಾಗಾಕಾರ, ಗುಣಾಕಾರ

(c) ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಸಂಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ವ್ಯವಕಲನ

(d) ಗುಣಾಕಾರ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಸಂಕಲನ, ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ವ್ಯವಕಲನ

4. (a)  $P + 7$       (b)  $P - 7$       (c)  $7P$       (d)  $\frac{P}{7}$       (e)  $-m - 7$   
 (f)  $-5P$       (g)  $\frac{-P}{5}$       (h)  $-5P$

5. (a)  $2m + 11$       (b)  $2m - 11$       (c)  $5y + 3$       (d)  $5y - 3$       (e)  $-8y$   
 (f)  $-8y + 5$       (g)  $16 - 5y$       (h)  $-5y + 16$

6. (a)  $t + 4, t - 4, 4t, \frac{t}{4}, 4 - t, 4 + t$

(a)  $2y + 7, 2y - 7, 7y + 2, \underline{\hspace{2cm}}, \underline{\hspace{2cm}}$



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.4

1. (a) (i)  $y + 5$       (ii)  $y - 3$ ,      (iii)  $6y$       (iv)  $6y - 2$ ,      (v)  $3y + 5$

(b)  $(3b - 4) m$       (c) ಉದ್ದ =  $5 h$  cm, ಅಗಲ =  $5h - 10$  cm

(d)  $s + 8, s - 7, 4s - 10$       (e)  $(5v + 20) km$

(2) (a) ಒಂದು ಪುಸ್ತಕವು ಒಂದು ನೋಟ್ ಪುಸ್ತಕದ ಬೆಲೆಯ ಮೂರರಷ್ಟರುತ್ತದೆ.

(b) ಓನೇನಿಯ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯು ಮೇಚಿನ ಮೇಲಿನ ಗೋಲಿಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಂಟರಷ್ಟರುತ್ತದೆ.

(c) ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿನ ಮಕ್ಕಳ ಸಂಖ್ಯೆ ನಮ್ಮ ತರಗತಿಯಲ್ಲಿನ ಮಕ್ಕಳ ಸಂಖ್ಯೆಯ 20 ರಷ್ಟರುತ್ತದೆ.

(d) ಜಗ್ಗಾವಿನ ಚಿಕ್ಕಪ್ಪ ಜಗ್ಗಾವಿಗಿಂತ 4 ರಷ್ಟು ಹಿರಿಯರು. ಜಗ್ಗಾವಿನ ಚಿಕ್ಕಪ್ಪನಿಗಿಂತ 3 ವರ್ಷ ಚಿಕ್ಕವರು.

(e) ಚುಕ್ಕೆಗಳ ಒಟ್ಟು ಸಂಖ್ಯೆಯು ಅಡ್ಡಸಾಲಿನ ಸಂಖ್ಯೆಯ 5 ರಷ್ಟಿದೆ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 11.5

1. (a)  $x$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(e)  $x$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(f)  $x$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(h)  $n$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(j)  $p$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(k)  $y$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ  
(o)  $x$  ಚರಾಕ್ತರ ಹೊಂದಿರುವ ಸಮೀಕರಣ
2. (a) ಇಲ್ಲ (b) ಹೌದು (c) ಇಲ್ಲ (d) ಇಲ್ಲ  
(e) ಇಲ್ಲ (f) ಹೌದು (g) ಇಲ್ಲ (h) ಇಲ್ಲ  
(i) ಹೌದು (j) ಹೌದು (k) ಇಲ್ಲ (l) ಇಲ್ಲ  
(m) ಇಲ್ಲ (n) ಇಲ್ಲ (o) ಇಲ್ಲ (p) ಇಲ್ಲ (q) ಹೌದು
3. (a) 12 (b) 8 (c) 10 (d) 14 (e) 4 (f) -2
4. (a) 6 (b) 7 (c) 12 (d) 10
5. (i) 22 (ii) 16 (iii) 17 (iv) 11



## ಅಭ್ಯಾಸ 12.1

1. (a)  $4 : 3$  (b)  $4 : 7$
2. (a)  $1 : 2$  (b)  $2 : 5$
3. (a)  $3 : 2$  (b)  $2 : 7$  (c)  $2 : 7$
4.  $3 : 4$  5. 5, 12, 25, ಹೌದು
6. (a)  $3 : 4$  (b)  $14 : 9$  (c)  $3 : 11$  (d)  $2 : 3$
7. (a)  $1 : 3$  (b)  $4 : 15$  (c)  $11 : 20$  (d)  $1 : 4$
8. (a)  $3 : 1$  (b)  $1 : 2$

9. 17 : 550
10. (a) 115 : 216 (b) 101 : 115 (c) 101 : 216
11. (a) 3 : 1 (b) 16 : 15 (c) 5 : 12
12. 15 : 7 13. 20 : 100 14. 12 ಮತ್ತು 8 15. 20 ಮತ್ತು 16
16. (a) 3 : 1 (b) 10 : 3 (c) 13 : 6 (d) 15 : 1



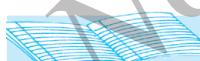
## ಅಭ್ಯಾಸ 12.2

1. (a) ಹೌದು (b) ಇಲ್ಲ (c) ಇಲ್ಲ (d) ಇಲ್ಲ (e) ಹೌದು (f) ಹೌದು
2. (a) T (b) T (c) F (d) T (e) F (f) T
3. (a) T (b) T (c) T (d) T (e) F
4. (a) ಹೌದು, ಮಧ್ಯ ಪದಗಳು → 1 ಲೀ., ₹40, ಅಂತ್ಯ ಪದಗಳು = 25 ಸೆ.ಮೀ.  
₹ 160  
(b) ಹೌದು, ಮಧ್ಯ ಪದಗಳು: 65 ಲೀ., 6 ಬಾಟಲಿಗಳು (ಸೀಸೆಗಳು), ಅಂತ್ಯ ಪದಗಳು: 39 ಲೀ.,  
10 ಬಾಟಲಿಗಳು  
(c) ಇಲ್ಲ  
(d) ಹೌದು, ಮಧ್ಯ ಪದಗಳು: 2.5 ಲೀ. ₹ 4; ಅಂತ್ಯಪದಗಳು: 200 ಮ.ಲೀ., ₹ 50



## ಅಭ್ಯಾಸ 12.3

1. ₹ 210 2. ₹ 2500 3. 644 ಮಿ.ಮೀ.
4. (a) ₹ 48.80 (b) 10 ಕೆ.ಗ್ರಾ.0.
5. 5 ಡಿಗ್ರಿಗಳು 6. ₹ 30,000 7. 10 ಬಾಳೆಹಣ್ಣು 8. 5 ಕೆ.ಗ್ರಾ.0.
9. 300 ಲೀ. 10. ಮನೀಷ್ ನಾಯಕ 11. ಅನೂಪ್



## ಅಭ್ಯಾಸ 13.1

1. ನಾಲ್ಕು ಉದಾಹರಣೆಗಳು: ಕಪ್ಪು ಹಲಗೆ, ಮೇಜಿನ ಮೇಲ್ಕೆ, ಕತ್ತರಿ, ಕಂಪ್ಯೂಟರ್‌ನ ಡೆಸ್ಕ್
2.  $l_2$  ರೇಖೆ
3. ಉದಾಹರಣೆ (c) ಯನ್ನು ಬಿಟ್ಟು ಉಳಿದೆಲ್ಲಾ ಸಮಮಿತಿಯಾಗಿವೆ.



## ಅಭ್ಯಾಸ 13.2

1. (a) 4    (b) 4    (c) 4    (d) 1    (e) 6    (f) 6    (g) 0    (h) 0    (i) 5

3. ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ:

ಸಮಬಾಹುತ್ರಿಭುಜ : 3, ಚೌಕ (ವರ್ಗ) : 4, ಆಯತ : 2

ಸಮದ್ವಿಭಾಹುತ್ರಿಭುಜ : 1, ವರ್ಷಾಕೃತಿ : 2, ವೃತ್ತ : ಅಗಣಿತ (ಅನೇಕ)

4. (a) ಹೊದು. ಸಮದ್ವಿಭಾಹುತ್ರಿಭುಜ    (b) ಇಲ್ಲ<sup>1</sup>  
(c) ಹೊದು, ಸಮಬಾಹುತ್ರಿಭುಜ    (d) ಹೊದು, ಅಸಮಬಾಹುತ್ರಿಭುಜ

7. (a) A, H, I, M, O, T, U, V, W, X, Y.  
(b) B, C, D, E, H, I, K, O, X.  
(c) F, G, J, L, N, P, Q, R, S, Z.



## ಅಭ್ಯಾಸ 13.3

1. ಗುರುತಿಸಬೇಕಾದ ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ  
(a) 4    (b) 1    (c) 2    (d) 2    (e) 1    (f) 2

